## A Treatise on Hydromechanics Pt. I Hydrostatics

by

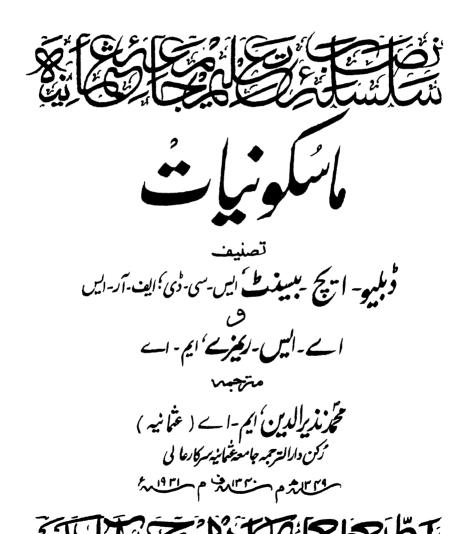
W. H. BISANT & V.S. RAMSEY

واسكوبيات

ترحمه

ہ و اوی مجمد مدیر الدیں ، ایم ۔ اے۔

UNIVERSAL LIBRARY OU\_188182 AWYSHINN



فہرست علاط وصل بہ معالدست بن انغلیرں کا تعبیم ذاہیںئے۔

			- 454	لمول كأتصيح فراسا	هالعه <u>ست</u> قبل ان خام	ا بر	لوسط
30	bli	سطر	صفح	ميجيح	غلط	سطر	صح
	1-1	11	14	بإتى	بان	٣	1
ا + ت	ئے + ت	٨	IA	57	جذى	سما	۲
ت ا	ت	И	"	ادر باره	اور لم ره	71	*
قروك الله	ترس ا	۲۱ ا	71	ادر باره زمیر مونگی :	الأيا	rı	
خارج	غايح	4	44	مونگی	ر ریر ہونگیں	19	٣
جزی	مذی	۱۳	70	ت د ب	ق وُ ب	jΑ	۵
<i>17.</i>	7.	IA	,	سِين	س ب گزرنے	p <sup>r</sup> l	*
ج دباؤ <u>ح</u> ی	دباد كے لئے دباؤ	٨	۳.	ئے گذیہ		j.	4
<u> </u>	3 50 T	11	/	ح پیمالیش	بيائش پيائش	۲	^
+ '	-	9	٣٢	يسيانيس	بيانش	10	*
أمسستوار	استوار	۲۰	4	ا پیالیتس	بيالش	-11	4
کمیست 🏻	ا کمیت	4	مهم	مرزو	ن ترز	19	4
مسال	کیت سال	14	•	فشارے	'فشارے '	م	1.
سميت سال ن پيايه پيايه	ا ت	۲.		اِکا تی	الكاني	4	Ŋ
أيب	ن ير	۲	44	ايسراع	إسراح	u	u
بيباله	ببالي	N	*	28.	*	ساا	*
٠ ڌ	1	70	عسر	مجمع	3.5	22	4
لہ ہ قہ	لبوقه	77	•	المتجالئس	منجائش	ما	11"
به مربع	مريع	4	۳4	(د+مف<)عر	(د+مت د)	IA	*
الم الم سجاس	يم المعاس	1-	£	سکاتی	مكانى	4	19

فيجح	ble'	سطر	اسخ	مح	فلط	سطر	صفخ
			-9	صجع	-		<b>E</b>
عصل منروب	حاصل رون	انو	ىم 2	_	נלני	4	74
بمشديث	ىتئوت	4	40		ع د	۵	مام
ונט	ילט.	۳۰	u	گمرد ر	كمزوز	10	4
<i>7</i> ;	1.	;1	24	<	_	16	
•	1	•	4	(دايد مخالسامات)	-	19	11
	(نشکل میں)			6,1	[ f	۲	01
ر ال	ب وج	j	۸٠	1 - 4 - 6 - 6 - 6 - 6 - 6 - 6 - 6 - 6 - 6	ا المرياد	۲	07
۱۱، ب	دو پ	۲	11	و- عق	و ۲	٣	۳۵
دو زاندول:	دولول تأمدول	ji	ע		(منب نمایس بهلا)		
>	<	٨	الم	Ī	į,		۲۵
ت	ت \	Ą	ע	دائره كا ايك	وا نُرُه ایک	14	-1
>	<	1.	4	ب جم ط	مجمط	۲	06
الثانت		12	u		7	۵	u
ا نواز ل	1	۳	سر۸	ائعہیں	انعیں	18	
فا نون	- قانو <i>ن</i>	4	AO	د باؤ	دادُ	1	A
ا أدب	ارُدبَ	۵۱	"	દ	દુ	4	4
یری ا	ىپى	))	Þ٨	,	,		29
بموحب	بوعب	٣	AL		(د سری شکل میں)		
ھ اھ	ھَ ، ھَ	سوا	*	يىنئادە	مشابه	6	4.
إن المريخ الدايط في)	(#+C) = 5 \ <del> </del>	14	N	اسطوانه	استواز	14	44
<u>#</u>	7	14	4	سيال	ستال	19	48
1	(K <u>z</u> .) }	فنكل	*	سيال	مسيال	۲.	er
ق و ف	ت د ق	4	AA	>	٠ ۵	7.	مم
}	<b>%</b>	۳	Aq			7.	
L				l			

فيح	غلط	يط	انسفر	'ليومج	ble	سطر	صفخد
و ی ام تراشوں	,	ماا	إيموا	تبن	تیں اکائی تروی ن ق	4	19
Œ	ئى	н	ایما	74	2	4	4.
اور	'ور	4	يد ايما	y	<b>)</b> 5"	15	~
ترامتوں	و ئى در ترشوں	14	موريم ا	الله الله الله الله الله الله الله الله	اکالی	15	<b>q.</b>
ا م	,	4	山口	7.	٤	ų 14	۵,
اسلنے و ۱ حوم	<b>وید</b> + هر	14	"	مخروط	مخزدطي		ماه
占	ين الم	س	IA SI	تَنْهُرا وُ	تراده	¥	qæ
فانه	نان	٣	101	نَ قِي	ن ق	٧.	1.14
4	<u>r</u>	10	,4	عالميت ن	قامیت کے	<b>19</b>	7.  14
پوري	يوري	۲۲	14	نير	أنينر		
,	ل	44	144	بير	نینر ۱ (اوبهکا) منتاسب	نشكل	1.6
م الله الله الله الله الله الله الله الل	المالية إلى الله الله الله الله الله الله الله ال	مم،	149	الم والا من الم الله الله الله الله الله الله الله	منناسب ش کے	٦	1.9
التمين	تعين	r	14.	ع	ئ	سم ا	4
ارکھنے	ر کھکر	۵	اعة	_	ے	IP	11.
نف	ت	14	4	× جب طم	رحب المجد	16	14.
× ئىچە	<u>- بر</u>	)I	124	مَر	ھ	1	177
	8	J	14.	25	<u>ی</u>	۲	N
م ت	م ٿ	ri	u		روب د د د د د د د د د د د د د د د د د د د	٣	179
(زاير ۽ کالواما)	4	14	JAT	ادروار ث مر	از پر واز	14	. الموا
جائے میسان	ماسك	11	۱۸۴۲	ن مَر	ت مر (مديمرا)	۲	اسوا
بجيلخ	يصيكن	۳	46	db d	Ь	Ų	120
2	2	14	IAA	ج ث	ح ٺ	))	*
	ے ح <sup>ر</sup> ب	٨	14.	2	.2	4	٤٣٢
7-10	7-17	"	-	Ī	ď	71	144
		ـــــــ		ļ,			

فيح	ble	سطر	تمنى	فيح	فلط	سطر	مؤ
وًا حببًا فه	والمحب ف	1	rar	ن: ٢٠	ا د د	14	14 -
ا ت ء	۲ت۔	9	700	{1-	1	H	197
نرس فرس	ذس فرس ۽	P'	74.	م نخ	3/5	JA	191
حينر	صفر	ها	N	(	(	14	144
ۈس	. فرس	¥		7	<b>T</b> .	۵	14.6
ب-ج	ب	۲	447	رکیکا	رکیکا	ىم 1	٠
_	+	٧	769	مستدير	مستدير	10	414
تب	تو	11	204	د×ن ت	פאטט	1	4114
Derboux	Darbou	٧	744	ق ترس	توتوس	1	•
Britannice	Britanica	4	TAA	جرمت د	57.	PE	N
Britannica	Britanica	۳	747	ا ت ا	· U	4	714
Uber dæ	uber der	4		(	.(	10	N
75	<b>15</b> .	,	r94	ون	ب	1	414
(کالدیاطئے)	) (دييان)	4	س.س	مامار	= " = "	14	771
(4+4)	(¥ + Þ)	نه ا	pr. 4	4	-	شكل	777
رثيقل	أرنتل	11"	حاس	يں سم	یں ہے	۳	270
من أرح ركت بر	اس حركت صرف	- 1	414	جنای	جنٹ ا	7.	446
سال	ا سال	4	×	عبث لا	جعت يا	,	YYA
ميخن	منجن	16	MIA	تق× دع	ت و دع	A	774
ميغن ريش ريش	منچن گ	0	444	10	1/2	4	اسوم
2			اه ال	جٽ ا	جث	m	774
ر حراف اور اور المان المرابع کے در اور کے	ہاں مارکے بعد حرب مناز کی دھے حس	موس، میں کے	الوب:- مرز	*	~	۵	يهم
n 4	ا از کی دجسے جم در مف ل ۔ گ	مان د ر	معادكانة	45	ور	1	70.
_				تمال	روعل	M	Pal

فهرست مضامین ماسکونیات بإباول

د نعات ۱۱ - ۱۱ لغرلفات - دارکاسادی موارد وارکانشقال - کتافت کاناب استله

باب دوم

۱۵- ۲۰ آوازن کی شرط ۲۱ - ۲۹ مساوی دباو کی سطحیس 11 19 ۲۷ غیر تجانس اکع ۲۹-۲۸ مثالیس ۳۲-۲۳ گموشنے والاسیال 71 ۳.

٣٢

امثله 3 ۱۳۳ مال داؤه دماؤسك مركز اشل مهر - هده تیرفے والے جبم کا توازان - اچھال کی سطح - توازان کے حل ۱۵ - ۱۹ ه فاص صورتوں میں اچھال کی سطحیں اشکر 14 9 ~ باب تيجم ۵۶ - ۱۹ و الان کی قائمیت - پس مرز ۱۹ و دیوین کامستگاه ۵ و کیکارٹ کامستگاه 1.1 11. 111 بارمين اصنافه 111 22 ویچی کوائز جازیر 24-24 اچهال کی طح العوم 20 تیراد کی سطح- لیکارٹ کامسئلہ 21 مثالیں 111 77 114 116 ۱۸ - ۸۹ محدود مشاور- قیدکی صورتین 171 ٩٠ - ٩٢ غيره تجانس النع اساا

۹۳- ۱۰۰ نوانائی کے اصول کا اطلاق بمسما ۱۰۸-۱۰۹ يترن واسار اجدام كوام تزازات امثله ۱۰۹-۱۱۱ کلیدائل - نیش مطلق ۱۲۱-۱۲۱ گیسول کا آبیزه -سنسبنم - حرارت نوعی 16 1 117 ١٢١-١٢٩ كره بهوائى - ارتفاعول كالمعلوم كرما ١٣٠٠-١٣٠ لائم طحول كاتناؤ 411 ١٣١٨-١١١ وبيرا در لدنمير 717 مسل ١٥٥ تناؤاور دماؤ 777 الهم 714

صغہ	دفعات
tar	١٩٢٠-١٩٠ تؤميه
100	امثله
	باب درم
<b>734</b>	۳ ۱۹-۱۹۹ سطی نناؤ به شعاری شخنی
744	۱۵۱-۱۵۰ متوازی مختیاں
744	الا الله المن المن المن المن المن المن المن المن
<b>r</b> • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	الما يترني والي سوني
TAI	١٨٥ - ١٨٥ المُع كى جليال
74 P	امثله
r.s F12 F70 F74	باب مار درم ۱۸۷- ۱۹۱۷ گموسنے والے اکم کی کھیت کا اضافی توازن ، دمین کی فنکل بإطلاق ۱۹۷- ۲۰۰ جیکوبی کوسئلہ ۲۰۱ برانکارے کاسئلہ ۲۰۲ برانکارے کاسئلہ
<b>774</b>	۳۰٫۶۰۰ نوورزن کی اورنشکلیس دیشد
משמי	امتلہ متغرق شالیں
<b>4</b> ساما	متعرف منامين

### 644

# ماسكونيات باب،اوّل

ا - ہم عام تجربہ سے یہ معلوم کرتے ہیں کہ اسبی ہ ضیار میں جیسے ہواادر انی ہیں ینحواص ہائے میں کہ ان کے ادہ کے حصے ایک دوسرے سے نہا یت آسانی سے ساتھ علاحدہ نسمے مباسکتے ہیں اوربعنے ذیری کی ان میں انتہائی فالمیت ہے۔ ان خواص کی ترفیع مختلف عام دا تعات سے ہوسکتی ہے۔ منلا سال جیزیں بآسانی ایک دوسرے کے اندرداخل ہوجاتی ہیں ایک سیال کی بہت کر مقدار میں شامل کرنے سے آگو انتہائی طور پر لطیف بنایا جاسکتا ہے۔ ہوا بہب کے ذریعہ ہوا کو بہت دفین کیا جاسکتا ہے۔ اور اسی طرح کے دوسرے واقعات سے یہ واقع ہوتا ہے کہ عمل طور پرسالی کی شعت نیری اور اسی طرح کے دوسرے واقعات سے یہ واقع ہوتا ہے کہ عمل طور پرسالی کی قسمت نیری عبر محدود ہے اور میا مطور پر قابل نظرانداز۔ ان سنا ہات کی تمیم سیت ہی قلیل ہزاجمت محسوس ہوجا آھے کہ سیال کے حس میں یہ خوا کو جو دو ہول جو کم سیس سے خود کو دہم ایسی شے کا خیال کرسکتے ہیں کہ جس میں یہ خوا کی میتری بہتری یہ ہوسالی عام میں یائے جائے ہیں۔ اس کے ہمی دیلے ایک کی تعرفین

۲ \_ سیال کال ایسے ذرات کا مجموعہ ہوتا ہے جو نمنیف ترین قوت کے زیر عمل فوراً ایک دوسرے سے حدامو جا نے ہیں۔اس طرح اگر ایک لا انتہا بتلاستوی اس نسم کے سیال کوکسی مت میں تقسیم کرے تو ،س عمل تقسیم میں کوئی مزاحمت دقوع نیر مزمولی

رمستوی برسال کا دبادُ صرب عو دی مت مت می عمل کریگا- یعنی سال کال می لزوحبت عدوم فرض کی جاتی ہے ادر رکز کی تسم ہے کوئی توت عمل مہیں کرتی-اس طرح نعربیت متذکرہ بالاست کمیال کی نبیادی خاصیت حسب ذیل قرار یا تی ہے سیال کال کا د بازهمیشهاُس سطح پر عمو د دار عمس کرتا ہے۔ جس محساتھ سکل میں دراسی تبدیکی بہبت بڑی اُوت کے استعال سے بیامون کے اس طرح سیال کال کا مغبوم اسی چیزوں کے شا ہو ہے تال ہوتا ہے جن میں یہ خاسست ہوکہ ا ن کے اجزا جداسان سے جدا موسکیر اور دیکھنے سی عمل تعسیر درج انہان ک موسکے -تمام سال خواه ان کا در مبه لزوجت کچه بی برازی کی تعربیب میں آجایتے ہیں۔ یال ایسے ذرات کا مجموعہ ہے جو حفیف ترین قرمت کے افرکو قبول کر وان کے مواکر نے میں کا بی وصد کک لگا بی حالے بِس مِنتِيمِ تُخلَّا ہے كہ ساكن لزن سال مِن ماسى تعال يا جذى ماؤ نہس ہؤا- اور یا *ل کا ل کی طرح کسی ماکن س*یال ی<sup>و .</sup> اِز مهیشه اس مطح بر عمود دار<sup>و</sup> کرانا ہے جوسیال س کرتی ہے۔ اس طرت نمام ساہ ں کے لئے بالحاط لادوجت ، علم سکون سیالہ سند کے تمام علم حركت سيالات (احركمايت) ميسال كى لزوجت ك شال كرف سے حركت كى ماوا میں کبیت حدیک بدل جاتی ہیں۔ ۔۔۔سیالات کی دوسسین ہیں۔ ما نمایت ادر کیسٹیس۔ اول الذکرانسبی مسیلامیں۔ جیسے یا نی اور ماره جو قابل ندر د سب نهس سکتهر حب ک*ک کربهت برسس* داند کے *زیرعل مو*ں موخوالڈ جوائما نی شتے دہبائتی ہیں ادر آزا دانہ مور بیتال میں ہیں۔ اسلے بعض إدمات ہم تشمرا ول کے سیافات کو بے میک اور شرو دم کو کیا مار کیسنگے صورت میں نویر ظاہر سے اور پر کہ ہوا بھی رزن رکھتی ہے ا یک بند برتن کو حتی الاسکان ہوا سے

فالی کرکے وزن کرنے سے معلوم ہوسکتا ہے نیز جوار مھا ایک کے و توع سے برموام جونا ہے کہ سالات برسورج اور چاند کی شخص سی طرح عمل کرتی ہی جس طرح کرزمین کی شیس -ان واتعات کی بنا پر نیزاس طرح کے اور واقعات کی بنا پر آن دیا جا اہے کرتما مڑ سالات کانون تجا اب کے تا بع ہن -بعنی اس قانون کے برحبہ پرُٹ من کاعمل کرتے ہیں اوران بریمی ان اوسی اسیا کی منت ش کاعل موقا ہے ۔

سسبالي دبازكي بيائت ر

مر*ف کروکہ کچیسی*ا لی ا دہ مبض نوتوں *کے ز*ہر عمل ساکن ہے ادر ایک منوی سطح سال کے ساتھ تما س رکھتی ہے اوراس کے زمہ ا پر جوسیال کاعمل ہے اس کے خلاف تواز ن ہیا کرنے کے

ز بوتورقبہ الے براتط پر اسکر تغیر خال کیا حالا کا ادراگر ایک نقطہ کے گروکے چھو کیے اس

رقبه عدیرنوت عمل کرے تو ہے۔ سے تقریباً وا ذکی سرح رقبہ عد برمبر بروگ -الرُّعكولانساكم كروا جاستَ أو فرض كروك انتها مي عيد على منب بطور تعربيت كي من

﴿ كُوبِهِ مِنفَظِهِ زَرِ بِحِبْتُ بِرِدا وُكَا أَبِ قرار وسِينكَ - ﴿ رَهِ تُوتَ بِوكُ وَأَبِي لَيُ اللَّهُ عَا يَنكمَى اگراس ای بی مفه پرسف رح اماز نمیسال خیال کی حاہے اور پیتلد زیر بحبث پر کے داو کے مساوی ہو لېساً کرکسي نفطه پروماز ۵ مهرواس- که کردسکه تیموستی رقبه عدیر توت ۵ عد، حبد

کرنگی جهاں سبہ انتہامیں < ۶۶ کے ما بلرس سفر روجاً باسرین سکھ (اوراسکی د صب عرف ک

ب سے ام ہے اس کا تبوت سال کی بنیادی عاصیت

اگر بم سیال نے ایک جیوٹے ذوار معبتہ السطوح کے تواز ن برغور کر بس تو بیسعلہ مرہر گا کہ امں کے رون برکے دباؤاوراس کی میت برکی قوت عالم طکر متوازن قزؤں کا ایک

میداکرنی ہیں۔

اول الذکر قوتیں رخوں کے رقبوں مِنحصر ہونیکی وجے ایسے بدلتی ہیں جیے ہذات اِمتوانس فرص کما گیاہے) کے کنارے کام بع اور تابی الذکر توت عجم ادر کتافہ ر منعد و نكى وجدايسي دلتي ب خيية عبم كالاركاكميس - اوراس منظ الرمح مركولا أنتها ے جیکواس کی شکل ہیشہ متفالہ رہے تر موخوالذکرون مقالم رخوں راکے كے معدوم ہوجاتى ہے۔ اوراس سئے يه دباؤ خود ستوازن قوقوں كا ايك نظام سيدا

مبین کرو که رون و ب ج اور ب ج د برکے داؤی خرمیں علی الترتیب داؤی م نبیرون ایس کنارے و د کے متوازی ان قرنو*ن کو تحلیا کرد-* توجونک*ارقب* و بسبخ امد ب مج

ئے ظل و د پرکے علی افتوائم ستوی رو ہی ہیں (فرض کروکہ مراک عرکے مساوی ہے ۔)

اور اسی طرح مینا بت کیاجاسکتاسے که دوسرے دو رحوں پرکے

د باؤمیں سے ہرایک دیا دکشساوی ہے۔ اب چنکو دوار بعبۃ السطوح کے دی کسی مت میں۔

د باؤ ہرست میں دہی مواہے۔

نيسيلاسوت مجي درست رسام جبكرسال شوك مو كروكم وى ايمبرث كے اصول كر مطابق الرموزة ون كست الط دى جائة ويه بيردني إعالمة وول كمساعة الكروفول برے دباؤے ساتھ ستوازن ہزنگیں۔ اور موٹر قوبیں اسی رتبر کی حجو فی مقداریں ہیں جس

رتبه کی عال قرتمی ادراس کے بقالرداؤں کے محددم برحاتی ہیں۔ مِسُلَه بالاکاحب دلِ تبرت کوشی کی مثالوں سے لیا گیا ہے

فر من کرد که ن اور ق سیال میں ایک دوسرے سے محدود فاصلے پر دو تقطیمیں - محر ن ق كُور ايك بيت ميوق نفت قطركا اسطواء بناؤ- ق مي سي اكيم توى ن على القوائم كمينجو اور ن يس سے كوئى مستوى گذارو اور ن ق كىكيت كے تواون برفوركرو-

اس کے سروں رکے دباؤ اور ختی سطح کا دباؤاور وہ سیرونی فرتیں جواس بڑمل کرتی ہیں ایک میں دریت ترقیب کن کرائی کہ ت
متوازن توتوں کے نظام کو بقبیر کرتی ہیں۔ فرص کروکہ دکا نقاط ق اور ن برکے دہا، ہیں۔ اورا سطوانہ کی تراش ق کا رقبہ ند میں میں میں
عه اور ژاش ن کا رقبه عربے۔
نے ن پر کے دارُ کہ عَد کو اگر اسطوانہ کے م ک میں دینچاری میں میں اسطوانہ کے
محور کے متوازی تحلیل کر ب تو جزو تحلیلی قدم کے مساوی ہے۔ اورا سلنے کے عدید عدید نی ن کے متوازی قوت عالم کا جزو تحلیلی نیا
نقطدن میں سے گزرنے والے منتوی کی سمت خواہ کچھ ہی مویہ قریت عالمرحکا مطوائہ کانصفکے
لا انتہا چھوٹا مو ہا لا خرا سطوانے کے حصے تی ن برکی قرت عالمہ کے مساد می ہوجا تی ہے
جبکہ بیر حصہ ایسے مستوی کے ذیعیہ کا ماجائے جونقطہ ن میں سنے گزرے ادر محور پر عمود ہمو۔ یس قوت عالمیہ ہے
بن توت عامل <i>ہ ہے۔</i> پس قوت عاملہ ہے کریس ن عہ فر لا
، حباں ک میں دو توت ہے جو میالی ورہ کے پراتیا ت سے فاصلہ لا پر ممز کرتی ہے۔ اسلیے
جہاں کس دہ توت ہے جو میالی ورہ کے براتیا ق سے فاصلہ لا بر من کرتی ہے۔ اسلیے کا حد + ک <sup>ن ق</sup> س ٹ فر لا
ے دیں تشریح جوت کے اس صدر مکن کرد سے گی-
فرص کردکر و ب و ق ب مقد ب من سے گرے والے وستری میں - ف من على الترتیب ون و الد
ب ن ب کی اوسط کنافتیں ہیں۔ میں ، میں سیال کے اِن صوں پڑمل کرنے والی قوق کے اسراع ہیں۔ ترین در در اور قریر ترین دھوں کر جو را در میں میں سیاست
تو ن و ب اور ق و ب ( جن کے محم ساوی وس) ت ت ت ت ت ت ت ت ت ت ت ت ت ت ت ت ت ت ت
پر سی رہے وہ ن خورس ہ رق یہ و ن و کر کر اور ب ن ب بر عمل کر روالی قورس کا مرت
= (سَ ثُ - س ث) × حجم و ن وَ = من اس : ) » <del>- س</del> مربرا و ک (عر تهضور : کارتر ہے )

## یعی که نظه ن مب سے گدر نیوالی سنویوں کے لئے مستقل ہے۔ سسیالی دہا وکا انتقال

اگرکسی ساکن انع کی سطح پر ایس کے کسی دوسرے حصد پر دباؤ ڈوں حبائے ایس میں اصنا ذکیا حاب تربیہ دباؤیا صنافہ دباؤ مائع کے سب حصوں میں مسادی طور پر ہنتقل ہوجا کا ہے۔

ہو جا گاہے۔ سیالوں کی یہ خاصیت بالاست تجربہ کی بنابرحاسل ہو نگا دراس طور پرمض او قان اسسے مان بیاجا تا ہے لیکن ہم سیال کی تولیف سے سکواخذ کرسکتے ہیں۔

فرض گردکر میان ایم کی سطیمی ن کوئی نقطیب اور سال کاند ق کوئی دوسرا نقطیب خطاستقیم ن ترکی سطی اور ق میں خطاستقیم ن ترکی سطی اور ق میں گرز نے والے ادر ن ق میر گرز نے والے ادر ن ق میر کارنے میں گرز نے والے ادر ن ق میر علی الفتوائم سندی ستے محدود ہو۔

اگر نقطه ن پرکے داؤگو بقدر دیے زادہ کیا جاسے ادراسطور نہ بری اضافہ سندہ قوت کو اس کے عور کی سمت میں طلیل کیا جائے تو جزد تخلیلی د عدکے ساوی ہے جہاں عداسطوانہ کے مور بیعلی انقوائم ستوی تراش کا رقبہ ہے اس کے مساوی قوت د عدکو سمت ق ن میں نقطہ ق بیم ممل کرنا جا سیے کی بحر شخی سطے بسیال کا دباؤم مورکے علی انقوائم ہے اس سے ق بیر کا دباؤ سیے در کے مراہ جانا ہے۔

اگرخطستفیمن تی پوسے طور برسیال کے اقد داتع سوتو ن اور تی کو مختلف خطوط سے جوالم ام مسیال کے اور کی کو مختلف خطوط سے جوالم ام مسیال کے اور کی کرارسے ای بوسکتا ہے کہ داؤ د نقط تی بربغیرکسی قسم کی تبدیلی کے مقل برحانا ہے -

لغينوث سفي - ادر سلم

ک = = + رانتی س خ نولا + الله و آو \* مف (س ف) قرین جزنکرسلسل مین اس کے آخری رقم ساوات کی دوسری ارقام کے مقالم میں صرحیاً معدوم خیال کی آئی مے اور اسکنے کا مشقل ہے ۔

۔ اس خاصیت کی نبایر انع کا اوہ شین۔ کہ طور پر قرت کی تصفیف کے لئے استفال بڑ اگرایک یا نی سے بھرسے مبوے نبدرتن میں دوسوراخ کردئے جائیں ادر ان کو خومسنسکر آنے دائے فتا روں وُلا کئے بندکر داجائے او سیراً کُرکو بی قیت ق ایک فشارے برنگا فی طبخ تو دوسرے فشارے برایک ایسی توت ق لگانی بڑے گی کر نسبت ق : ِ ق نسبت أوا ل کے مساوی موجادے ٔ کیونکور ثبہ آکے ہز قطر کے دہا ڈین اضافہ کی بٹیرج رقبہ سکے ہر نقطہ بر منقل ہو جاتی ہے۔ اور اسلے ک<sup>ا</sup> پر کی توت اس کے بتیہ پر شخصر ہوتی ہے۔ انِ دونوں فشاروں کا درمیانی عمل مبرم سے مشابہ ئے اور میر ظاہرہے کہ ( کو بڑھا ہے ہے | ١١٠ ا مر ل كو گمثانے سے بمنسب يَ : ق كُومَتُنا برُهاا عِلى برُ مُعاسِكَة بُينِ -. ۱ ۔ یہ دیماگیا ہے آئیسی سیال کا داوُاس کی کتافت اور تبش مینحصر واسے نیزاسک تجربیسے معلوم ہوا ہے کہ اگر تبیش ستقل رہے تود باؤائس فضا کے بالعکس متناسب ہوتائے ے سے بینی داوایے براتا ہے جیساس کا ثانت-اس قا ون کو بہلے اگل نے بیان کیا میکن میراس عام فا بون کے نتیجہ سے طور مراخذ مرسکتا ہے وں کے کسی آمیزے کا دباؤ جبکہ ان میں کیمیائی عمل مراہوا ہے دباؤں کا مجموعہ وہ ا نویس علیحدہ علیحدہ بیدا کر تی میں حکمہا یک ای*ک کرکے جدا گاہ طور پر بن* کوان سے تحواصائے بوئك برن مي كيس كى مقداركودوچندكرك سے داؤىجى دوئيند موجائيكا اورسال كے مقدار میں کوئی اور ام ضم کی تبدیلی دباؤیں اس طرح کی تناسب مبدیلی سیاکر دیگئی-ا سلئے اُرکسی کیسی سیال کی مجھے مفدار کی کنا نت ت ہوا درامس کا دباؤ 🕻 توجب اکر کر تبش دہی رہے

مورگا ہاں \* مشقل ہے جبکو بجربر کے ذریعیاس شفدوں سال کے لئے کسی معلومتر بیٹ میں برمعلوم کرنا اگر کسیس کا تجم ح ہو جبکواس کا دیاڑ د ہے ماار تج جبکہ وباؤ کہ تو ح د = سے کہ

له برا الانتخرسيال العات كي س غاصيت كي عملي مستال كايك وهيي سال ب-

بإل

ىينى سے در معامة تب رمستقل ہے۔ 11 – دباؤ کے چھوٹے اصا فرکو جونسیت اُس مکبی (حجی) پیک سے ہوجواس قلیل اصافہ کی دھیر سے بیدا ہوتی ہے اس سے سال کی کیک کی بیایش کیاتی ہے۔ اگر ح مجمره توخنیف کمبی بچپ - فرع بورگار بیک کا نا پ

مستقل تمش ریگس کی مورت میں حد مستقل برقامے اور

اس طرح لچک کاب وہی ہوا جو داؤ کا اب ہے ۔ اگر کیک اور داؤ میں ربط مب و میرو ہم داؤ اور حجم میں ربط معلوم کرسکتے ہیں ۔ اگر کیک اور داؤ میں ربط مب و میرو ہم داؤ اور حجم میں ربط معلوم کرسکتے ہیں ۔ سٹلاً اگر بھم ایک ایسے سیال کے وجود کا تعبور کرسکیں حرک میں بیک دیا دہلی وہ چند ہو تو ہو ملط

> r= 1/1 -

ماس برامے دس سے بنتج بخلام کد حامتقل ہے۔

وزن کمیت اور کٹا فت کے پیانے

۱۲ \_ سال کے وزن اکمیت اور کتافت سے پیایش اسی طرح کیجاتی ہے جیسے مطوس کے با

کی صورت میں -اگرکسکیت کےسیال کا وزن و ہوتو حسب معمول قرار واد وں کےمطابق جن سے کمکمیت ادروت كى اكائيال معرض تعربي بيس آتي ہيں

۔ اگد کمیت کے سیال کی کمانت ت اور حجم ح ہوتو ک= مناح

ادر ن و = ن ن ح

معیاری چیز کے لئے نے ۱ء اور اس کنے کمیت کی اکائی معیاری چیز کے اکائی حمر کی کہیتے۔ مرکز مرکز میرون میں اور اس کے کمیت کی اکائی معیاری چیز کے اکائی حمر کی کمیت

اً گرمیت کی اکائی پونڈ ہو توسادات و ہے کہ جسے طاہرے کہ ایک بونڈ برجا ذہ ارصٰ کا عمل توت کی ج اکائیوں کے مسادی ہے۔اسلئے توت کی اکا نی نقر یا نصف ادنس کے دزن

کےمسادی ہے اوراس کو یونڈل کیتے ہیں۔

۱۰ کے کرمشبتہ دفعات میں ایسے سالوں یہ غور نہیں کہا گیا جنگی کٹافت متغیر ہوتی ہے لیکن سیجینا

ائسان ہے کو انع کی کمیت کی کٹا منت کسل طور رِنقط بہ نقط متنفیر ہوتی ہے ۔ ا در ہ یندہ معلوم رئیس کے کہا میں مارس

ہوگا کہ ایک بچاردارسیال کی کمیت جوجا فرمبارض سے زیر عمل سالن ہے اور حس سے کمام مجبۂ میں'' نیپٹر مستقل سے لازا غیر سحانب یونی جا ہے۔ ہیں لیے سال کے سسی نقطہ پر کنا فست

بیش منتش ہے قارہ عیر سجا حسس ہوئی جا رہیے۔اس سے سیاں سے تسکی نقطہ پر کیا گئیسے۔ کی بیایش اس نقطہ بردما وی ایسٹی سلسل طور رپر بد لینے دالی مقدار کی بیالیٹس کی طرح ہونی جائے۔

غيرتجابن سال محكسى نقطه ريكتانت كي بإيش

فرض کردکد ایک نقط کے گھیرنے والے بچرسال کا حجم سے اور کمیت کے نیز فرض کردکہ ت ایک متجانس سیال کی کٹافت ہے جسکے سے حجم کی کمیت کہنے یا جسین

توت كوح مجم والى عير متجانس سيال كاس معدى دسطات فت كها حاسكتا ب اور بالآخر جيك لا التراكم التراكم التراكم التر

ر میں کی کیلے فست کرا جاسکتاہے ۔

۱۲ ہے کیس کے دہانے میں جو کام موات ارسکو علوم کرا۔

من روکد درا دیس کا جوج ہے۔ اور جس برتن میں تیس ہے اس کی سطے کا جز فرسس اور

فرمس کے اندردارعا اوکا جزد فرع ہے -تر چموٹے بچکا دُمیں جوکا مرکیا گیا اس کی تقدار ہے

ء د ∑نرس زع = - د نرح

ادر جم سے می دانے کے لئے کو کام کیا گیا وہ

(A)

= م وك تي = ع د وك تيم

الريك برتن كركوك موان كره كے موجود كى ميں و توع يذير ہو ئى سيے شلا اگرايك اسطوان میں نشارے کے ذریعیس بندگی کئی ہوتو ہوا ان کرہ کا دباؤ پیک سے کا میں مدورتیا ہے۔ اس طرح الركره بوان كے دباؤ ١٦ برابتدان جوج بوز جم عيس دبانے كے لئے بروني كام بوكياتيا وه

> = - ∫ (د - ۱۱) فرح ، جیاں ح د = ۱۱ ح = H - FL - T (5 - - 7)

(ان نتابوں میں ج ۲۷ م کے مساوی میا گیاہے جبکہ فٹ اور نا نیدا کا ٹیاں ہوں ) ا - متطیل رقبه ( ب ج د سیال داد کے زیرعمل ہے۔ اوب ٹابت خطر متم ہے۔ اور رقبه برکا رواوطول ب ج (لا) کا ایک دایروا تفاعل (د) ہے ٹابت کردکہ ج د کے کشی قط يردباء مرد به مان و = ال ب-

اگر ا ایک نابت نقطه دادر ال ب ، ال د کی سنین نابت ہوں ادراگر ال ب = لا ادر اد = ما قرج بردباد = فراح

-ساوات ب = ج ت ح مي اكروت كى اكانى ١٠٠ يوندون طول كى اكانى ١ ف

ادر دقت کی اکائی لم ٹائید ہوتو یانی کی ٹائت معلوم کرو۔ س سے اگر وقت کی اکائی ایک دقیقہ طول کی اکائی ایک گز ہو ، ادر اگر معیاری شے کے ۱۵

كمعب ايخ كاوزن ٢٥ اونس موتو توت كي اكاني وريانت كروس

م بـ مساداتِ و = ن ف ح مي وقت كي اكائي مي اين كي نقداد طول كي اكائي مي فرس کی تعداد کے مسادی ہے۔ قرت کی اکائی ، ۵، پونڈوزن سے ادر معیاری میر کے ایک

کھب فٹ کا وزن ۵۰۰ ۱۳۵ اونس ہے ۔وقت کی اکا کی علیمرو۔

۵ - رنتار کی اکائی م فٹ فی انیہ سے اِن معیاری چیزے ادر قوت کی اکائی ۱۲۵ بوند وزن سے - وقت اور طول کی اکا کیاں معارم کرو۔ ا ن کے ایک کمیب فٹ کے وزن کو تعبیر رنے والا عدداس کے مجموع طا مرکزنے واسے عدد کا 🕂 ادراس کی کمیت کو ظام کرنے والے عَدد کا 🏃 ہے اوراس کوایک فٹ تھا نے میں کئے کام کو ظاہر کرنے والے عدد کا کہا ہے بطول کمیت اور وئت کی اکائیاں دریافت کرو۔ ۔ اگر کرہ ہوا کئ کا دبائو۔ دبائر کی ایکائی ' آواز کی رفتیار ' رفتار کی اکا نئی اِسراغ مبرجا ذبار ص اسراع کی اکا ٹی ہوتوقوت کی اکا ٹی تقریبًامعلوم کرو۔ ۔ اگر 9 مصاور ب نامینی طول اور و تعت کی ای کما س وں اور ما بن کی کتافت معیاری کتا ہوتو او اور ب میں ربط معلوم کرد کر مساوات و یہ ج ت سے سے کسی چیز کا وزن او ندوں دِ فَطْ فِي تَا يَدِي رَفّار رَفّار كِي الله فِي ادركرنے داسلےجسم كا اسراع اسراع كى اكا ئى اور یت کی اکا نی موتویا ن کی کتا فت سعادم کرد-تھے اکتے ایک مخروط میں حس کا محورانتصابی ارراس نیچے کی طرن سے ڈالدیا گیاہے۔ اس می نقطه پرکٹا مُنت سِطع پرگی کثا فٹ نسیے بفدر ایک ایسی مُقدار کے بڑی ہے جُوالیسے رمتی ہے جیسے سطح سے نقطہ کی گہرائی۔ تا ہت کر دکہ حب الع کو ہلانے سے اس کی کثا نت کیساں ہوجائے تو بیکنا نت اصلی حالت بر اس نقط پر کی کثا نت کے مساوی ہے جس کی گہرائی محروط سکے محور کی ایک جو خ**ما**نی سکے مساوی ہو۔ ۔ ٹ کتانت والے مائع سے بھرے موے برتن میں سے مائع کا لیے وار حصتہ كالدواكياب ادراس كو فه كفافت والع ما تعست بحرد إكميام والراس مل كوهم مرتبه و مہرایا جائے توبرتن میں کے انع کی کٹافت معلوم کرو۔ ایک برتن کا ججم سے ۔ اس کو ت کنافت واسے انع سے بحرویا گیا ہے۔ اگریتر کتا نت وایے اگع کا حجم اُنتیا کی صغیرتطروں میں سے اندر شاک جا۔ عاصل سننده مائع کی کتافت معام *کراوی* ١٢-- ايك ال كى كمّا فت نقط به نقطه برلتى ب- نابت كروكه ايك معلوم نقط مي س

گزرنے والی متوں میں سے اُس مت میں کنا نت زیادہ سے ذیادہ سرعت سے بلتی ہے جو اس نقط میں سے گزر نے والی کیسال کنا فت والی سطح پر عماد ہو۔ نیز اس سطح کے ماسی مستوی میں جوسمتیں ہیں اُن میں سے زیادہ اسے زیادہ اور کم سے کم کنافت کے نغیر والی متیں وہ ہیں جومدری زامنوں کے ماسوں پرمنطبق ہوتی ہیں۔ (1.)

اب دوم

سیالوں کے توازن کی شرطیں

۵۱ - عام سے عام صورت میں فرض کر وکوایسے سیال کی کھیکسیت جو کیک دار ہو ایسے کیک منجانس ہرانی میر تنجانس وی ہوئی قرنوں کے زیر ممل ساکن ہے اور فرض کر وکہ قواز ن کی طرب منجانس میر نامیر میرین نامید

نقطہ برگا د اڈمعلوم کرنامطلوب ہے۔ تعریب کا د اڈمعلوم کرنامطلوب ہے۔

فرض کرد کونیال کے کسی نقط ن کے محدد علی انتوائم محوروں کے لحافات لا ' انمی ہیں۔ اور ق اس کے تردیک ایک ایسا نقط ہے کہ ن ق محور لا کے متوازی ہے فرص کروکہ لا + مف لا' ما' ی نعطہ ق کے محدد ہیں۔ ن ق کے کردایک جیموا منشور

فرس کرونہ لا + مف لا ما می تعظمہ کی سے محدد ہیں۔ ن می یا اسطوانہ بناؤ جو ن ق برک علی انقوائم مستویوں سے محدود ہو ۔

فرص كوكراسطواند كى عودى ترافل كارقبه عانقطه ن بركا دباؤ ١ اورنقط ق بركا

باؤ د + مف د سبع-اب چونکر عدر بیبت چمونا ہے ، اس کے مستوی ن پرکے کسی نقطہ پر داؤ تقریبً

د کے مساوی ہوگا اور اس کئے اسپر کا دباؤ

(د + ۾)ع

موگا جہاں جہ بقالم دے صفر ہوجا ہے جگدے کولا انتہا کم کیا جائے اس لئے کرے کو ہم استقدر جھوٹا فرض کرسکتے ہیں کہ بتقالم دیکے جہ نظرانداز ہوسنتے ۔ اور اسطوا نہ کے بخ ن پر کا داؤ دہ کے ساوی لیا جاسکے ۔ اور اسی طرح رخ ن پر کے دباؤ کو لے مکیں رخ ن پر کے دباؤ کو لے مکیں (حد مف د)

اگراسطوانه ن ق کی اوسط کثافت ن موتو اسکی نمیت = ن نه معت لا اور

لات عدمت السه دہ قوت نغیر ہوگی جون فی براسکے محور کے متوازی عمل کرتی ہے جان کا سے محد کے متوازی عمل کرتی ہے جان لا معن ک مامت کہ سے معن ک سیال کے ذر و معن ک برجو ( لا ، ما ، می ) پرواقع ہے عمل کرنیوالی قوتوں کے اجزائے تحلیلی میں - اس لئے ن تی کے قواز ن کے لئے

(د +مف د)عه- دعه= لا تعمف لا

من د به ٹ کا من لا

اُنتِها نَین مِحبکه معن لا اوراس کئے معن دلا اُنتِها کم کرد کئے جائیں نقطه ک برکی کثافت ف ہوگی اور ہیں حاصل ہوگا

اس طرح کے عمل سے جعت د = ت ما

ج<u>ن د</u> ي ن م

مكين فرد= جف د خف د المجف الم المجف في المرا المجف في الم

: فرد = ف ( لا فرلا + ما فرا + م فرى ) ······ (م

اس مساوات سے داؤمعلوم ہوجاتا ہے۔ ۱۷ ۔۔۔ حرکیا واؤ متبوع متغیروں لا اللہ اللہ ی کا تفاعل ہے ۔اور ہم جانتے ہیں کم

لی خرت بلامیں عداس قدر چوٹا لیا گیا ہے کراس کے خطی ابعاد بقا لد معنسلا کے نطرا نداز کئے جاسکیں مینی لاکی تندیلی معن لاکے حواس میں داؤ د میں جزنبدلی واقع موتی ہے اُسسس برا ، می کے اس بدلنے سے افزنبیں ٹیا۔

جعن ما جعنى = جعن ي جعن المحمن عن ي جعن المحمن ي جف د جف احد م جف لاجف ا اس كئے گزشته مساواتوں سے ہمیں مندرحہ ذیل مسا واتیں حاصل ہوتی ہیں . جف رف <u>عن الله عن عن الله عن ا</u> جن الرفاع = جن الرفاك ) = جن الرفاك ) الم ے جفت - ما جن ف = ف (جن ما حف ع) ا ما جنت الله حدث الله عن الله ع لا، ما اسے عوب ویرجع کرنے سے ٧ رجف الم - جف ع ) + ما (جف ع - جف الا ) كل رحف ي الله - جف الا ) +  $\rightarrow \frac{\langle \dot{\varphi} \rangle}{\langle \dot{\varphi} \rangle} - \frac{\langle \dot{\varphi} \rangle}{\langle \dot{\varphi} \rangle} = \cdots$ ( حبر ) جو توا زن کے لئے مزوری مضرط ہے۔ اس مساوات کی ہندسی تعبیر بیسے کہ قرت کے خطوط

$$\frac{ill}{X} = \frac{ill}{al} = \frac{i2}{2}$$

، ا میجاز با تعات اگرسیال منبانس ادر یے بیک بوتو لا فر لا + صافر ما + مے فری اور اور تا ما فر ما + مے فری اور اور تا ما اور تا کہ توازن مکن بوسکے -

پور طرقہ ہو، چوہیں ، دوروں ہن ہوئے۔ باضا ظادیگر قو تو س کا نظام مختفلی اِبقائی ہونا چاہیئے ، در قو قو س کی تبییر قرہ تفاعل کے مکانی تغیرت سے ہونی چاہیئے ۔

برین بر ر اگرمه قوه تغامل زونو فرد = - بن و ف

 $\dot{q} = -\dot{u} \quad \dot{q} \\
 \dot{q} = -\dot{u} \quad \dot{q} \\
 \dot{q} = -\dot{q} \quad \dot{q}$ 

مثلاً اگروتیں نابت مرکزوں کی طرف یا ان کے اہروار عمل کرنیوا لی ہوں اور دو ان مرکز ول کے فاصلوں کی تفاعل ہوں تو

 $Y = X \left\{ \psi(c) \frac{u-t}{c} \right\} \text{ all } X = X$   $2 = X \left\{ \psi(c) \frac{u-t}{c} \right\}$   $2 = X \left\{ \psi(c) \frac{\partial^{2} \psi}{\partial c} \right\}$ 

جان ( 1 ، ب ، ج ) اس مركز كے محدد بي عبوات وت ف ( و ) الى ہے -اب لا = ( لا - و ) + ( ا - ب ) + ( ى - ج ) ا

أن الافراء على فرماً خرماً فرماً المرما فرماً المركبة والما فرماً المركبة والما فرماً المركبة الما فرماً

اور زُدُ = ف کے ف رر) فرر

اس صورت میں جونکہ

 $\frac{\neg v}{\neg v} = \sum_{i=1}^{n} \frac{|v_i|^2}{|v_i|^2} \times \frac{|v_i|^2}{|v_i|$ 

 $\left\{\frac{l-1}{\sqrt{2}} \times \frac{l-1}{\sqrt{2}} \times \frac{$ 

اس نے یہ فاہرے کرماوات (جر) ہینہ پوری ہوتی ہے مکن اس سے بنیتج نہر نکا لنا جاہیئے کو س طرح کی قوتوں کے زیر عمل خیر شج نسر مسیال کا توازن بھی ہمینہ مکن ہواہے ۔ جب کٹا فیرستقل ہوتو (بو) مساواتیں ہوجاتی ہیں

جعن مے جعن ما جعن ما جعن کی جعن کے جعن ما اوراسی کئے اس صورت میں ہمیشہ بوری ہوتی ہیں اِس کئے اس ضم کی تو توں کے دیرعمل ایک متجانس میال کا توان میشہ مکن ہے۔

۱۸ - غیرتنجانس سیال اگر تا نون کتافت علوم بوینی ت اگرلا ، ا ، می کا دیا بردا نفائل مبوتو ( به ) مساوانیس ده منرفیس بین جن کا پورا برنام زوری سینے که دی بر ئی تو تیس کا ما سے ایا کہ تبدید مصر سیاری

سیال کو توازن میں کھ سکیں -۱۹ -- کچکدار ستال: - اگر سال کیکدار بونوایک اور شرط کا اصلا فد ہوجا اسے کیونکہ

د = م ك الرتبيث تاري

: زد - از (لافره + مافره + مع زی). (د)

اگروتیں توہ فدسے حاصل ہوسکیں بینی اگر پریان میا خدات میں فریمی

لازلا+ما فراً + ہے فری

پوراتفرقه ( - فرفه ) مو تو . . . . . . . . . . . . . . . .

م <del>رد</del> = - فرفه

: م لوک <u>خ</u> ہے ۔ فہ <sup>،</sup> جمال ج ستقل ہے ۔

يني د = ج توم اور ت = ج وم

جب توتیں نابت مرکزوں کی طرف مال ہوں اور فاصلوں کے تفاعل ہوں (دفعہ ۱۷) تو بیر مساوات میشکل

(سار)

م <u>زد</u> یک نه در) فرد امتیار کرتی ہے اور د کا نتین ہوسکما ہے۔ اگرتبث م تغیر موتو د با و کم تبش ورکثانت میں به ربط

د = م ث (۱+رم ت) موتاہے جہاں تبش ت منی تبش بیاسے ای گئی سے اور عد = ۹۹۵ س ۰۰ و م اس سے میں کال موگا

دء م ت م ( را + ت ) = هر ث ت

جاں ۵ = م ع ، ادر ست = ل + ست ، ست کوتبش طلق کہتے ہیں جس کامفر- ۱۰،۳ می در بواہے-

اس صورت میں فرد = الا فراء ما فراء + سے فری

اوراس کے ت تفامل ہوناجا رہنے لا ا مائی کا۔

ان مي سيكسي صورت مي الركسي خاص لقط يركا دارو دا جاست توسنقل سايت

الجدارسيانون كي صورت ين الرسال كي كيب اور وه مركم حب بن بعدد و معلومون

نقل معلام برمایا ہے۔ -- د دریافت کرنے کی مسادات طرفقہ ذیل سے بھی حال بو مکنی ہے۔ اس مرحد من ج فرض كروكه ن في ايك بهت جيو تشفر اسطوانه كالمحورب جون في برك على تقويم

فرض کروکر کامرد + مف د نقاط ن اور ق برکے دباؤہیں۔ مطعی ترامش كارقبه اورمف مي ن في كاطول م اب اكرست ن في مي وزوعن ك برعمل كرنوالى وتول كاجزد تحليلي مس معت كم بوتو

موں تو

(15)

(د + من د ) عدد ع = ف عدس من س اوراس کے انتہا گینے سے

فرد ۽ ٺس فرس

مینی کسی سمت میں داؤکے اضافہ کی شرح ودمقداروں کا حاصل صرب ہے۔ ایک مقدار کتا خت ہے۔ ایک مقدار کتا خت ہے۔ ایک مقدار کتا ہے۔ کتا فت ہے اور دوسری مقدار قوت کا وہ جزو تحلیل ہے جواس سمت میں حمل کرتا ہے۔ اگر نقطہ ن کے محدد لا اسالی اور سس سکا جزائے تحلیلی محدروں کی ست میں کا جا اے جا ہی ہوں تو

س = \ را را جما فرا + مه فرس + مه فرس

اور نظر د = ن ( لا فرلا + ما فراً + د فری ) بوجب دفعہ ۱۵ اگر فقط ن کا مقام اسطوانی محدووں ر ، طر، ی کے کا فاسے دیا جائے اور اگر فیت س کے اجزائے کلیلی ر ، ط، ی کی متوں میں ت، سے

> س = ق فرر + ت رفرط + مع فری اور د کی مسادات ہوجات ہے

فرد = بن (ق فرر + ست رِفرطه + مع فری)

بہراگرن کو مقام تطبی تکدوں (ر) طدا نہ) کے محافات ویا جائے اور قوف کے اجزار تخلیل من اللہ کا درق و سے اجزار تخلیل من اللہ کا دالے مستوی سے مروز کے عمود کی سمت مرکل اللہ کے گئے ہیں قوملوم ہوگاکہ

زد وس فرد و بن رب طرفه دنه

اسی طرح فر د کے گئے طکسی اور می دوں کے نظام میں سعوم ہو سکتا ہے ۔ ۲۱ ۔ مسا دی دا و کی تنظیمیں۔ تمام صور قوس میں جن میں کوسیال کا وازن مکن ہول ۔ حول میں

مصال بوكا

د = فر ( لا ) ما ، ي )

فر (لا، ما،ي) = <

جوالیسی سطح کی مساوات کے جس سے تنام تعطوں یرد با دستنظل سے اور جس میں د کو مختلف فیمتیر دیے سے سادی داوک طول کا ایک سلسلد المائے نیزد کو سیال کے بیرونی

واِ وَكِي مساوى ركھنے سے بيروني سطح اِ اُزاد تطح عاصل موتى ہے-

اگر بيروني داؤ صفر بولو آزا دسطم بوگي

جرمطے(1)کے نقطہ( لا، ما ، ی ) برکے عما د کسمتی ج<sub>و</sub>ب التمام کے تنا س

کے مساوی ہیں بننی کٹ کا ، ٹ ما ، ٹ ہے کے مساوی ہیں اوراس۔

لا، ما، کے کے متناسب ہیں۔ اس کے کسی فقطہ یرکی کائل قرت اس عماد کی سے جیس عمل کرتی ہے جواس فقطیمیں سے گزرمے والی سادی دا کی سطیراس نقط میں سے تھینچا گیا ہے

اس كسير اوى واوكي طعيس وه بس جرّوت كي خطوط كوعلى لقوائم قطع كرتى بس -

اس نتیجے بیر شنبط متوا ہے کو آن سے لئے ضروری شراط اللی عطون سے نظام کا

و جود سے جو خطوط قرت کو علی القوائم قطع کرئی ہیں۔ میتیبہ وُنعد ( ۱۷ ) کی مساوات (جر ہستے

بمی حاصل موسکتا ہے کو کو تم مانتے ہیں کواس شم کے نظام کے وجود کے لئے ساوات

الرسال تتجانس انع بربین ارف سنقل برز لا فرلا + ما فر ما + سے فری برا

تَعْرِ بِوَا جَاسِيَ- إِ إِلْعَاظُ وَيَكِرُو وَ وَلَى لَفَا مَ مُعْمَلَى إِنِهَا لَى بُونَا مِاسِيَةَ -عام صورت مِن الرَّوْ وَسَ كَانْف مِهَا مَ بُونُو نَثُ وَلانْ أَدَّهُ وَ كَا نَفَا عَلْ بِهَا جِاسِيَةٍ

كيونك فرد = - يف فرفه ١٠ رفرد يوراتفرته الله ف كوتوه فركا لفاعل مونا چاہیئے۔ اس کرح فہ اوراس کئے مش<sup>ور</sup> کے تفاعل ہیں اور مساوی دبا و کی سطحیں سا دی توه کی سطیس می میں اور مسادی کثانت کی سطیس تھی۔ أكرسيال ككدار بواورميست ستغير تو

-- - - ×

اس طرح ' اسی تسریکے عمل ہستدلال *سے '* د ى طحىر مساوى مىنىڭ كى تقىرىھى مىي-

سکن اگر لا فرلا + ما فر ا + ہے فری پوراتعرفه نه وتوسیطیرعام طور پر نظبتی نه نیگی۔ رَصْ حُرور کرسال غیرمتحالس اورب یک سے توساوی داؤی ویساوی کافت ا

کی سطی حسب زیل مساوا توں سے حال بوتی ہیں

له یه بیننے طریقہ ذیل سے بھی ستبط ہوسکتے ہیں۔

تریب کی دوساوی واز کی سطور برغور کرد-جن کے درسیان میال کی ایک تاسے اوروض كردك الكسط ك نقط ف كروايك جوا ، اره نبايا كياب ادراس كم ميامي سع كررنواك

عا دوں سے سال کا کچھ حصد ملیحدد رئیا گیاہے ۔ سیال کا چھمہ توت عامران کے سروں اور محیط بر

کے داؤکے ریرعمل ساکن ہے اب جر کہ تقر منا یہ بہت چھوٹا اسطوانہ سے اور اس کے معیلے پر کے

تمام نقطوں بروباؤ سادی میں- اس سلے وولاں روں برکے دباؤں کا وق توست عالمہ کی د مباسے بداہرا ما سے جاس مے اسست می عل کن سے جسست میں کہ یہ وار عمل کرتے میں

یعنی نفط ں پرسکے عماد کی سمت میں۔

اگرة تیں ایک تو و سے حاصل برسکیں تہ حاصل قومت ہم قوہ مسادي دا و كى تطمير بم توسطحول بينطبق موگى -

ں ہوں ہے۔ اس معلوانہ کے توان میر خور کرنے سے عمل کر موالی زت بی اکا تی کسیت ۔ اوی دائری ہوا ہی۔ بہر اس معمری سعلوانہ کے توان میر خور کرنے سے عمل کر موالی زت بی اکا تی کسیت ۔ اوی دائری ہو ادرج كراس منعرك كميت إلاست اس فاصله كم متناسب المعلمات

ستقل بونی چاہیئے میں ساوی دائو کی مطعین ساوی کنانت کی مطحیر بھی ہوتی ہیں۔

فرد = . ' فرث = · ینی ۷ فرلا + ما فرما + ے فری = · جنٹ فرلا جنٹ فرا جنٹ فرا جنٹ فریء · · · · (ب) اس کئے برایس طوں کی تفرق ساداتیں ہیں جواب اہمی تقاطع سے ساوی واواور سادى كأنت كيمنيون كالتين كرتي بي-(ب استرمین مامل برگا اجناف جناف رجناف  $(\mathcal{E})$ كبكن شرائط توازن سے ت جن ما جما جن ن جن م جن ن جن م جن ن من من ما جعن ن من من ما ما جن ي عن ما من من ما من من ما من من ما من من ما اوراس كساداتين (ج) جوماتي بي 

 ill ill ill 

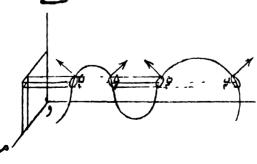
 quid 2 quid 2</t

جرسادی دباد اورساوی کتافت کے تخینوں کی تعزقی ساواتیں ہیں-سور سابہم ایک محدد کمیت کے سال کے تواذن بر عور کرنے سے یہ بتا کی سے کھ کس طرح دباؤکی اساسی مساوات حالس کی جاتی ہے۔ فرین کروکسیال میں ایک بند سطح سس تھندی گئی ہے۔ اوراس کے کسی نقط ہر بیرونی عماد کے تی جوب المام ل م م ' ن ہیں۔ سطح میس کے افدرہ سیال ہے اس کی کیت کے تواز ن کی شرطوں کواخصاراً یوں بیان کرسکتے ہیں کہ حدود پرکے عمادی وباؤکسیت پر عمل کرنوالی تو توں کا تواز ن کرتے ہیں۔اس طرح تحور سے متوازی تحلیل کرنے سے ہمیں شکل ذیل کی تیں سماوا ہیں لمتی ہیں۔

کر کر د فرس = کراک لا فرلا فرا فری ۰۰۰۰۰۰۰۰۰۱ (۱) اور محوروں کے گردمعیار لینے سے ہمیں شکل ذیل کی مزید تین ساواتیں حاصل ہوتی ہیں۔

کاد (ن ۱- م ی) فرس = کاک ت (اے -ی ما) فرلا فرما فری (۲) جهاں دوبرے کمل کل طع س بر اور نبرے بحمل کل بند نفاا میں گئے ہیں۔

الراجف في زلافرافرى = كالد فرافرى .... (٣)



نُ<sub>م</sub> مَّا نُم اور ن م مَّا رِن م وعذِه

کے درمیان سب گیا

-4

(14)

نقاط ن ن ن ن ن ٠ کے إبروار عما وول كمين أكر طب طبر، طهيه کے میلان مورلا کے ساتھ ہوں تو

فرا فری - - فرس جم ط<sub>ه</sub> = فرس جم طیر = - فرس جم طی<sub>ه</sub> = · ·

-- ل زرس = ل زرس = - ل زرس = - ...

علامت منفی اِ مثبت موگی موجب اس کے کرزاد میمنفرجه اِ حا و دمولعنی موجب اس کے

کر منشور میدان کمل میں داخل ایس سے خارج مور با ہو۔ اس کے ( ۱۷ ) میں حدو دیر کی تمیشیں رکھنے سے

الراجف في فرلا فرا فرى = كر (د ل فرس + د ل فرس به ا د<sub>ه</sub> ل ورس + سه .... )

€ اگ **د فرس** پر*ی ظع پر ۱۰۰۰۰۰۰ (۲۰)* 

اس تمیت کو (۱) میں استفال کینے سے مساوات

∭ ( جف د مثلا ) فرلا فرافری = ۰

(۱۵) حالسل ہوتی ہے اور نیز اسی طرح کی دوا درمسا دائیں حاصل ہوتی ہیں اور چزکہ یہ سکھے سیال یں میکس کی تمام وسعتوں بینی تمام سنوسطوں کے دیے معددم ہوتے ہیں اس کے حسنوتھ پر ان کے مشکما صفر ہونے جائیں ان کے مشکما صفر ہونے جائیں

زد = ت (لافرلا + ما فرا + سے فری )

-تعال بنبير *كيا ليكر بيرابت رسطة* مېم نے شکل د ۲ کې معياروں دالي سادا نؤر کوانجي ک اسم میں که وه مُعبی مساوا توں ( ۵ ہستے پوری ہوتی ہیں۔مثلاً

∭ما جفند نرلا فرا فری

پر خورکرد ساگر ہم اُسی نشور پر بیلے کی طرح کمل کریں اور اس کا خیال رکھیر کہ مشور بر ما توہیں صدود ن اور ں ، ن مہ اور ن م دع<u>نیرہ کے درسیان کمل کرنے ن</u>ے حال ہو گا

∬اد فرا فری

ادرادیر کی طرح یه کردل ما فرس کے سادی ہے جس میں پدری سعے ترکمل لیا گیا ہے۔ بینی ساوات ( ۴ ) اس حالت میں ہیں درست رستی ہے جبکریم تنگیل میں ا (یا تھی ) حزو خربی کے طور پرمسا وات کی طرفین میں شال کر دیں۔اسی طرح سے استدلاٰل سے حاصل ہوا ہے

 $(i \circ 1 - a)$  زلا فرا فری  $(i \circ 1 - a)$  زلا فرا فری  $(i \circ 1 - a)$ اورمساوات ( ۵) سس اندراج كرف سعيد بوجآ اس

اس طرح ( ۲ ) کی تصدیق ہوتی ہے۔

میرا درے کرچونکہ سال کال <sup>\*</sup> فرضی یا حدّ می زور کی مزاحمت کے نا قابل منوا ہے اسلئے اس مسكة رورمتوا: ن سيال حي كميت كحرا مدر بنس إست حاكمة ما اس الله ينتيونكل اب ما دانين حاصل موني بين وه لازماً پورسي موني حاميس حبك محوروں کے متوازی تو تول کوئٹسلیل کرنے سیے حاصل مشدہ مساواتیں یوری ہوں۔ کیونکر توازن کی صورت میں سوخ الذکرمسا و تیں سیال کے کسی محدود یا صغیر جز کے سینے درست ہو تی ہیں اور قوبوں کے اسی توازن سے لازم آ تا ہے کرسمیا روں کی مسا وائیں میں درست موں۔ م م سیال کے کردی عنصر کے تواز ن یہ عور کرنے سے ہم یکھی ابت کرسکتے ہیں کہ ف ( لا فرلا + ما فر ما + ك فرى ، كويدا تعرفة بوفا عاسية -

كيونكوس مفرك سطح بركسيالي دا وتمام كتام مركز كى مت ين على كست بي اورا سلنے عمل کر منوالی قونوں کا معیار مرز کے گرد معدوم ہونا چاہیئے -فرض کردکر مرکز کے محدد لا ، ای می ادراس کیمیائے کو کے اندکسی نقط کے محمد و اب دِنک مرز برک کثافت ف سے اسلے جلہ کے فرم (ے بد مام) ہوجا کہے كا فرم فربه فرم (ت+ جنت ف عد جنت ف برجن ف برا عن ع) (بر (ے + جن مے +جن مے + جف مے م)- م (ما جن ما م جف ما م) } اب الله عفرع فرب فرج = ، اكونكره كامرز حجم كامرز نفل ب اسی طرح ∭ به فرعه فربه فرجه ۰۰۰ د هیره ۱۰ ادراگرفره = فرعه فرب فرج ۱ لَوَ إِلَا عَا فرة = إِلَا بِا فرة = إِلَا مِا فرة = 🐈 🏿 (عرّا + برًا + حِرًّا ) فرة = الم كرم الرس فرز = الم الرس الرس اسطرح أكرعه ، ب ، ح كى اعط وو لك نظر ذاركر و السي ومعيار كا جله مواليكا ا جن ارت ش) - جن (ث ما ) م <del>اار ا</del> اور چونکہ مصفرموجانات اس کے جعن رف ع) = حف راث ما) ra \_ جا در ارض کے زرعمل ساکن سیال۔ مورنی کوانتصابی لیکری تیجی کارٹ ناہنے سے

لا = ، ، ما = ، ، مے = ج اور دفته(۱۵) کی مساوات ( عه) ہوجاتی ہے فر د = ج ف فر می حبکوایک انتصابی حجو بے اسطوائے کے توازن برغور کرنے سے جی ہلا داسطہ قامسل رسکتے ہیں۔ متجانس سیال کی صورت میں د = ج ف میں + هر

اورمسادی دا و کی سطیس انتی مستوی ہیں۔ اس سلئے آزاد سطح افقی مستوی ہے ادراس کئے سبزاکو آزاد سطح میں ادر 11 کو بیرونی داؤ قرار دینے سے

۲ = ج ٹ ی + ۲ اگر آزاد سطح پرکوئی واؤنه ہوتو

د = ج ٹ کی مینی کسی نقطہ رکا رہا و آزادِ سطح کے نیمجے اس نقطہ کی گہرا کی کے متنا ،

ی سی صفیه ربوه (۱۰ د اراد طرح صف سیبید) من صفه می مغیر متعالب سیال کی صورت میں مساوات

فرد = ج ت م کی دی محارکا آذاها مناه اسد اس

سے ظاہر سے کہ ن کو می کا تفاعل ہونا چاہیئے۔اس سے معلوم ہوتا ہے کہ ایک ہی اُمّی سطح کے تمام نقطوں پرکٹا نت اور دا اُر ستقل ہوئے ہیں -

مثال کے فوریز فرض کروکہ ٹ 🕉 می تن = مه می ن

 $\pi + \frac{3^{i+1}}{1+1} + \frac{3^{i+1}}{1+1} + \pi$ 

74 --- دوما صَعْح وبا بمآمیز نہیں ہوتے ایک خوار ملی میں ڈالے گئے میں ٹابت کروکائلی مشترک سطح سے آزاد سطوں کے ارتفاع کٹا نوت سکے بالفکس متناسب ہوتے ہیں۔ مشترک سطح پرد باؤوہی ہیں اور اگر شترک سطح سے آزاد سطوں کے ارتفاع ی، می موں اور ما تعات کی کٹا فتیں ہت، منت ہوں تو یہ دباؤ علی الشریب

(r)

ى شى + س ئى ش كى + ١٦

۔ یا ایک مشہور قانون سے کہ اگر جاذبہ ارض اور حکین سطوں کے دباؤ کے زیرعمل کو ٹی تطام متوازن موتو توازن قائم ہواسے بشرطیکه مراز تقل تیلے سے سیلے مکن سفام یں واقع موس حب اسے یونیتی نیٹا ہے کہ خیر کتھان ائع کی صورت میں گرائی کے سابھ کثانت کو بڑھنا چاہیے

اس طرح اگرایک غیر تنجائن ائے کوایک برتن سے دوسرے برتن میں ڈالا حلئ توسینے وزنی مته نیسچے مبٹھ حائے گی اور قانون کٹا منٹ یقیٹاً مرکمائیگا -

مائع کی کچومقدارحبر کی کٹافت گہرا نی کا ایک ویا ہوا نفاعل ہے *ہے ایک* - اگراس انع کو دوسرے برتن میں منتقل کمیا جائے ' تو سنے معلوم کرنا مطلوب کے حب کر ہر برتن ایک گروسشسی سطح

نعطب سُنے اور کی طرف نا کیر فرص کرد کہ ما = ف ( لا ) یہلے برتن کا نکوینی شخنی ہے اور ما = فہ ( لا ) دومرے برتن کا-

ب اگریبها برش می لا بلندی والی بتر روسرک برش بی لا بلندی والی تبدی تناظرو

تر چونکه جرمسادی میں اسلنے میں مانسل موگا

رُ إِن ( لا )} فرظ = { { فر ( له )} فرظ اب عمل ملے لا كو لا كى رقوم ميں حاصل كرسكتے ہيں - اوراسكت ف جو لاكا تفاعل

ے، لا کا نیاتفا فل بخآاہے۔ نزاگران دوبرتنوں میں انع کی گہرائیاںگ ، گ موں توگ کو گ کی رقوم میں معلوم کرسٹتے ہیں اوراس کے کناف ٹ گہرائی گ ۔ لاکی تومیر معلوم برسکتی ہے۔ معلوم کرسٹتے ہیں اوراس کے کناف ٹ گہرائی گ ۔ لاکی تومیر معلوم برسکتی ہے۔

اكرينا قانون كنانت دا مائ اورئ برتن كي شكل معلوم كرامطاوب موتوجم اسطرح

مل کرتے ہیں ا۔

(11)

حاصل ہوآ ہے۔

كنافت چونكه رك - لا ) كا اورنير (ك - لا ) كا ايا بواتفاعل بهم ان دونول جلول كومساوى كوكر لاكو لأكى روم مي معلوم كرسكتي بس نرمنناطرتوں کے جوں وساوی رہے ہے ، افراء کا فرا مال کرستے ہیں حس میں لاگی نمیت لاکی رقوم میں مندرج کرے ہم طلو<sup>ا</sup> پیسیا وات معلوم کر**سیتے ہ**یں۔ا در مجھر پور حجوں کو ایک دوسرے کلے مسادی رکھ کرگ کی قبیت معلوم کرتے ہیں ۔ مثال ا ۔۔ایک اسطوا نی برتن میں انع کی کٹا نت ایسے بدلتی ہے جیسے گہرائی قانون کٹا فت معلوم کرو اگرہ نع کوا یک مخروطی برتن ہیں ڈا لامبائے جسکا راس بیچے کی طرف ہو۔ ث مرگ ۔ لا ) اور ۴ و لا عليه ١٠ لا مست عد نير ٦٤ گ - أيه ١٦ گ مسزاء . ن=رمرار گا- الا = رمن م (سال ی-سال ی + ی) ِ مثال ۲ <u>۔۔ انع کی ک</u>یمغدار جس کی کنافت ایسے مبلتی ہے جیسے گہراتی ایک اوندھیے یا لیے مکانی نمامیں دی ہوئی بلندی کے بہری ہوئی ہے ایک ایسے برتن کی شکل معلوم کرنا <sup>ہ</sup> (جوگروشی سطح کی شکل میں ہو) کہ اگراس ائع کواس میں ڈا لا جا سے تو کتافت ایسے بہلے اس صورت مي ف=مدن الا) عدر ف- لا) جان ف كرائيان اي-لا = ف - براف - لا) الرم = مرج سادات ۱ و لا فرلاء كأ فر لأس ع كات م إ (ف - لا) إن ع - (ف - لا) }

مل کوپوراکنے کے لئے بورے حجوں کوسادی رکفنا چاہئے جسسے ہیں گئا = ج ف ماس ہوتا ہے جو ف الدج میں مطلوبدر بطامے ۔

۲۸ - جاذبه ارض کے زیر عمل کیکدارسیال کاسکون-

اس صورت مي د = م ت

ادر <u>زد = ع</u> فری ادر <u>د = عی</u> ادر د = ج وم

یہاں بھی ساوی وااو کی سطیر افتی ستوی ہیں اور ستقل ہے کا نتین ی کی کسی دی ہوئی قبیت کے لئے داو کے سے داو کے سعادم ہوئے سے ہوگئا ہے۔ یا اس صورت سے

ہوئی ممیت سے سے دا وصف دبا و سے معلوم ہو سے سے ہو صفعات ہے ۔ یا اس صورت. ستعلق کسی نے موم و افعد کے معلوم ہو نے سے -

مثال: سایک بنداسطوانه میں حبکا مورانتصابی ہے مواکی دی ہوگی کیت ہے۔ اسطوانہ کے رب سے ی کونا سینے سے

ت = خ = خ وي

جسے ج معام ہوجائی ۔ ر

79 ۔۔ مسا وات عامہ کے استعال کی مثالیں۔ ( ۱ ) فرمن کوکہ ائع کا دیا ہوا جم سے محدوں کے متوازی قرنوں

المن ويرار برم المولان الما المولاد الم

كے زوش اكن ہے تو

فرد = ف (- ملك فرلا - مدا فرا - مدى )

 $\left(\frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{$ 

اس کے مساوی دباؤ کی طعیر مشفایز، تص نمایس اور آزاد بطح ک میاوات جکه بیرونی داؤ جود نرمو

اب جس شرطت معلوم ہواہ وہ ہے کہ اس کا تم کا تم دیا گمیا ہے اور

, ( ۱ ) ایک تابت مستوی برما نع کا دیا ہوا مجم ایک ایسی قرت کے زیرعمل ساکن ہے بوستوی کے ایک نابت نقط کی طرن ممل کرتی ہے اوراکیسے برلتی ہے جیسے بس نقطہ سے فاصلہ۔

نا بت نقطه کومبدا قرار دیگر کسی نقطه پر دا دسعلوم کرنے کے گئے حبلہ

د = هر- لم رف (الله بالم عن) = هر- لم مد في الله والم

جهاں رسبائے فاصلہ ہے۔ اور اُگر ہے 17 والا دیا ہوا تجم ہو تو آزاد کے نصف قطر لا مالا نصف کرہ ہے۔ اور کرہ ہے۔ اور

د = الم رف ( ال - ز )

مستوی کاوہ مصر جبکو مائع سرکتا ہے ایک دارہ ہے جا نصف قطر اور اس کئے اس پرکا دباؤ ہے " ملی فی فی ط

= گرگرد ر فر ر فرطه = په ۱۲ مه ت ۲

(۲۳) اس نیتجه کو مه ۳۰ لا × ۲۰ ۱۰ ث لا مختکل میں رکھا حاسکتا ہے۔ یہ جرا ایسٹیشش کوظا مرکر اسیے جو مانع کی کل میت پرجکه وه مرکز تقل برای ما دی ذره میں منتف موجات عمل كرتي ب اور در حقيقت به عليه فرض كرك بعن فوراً حال كيا جاسكتا م كه يه ال مع قرت کے مرکز یہ کی مشعش دیستری سے تعامل کی وجہ سے ساکن ہے ( ۱۷ ) ایک ورک دارا کند کا دیا مواجم اسی زت کے زیرعمل ساکن سرے جوایت ا متافقط کی طرف عمل کرتی ہے اور ایسے دلتی اے جیسے اس نقط سے فاصلہ۔ أبت نقط كومبا قراره و اورى كوأنتصابي مت مين ينجي كى طرف ايد تو Y = - مدلا ما = - مدما ' ع = ح - مدى

 ∴ فرد = أ-مدلا فرلا - مه ما فرما + (ج - مه ى) فرى }  $e_{1} = \frac{\zeta}{(a)} = A_{1} - A_{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = A_{2}$ 

سادی داد کی سطحیں کرسے ہیں-اور آزا دسطے بیرونی دار کو صفر فرض کرکے سا واعب لاً + ما + ي - سع ي = سم

1 - 1 ( 1 A + - ) 7 ) 7 ( The + - ) 7 ( The

اس کودئے ہوئے جم کے سادی رکھنے سے متقل ارمعلوم ہوجا اب ادر بجر کسی تعطیر کا دبا ؤ ر اور ی کی رومیر <u>ط</u>یل کیا ماسکتاہے۔

. ۲۰۰ سارگیال کی محدمقدار یکسال رفتارسے ادراسنے ذروں کے اضافی مقالع کی تبديلي كم نغير ( يعني سدّائيم كرض) إك نابت مورك كرد كلوسف فؤكَّ ذشة مسأواتون ك ذريد تېمکننې نقطېږ کا د او اورمسا وي د باو کې سطور کې نوعیت معلوم کرسکتے ہیں -

كيوبحه اصِافى اوا زن كي ايس صورون مي ميال كالبر ذر واكيك دائره مي كيسا س رقما وسيحركت کرنگا ادرسال کے کسی ذرہ ک برعمل کرنیوالی ہیرونی قرنوں اور اس برے سالی وہاوگا حاصل فو ک سدار کے سادی ہوتا ہے جو تورکی طرف عُل کرتی ہے جہاں سد زادی رفعار اور ر اس منے میں پیجو تھا ہے کہ میرونی قرنوں کو اگر سیالی وا آ اورمورسے مل كرنبوالى تونوں ك سدر كے سات تركيب دياجات توبيس مكونى توازن كا ايك ملے گا جس پر دفعات گزشته کی مساواتیں استعال بیسکتی ہیں -

متحانس الع كي ميست ايك برتن مين كسال نقارس ايك انتصابي ورك كرد تعوم رمي ے کسی نقطر رکا دا واورمسادی داؤگی مطحد معلوم زامطلوب سے ۔

انتعابی مورکوموری فرص کرد- ترت ک کسته رکومورو ت کے متوازی خلیل کرسنے سے ہن کے اجزائے تخلیلی ک سنہ لا اور ک سنہ ما حاسل ہوتے ہیں اور سیالی توازن کی سادہ عامهروماتى

فرد = من (سدًا لا فرلا + سدًا ما فرما - رج فرى) اوراس کے

د = ف { لا سار لا + ۱۱) - ع ی } + هر

اس کے مساوی دبا وکی مطحیں گردشی مکانی نماہیں اوراگر بٹن کے اور کا سرا کمسٹا ہوا ہو نوآزا وسطح مسأوات

سة (لا + ١١) - ١ ج ي + بين = الم

سے حاصل ہوتی ہے جہاں ۱۹ بیرونی دباؤ ہے مشقل کا تعین ہرخاص جیزوں کی موسے کیا جاسکتا ہے -

شلًا أكررتن كامرابند مواور مائع مصاسكو بحرد إجائ اور ٣ = • أو كورك بلند ترين

نقط کومیدار وادیے سے د = . جبر لا ، ا ، ی معربوں اوراس کے هر = ، اور

د = ف ( ل سا ( لا + لا ) - ع ی } اب ایک ایسے میکوادسیّال کی صورت بر فور کر و جوالیے برتن میں بندہے جو ایک انتصابیّ

(11/)

اویرکی *طرح* فرد = ف إسارلافرلا + ما فرما ) -ج فری)}

د = م ث : م دک ت = سا<u>لاً + ما ً</u> \_ج ی + هر

اس طرح مسادی دا : کی طمیر ا درسادی کنانتِ کیسطیر سکانی نما ہیں-

فرض کردکہ برتن اسطوا نہ ہے جو اپنے محور کے گرد گھرم رہے اور نیز سیال کا کم کمیت دی مبو ن*کُسِنے میسننغام میومرنے کے لئے س*یال *کو عنصری افقی حالمت*وں میں (پراکٹ کرکٹانٹ کیس

ترتیب ریا ہوا خیال کرو۔ اور فرض کر وکہ اونجائی می برایک علقہ کا نصف قطر کہ ہے اور انقی ` موٹائ معت ری انتصابی موٹائی معت نمی ہے، اور اسطوانہ کا نصف قطر و اور ارتقت اع

طفی کمیت = ۲ ش رمن ر مت ی

ادمال کا کمیت (ک) = آر او ۱۹ ف ر فرر فر می

جاں مبدأ داسطوانک فاعدہ میں لیا گیاہے

ش ہے ہی بر نو ام

 $|a| : \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{2^{n}} \frac{1}{2^{n}} = \frac{1}{2^{n}} \frac{1}{2^{n}} \frac{1}{2^{n}} = \frac{1}{2^{n}} \frac{1}{2^{n}} \frac{1}{2^{n}} = \frac{1}{2^{n}} \frac{1}$ 

اس مساوات سے هر معادم بروجاتا ہے ۱ مد ----اگرسال کسال زفتار سے گوم را ہراور کسی قسم کی قر توں کے زیر عمل ہوتو تواز ن کی مساوات عام ہوگی

فرد = ت { لا فرلا +ما فِر ما +ے فری + سا (لا فرلا + افر ما ) } توار ن بے امکان کے کئے شرط کی مین مساواتیں پوری مونی جاہٹی بن سے فرد کا پورا تھی ہونا ظاہر مبدادرا گریہ شرطیں بیدی ہوں تر مسا دی دباؤ کی منظمو*ں ادر تبعض صور تو*ں میں

آزاد بطح کا نقین ہوسکتا ہے لیکن ہے اور سے کہ ہمیشہ آزاد سطح کا موجود ہونا مکن نہیں ورال آزاد سطح کے وجود کے لئے صروری ہے کہ مساوی دباؤ کی سطحیں گرد فن کے محد کے کاظ سسے متشاکل میوں -

امثمايه

ا -- ایک بند کی جناقص کی تشکل میں ہے اور جس کا محداعظم انتصابی ہے تین مختلف انعوں سے جن کی کتافت میں میں اسلے جن کی کتافت میں منٹر کا منٹر کو کا منٹر کا منٹر

۲ \_\_\_ ایک ساکن متجانس مائع کی دی در فی کمیت کے ذرات فالذن قدرت کے بوحب ایک ساکن متبانس مائع کی دی در ایم ایک ا

دوسرے کو حذب کرتے ہیں کسی نقطہ برکا دباؤسلوم کرو-ہو ۔۔۔ ایک مانع کی کتا منٹِ ایسے بدلتی ہے جلیے آزا دسطے کے نیجے گہرائی کا مربع - ( استطیلی

رقبه بردها دُمعلوم کرو جوانتصاباً عین دُوبا مواسب اور حسکا ایک مصل سطی من سبع (۲) دائری قبه بر کلی انجمعله کی چه الدمن عدم در ایران عیب

ہ وہ و سوم ہرہ جو ہاں ہیں دوبا ہوں ہے۔ ہم ۔۔ مکا نی رقبہ کو جو در خاص سے محدود ہے ایک ائع میں انتصابًا عین ڈبو د ہا گیا ہے انگا راس اُئع کی مسطح میں ہے۔اسپر داؤ معلوم کرد (۱) حبکہ اکٹے متجالسس ہو ۲۱) جبکہ انع ک نشافت

البی مدلے جیسے کہرائی۔

د می این در اور کا معلی در اینت کرد جبکه توتین نابت مرکز دن کی طرف اکس مون اور ایست به لتی مون جیسے ان مرکز دن سے فاصلے -

، ن ہن میں ایک بیشنظی مارسطی ( دُو اربعیۃ السطوح ) کو ما نصب بحرویا گیاہے ) اوراس طرح تعالی 4 ۔۔۔ ایک نشطی حارشطی ( دُو اربعیۃ السطوح ) کو ما نصب بحرویا گیاہے ) گیاہے کہ ان کے دومقابل کے کنارے افقی ہیں۔ اس کے مختلف بہلوؤں برکے ویا وُکا

کیا ہے راق کے دولاق الکی میں ہیں۔ اس مسابق ہے ہور ا کئے کئے دزن کے ساتھ مقابلہ کرہ -اسے اگر نقط لا، 1) می پر نی اکا ٹی کمیت محدوں کے متوازمی تو تیں

ه ۱۱، ۱ می بری اوی سیف فررون کے سوار فی ورن ۱ (۵-می) ۱ لا (۵-می) کا کا

عمل كريس ترنابت كروكم مساوى واؤكل مطميل زائدى مكانى نما بيس در مساوى دا واور كمانت

كمضخى قائم زائدبي-

۸۔ ایک کٹوئس کے اندرود کروی جف میں جنگے نصف قطر عثوس کرے کے نصف قطر کے بضف میں لیکو اک سے بھود یا گیا ہے۔ معموس ا در اک کے ذرات ایسی قرق سے ایک

و دسرے کو مذہب کرتے ہیں جوالیے والی ہیں مصیے فاصلہ نامت کرد کرمسادی دباؤ کی سطعیں ا

نٹوس کرہ کے ہم مرکز کرے ہیں ۔ ہ ۔۔ نابت کروکہ فرتیں مو

٧ = ٥٠ (١ + ١ ي + ي) ما = ٥٠ (ي + ي لا + لا ) ك = ٥٠ (لا + لا + 1)

سے تعیروو تی ہیں الغ کی کمیٹ کوساکن رکہیٹاگی گر الغ کی کثافت ایسے بدلے جیسے مستوسی کی لا + ما + ی = • ست و السلس انیزا ہت کروکہ مساوی داوادر مساوی کثافت کے

محمنحنی دائرسے ہیں ۔

، اسبار ایک مروطی بیانی الع سے بعردیا جائے تو تا بت کردکہ الع کے جو میں سی لقط پر

سکے ادسط دباؤ اور بیالری شطے کے ایک نقطہ رکھے اوسط دباؤ میں نسبت ۳: م کہوگی۔ ۱۱ ۔۔۔۔ایک بے وزن برتن قائم مخوط کی شکل کا ہے جسکا زاد بدراس ۲ حدہے - برتن کومل

" مستاوی جد رون برس و مروسان کردی می موجه به مارویی می است. سے معروا گیاسہ اوراس کوکورکے کسی نقط سے لیکا دیا گیا۔ اگر مجز و واسکے محور کوا میلان اتصابی محمدہ کے ساتھ یہ مدتہ خارج میں کرک

سمنٹ کے سائٹر یہ ہمرتو ناہت کرد کہ م

مم ٢ ہو ۔ ہے کم ٢ عد ۔ ہے کم ٢ عد اللہ ١٤ عد ١٤ عد ١٤ اللہ ١٤ عد ١٤ اللہ ١٤ عد ١٤ اللہ ١٤ الله ١٤ ا

<u>۽ الن سر</u> (و-ج)

الساب ابک متجانسس الع دو قوتوں کے زیر عمل ساکن ہے جوابیہ برلتی ہیں جیسے ووٹا بت

نقطوں سے فاصلوں کے سکوس مرہے میں اوی داؤگی شطعیر معلوم کرہ۔ اگر صفر داؤگی سطے ایک کر درمو تو ٹا ہت کروکر ایسے نقطوں کے طربی محص بیکا دیا ُوقوت کے

ایک مرزسے فاصلہ کے اِنکس متنامب سے کرے ہیں۔

( 24)

سم ا مسد اگرائع کے ایک عفر ( فرنقله لا ، لا ، ی برہ ) برعمل کرنے والی قوت ف کے افزاے متعلیا ہوروں کے متوان علی انترتیب

١٠-١١ ١ ٢ - ١ ، تى + ٩ مرى ١١ ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١

کے تناسب ہوں آوات کو کہ آواں مکن ہوتی مرتب میں عامل ہونا جا ہے۔ ۱ کہ ۲ مد ۲ ن ا ا

١٥ -- الع كى تحيميت ذ تهان

" - (1+2) - 1 - 1 - (2+4) - 1 - 2 = (1+1) - 2

كزيمل توازن بي سے -كفافت سلوم كره اور نابت كرد كرمسادى داؤكى علمير كردشى زئانمامي

٧ = البرى - لا ا - لاى الما = ى + لا - ماى - لا السب = لا - ما كسرى لا - ى لا - ى لا

نابت کروکرمساوی و با و اورکنافت کے سخنی دائروں کا ایک حبث بیں - ۱۷ سے اگر کا د ما (ا + ی) است علی (ا کا - لا )

تة تابت كردكه مساوى وارُاركتْ نت كيسمني ما ( لا + ي ) عستقلُ اور

ا + ي = متعل سيوال بوتي

۱۸ --- مساوی دا وکی طعیر معلوم کروجکرکسی نقطه (لا، ما) می) پرکی قوتون کے ابزائے مخلیل ما دیا + می) کی قوتون کے ابزائے مخلیل ما دیا + می) کی کر معلوب طعیس فرائدی مکافی نما ہیں ا

ا (لا + ى) = ج ( ا + ى)

4 اسسائع و تول کے مسے ہوئے انگام کے زیرمل متوان ہے اگرت = فد (لا الا ی) ا مثر = فد (لا الا ، ی ) سی نقط بر کی کتا فعظ کی دومکن تیتیں ہوں تو تا بت کرد کہ ہر مورت یں مسادی داؤکی طوں کی مساواتیں فد (لا ، لا ، یا ، ی ) + ل بدفر (لا ، لا ، ی ) = •

سے ماک ہوتی ہیں جہاں اہ اختیاری سبرل ہے۔ ٢٠ \_\_\_ ايك كموكيلاكره حس كا نصف تطراوسي اكان كما فع كمتماس الع سس میں مردیاگیا ہے - اسکودو خارجی حاد ب مرزمی قرنوں ملے اور تھے کے درسیان ج<sup>ری</sup> اہمی فاصلہ ج ہے ایسے مقام پر رکھ دیا گیا کہ قو توں کی دحبہ سے اس کے مرکز میششیر مساوی گرشقال ہیں۔ نابت کروکرسٹی نقطه پر کا دباؤ ہے "(~~ + ~) \$ \frac{1}{120} - \frac{1}{120} + \f [(س+مَه) الأ+ مدمرَج ال

١١ -- ايك كره جس كالضعنِ قطرج ب متجانس الع سي تقريبًا بعرد إلكياب يدكرة قوت کے دو بیرونی مرکزوں کے زیرا ترہیے جوکرہ کے تطریہ مرکز کی متقابل عا بیون میں <del>اس</del>ے الا کے فاصلوں یروا فع ہی کیسی فظریر فزت کے ہرمرکز کی مشت فاصلہ کے مربی کے تناسب معکوس میں ہے اور مائع کی کمیت برا ن کی شفیر بالترتیب سیجہ ایج اس ادر ہے۔ ہ جس س ہیں۔

اگراس ) ای مراد - ع) اور فراد + ع) کورسیان دان بوتو اگر (و - ع) کورسیان دان بوتو ا بت كروكه مركز بركا دادسي 

١٧٠ ايك الع كى كمانت جرايك اسطوانى بن ميسايس دبتي ب جيد كرائى- اس كو دوسرے برتن میں منقل کیا گیاہے حس میں کثافت الیسے مدلئ ہے جیسے گہرائی کا مربع-اس نے برتن کی مل معلوم کرو۔ سام سے میں بھر دیا گیا ہے اور اس ہے بال سے عین بھر دیا گیا ہے اور اس کا سے میں بھر دیا گیا ہے اور اس کا سے میں

ایک کمون ایک افعی سنزی می مصنبوط جارواگیا ہے مستوی کو کیساں زاوی رفتار سے ایک انتصابی محد سے کر جرمواوط کے راس میں گانتا ہے گھا یا کیا ہے۔ بری سے برای

رغادمعادِ م كرد كدهس سع لبند ترمي نقطه بروما أو صفريه سيك ادراس صورت بس قاعده بركا دما أ ب سيدها ونظام كامروره اليسي قوت مسكنتش كمات حوفا صليك مربع سك العكس بدىتى منع سنوانس معريكك سال كى كميت مسع كدر سوار مد مسا وى وا أي شور ٢٥ -- اكت لن دار ما نع انتي منتوى برسم مواجه اوراكيد "ابت مركزكي طرف ايسي ستنار ے حند بہور اسے جس کی تندت حاذبہ ارحن کے مساوی ہے۔ سیادی دباؤ کی مطحول ستوی ریکا د باؤسعلوم کرواور نابت کروک جب ستوی قوت کے مرزمیں سے گزیاہے توب دہا ً ما کئے کے درنب اس سوالے - بیرست ی بریا دار اس صورت میں بھی معلوم کرو حبکہ اندرك عصدكوستحانس الغيت حزائج وماكمات جوامك ماته ی برسب متعش کرا ہے خول کے بیساں دقیارے کروں کے مرزوں سے اور در است کورز والے خط تنتیم کے گردھوں تا ہو ٹیاب کروکا زا ترطم کوڈی مکا نی ہو ۲۷ ۔۔۔۔۔ ایک استوارکر دی خول متحالب ہے بجیکہ سال سے بھر داگیا ہے حسن کا ہر ذرہ ایک دوسرس کوالیسی قوت سے ملب کراسے جو قا سک کے مربع کے بالعکس برلنی ہے تامت کروکہ سطیرے وا اورسیال کے سی ازرونی تعطریے والوکافرن اس نظویں سے گزینا کی کرہ کی جھو نائے چیون ٹرائن کے رقبہ کے متناسب ہے۔ ٢٠ \_\_\_ رك كولابرتن حس مي العصب كيسال زا دى رفتارست ايك انتصابي مورك كرد گھما اِ گیاہے برتن کی شکل اوراس کے ابعا ومعلوم کرو کہ وہ عین نما بی موجائے ۔ ۲۹ - منجانس سال کی ایک فیرود دو کمیت ایک بند سطے کے گرد ہے ادر سطح کے اندرونی نقطه ( ق) کی طرت الیسی فرع سے مذب ہورہی سے جو فاصلے کے کمعب سے تناسب معكوس ميرب ارسط كمكسى نقطون برك عنه رجودا برسي استصمت ن و مين تحلیر کیا جائے و نا بت کروکہ اس طرح حاصل شدہ نمام معتطوں کے قطری دباؤں کامجوس ستقل رسباب خواه سطى حبسا مت اوراس كي نتكل محيواي مواسترطيكه نقطه ف سعالا منا بى

فاصله برسیال کا دادُ معدوم ہو جآ آمو ۔ . ۱۲ ۔۔۔خط منوری ( cardiod )

فأيت كروكه

(= ((1- جرف)

کو ہیں مے مورکے گرد جوانتھا بی ہے (راس او برکمی طرف) گھاکر ایک طرف بنایا گیا ہے۔ اور اسکو یا بی سے میں بھرویا گیا ہے۔ کیساں زاو می رفتارے بیال مورکے گرد گھوم رہا ہے۔ بیاتیا ر معموم کرو جبکہ صغر د باؤکا خط طہ = ہے موکسی ود سرے نقطہ پر بھی دباؤسلوم کرد۔ اور وہ نفت اط بھی دریافت کرومز بریا و باو بڑے ہے۔ سے بڑا ہے۔

اس - تام نما ایک الیے کو ادر آل کے ہمری ہوئی ہے جس کے ذرات ایک نقطہ کی طون ایسی قرت سے مذہب ہوئے ہیں جوالیسی دلنی ہے جس کے ذرات ایک نقطہ کی طون ایسی قرت سے مذہب ہوئے ہیں جوالیسی دلنی ہے جسے فاصلا اس سیال کی بوری کمیت دی گئی ہے ۔ ایک داری تسموس ہوا کہ دار محاوم کرو حس کا مرکز قرت کے مرکز پر ہے ۔ مسموس ایسے دائرے کھین کے میں ادر جوستوی لا ما کو مبدا و پر مسموس کرتے ہیں ادر جوستوی لا ما کو مبدا و پر مسموس کے در میا گیا ہے جا ان نقطہ ف میں سے گذر نیوا نے دائرہ کا مرکز ج سے زادی وج ن کو طری اور میں اور موری میں ہے در میان جوزاوی بنا ہے اس کو فنہ ادر موری میں سے گذر نیوا اے ایک فایت استوی کے در میان جوزاوی بنا ہے اس کو فنہ سے سی تقریم کی گئی ہے۔

فرد میں (۱- جمط ) فرر + مت جب طرفرر + مت ر فرط + ن رحب طفرفر جال الله کے عفرم برقی میں میں من ام ف الرتیب جن کی ست میں دائرہ سے نقلان برے ماس کی ست میں ادر دائرہ کی ستوی برسے عماد کی ست میں مل کی ہیں۔

م کرتی ہیں۔ سوم ۔۔۔۔ یک نجد ارسال کی کیت ک ایک مورے گردکیاں ناوی دفیار سہسے محوم رہی ہے اور مورکے ایک نقطہ کی طوف ایسی مشعشے کے زیرٹس ہے جوفا صلا سے مرکزا کے مساولی ہے۔ مد، سات براہے۔ اُبت کردکمساوی کمانت سف کی سطح کی مساوات ہے مر (لا ۱۰ اُ ایم اُ)۔ سار (لا ۱۰ اُ) ہے م وک { معلیمہ سٹا) \* حقہ مہم }

( VA :

م سے مائع کی کھے مقدار حس کی گافت ایسے دلتی ہے جیسے گہرائی ایک السف مکا فی نا میں جب كار ترخاص بن بي ب ن ارتفاع ك جرى مونى بيت ابت كردكواس كى كتان ايسے بدے گی جیسے کہرائی کام نے اگراس کو ایسے ترتن میں نتمقل کیا جائے حسکی شکل شخنی (1 - 1 - 1 ) U ( e- U ) ( 1 e - U )

کومور لاکے گرد گھا نے سے حال ہوتی ہے جیاں و کوئی سنقل ہے۔

ه ١٠ ـــ عبازب إلذات ما تُع كي كيت حبكي مختافت ت سب تواز نُ مير سب خالز كُنَّ سَنْ معکوس مربع کا قانون سیصے۔ تا بت کرد کہ ائع کے کسی کرہ میں اوسط داؤ مرکز برے دباؤ ست بقدر لي الله مث لا كم توكل جهال دكره كالصف تعاب -

. ۱ سر مسساک بند کھو کھالا قائم مىتدىر مخروط ايك افقى مستوى پراسىنے قاعدہ بر کھڑا ہوا۔ اس کوا نع سنت عین مجرد یا گیا جلس کی کثافت ایسے مدلتی ہے جیسے میرا کی-اس کے بعد مو

البك كراس طرح تحاماً كياسب كداس كاراس مدين سنوى برموا ورمحورا نتصابي مو- فابت كروكه اسکی مغنی سطع برکا حاصل دباؤ مقدار میں غیر شغیر رہنا ہے لیکن اکع کی و آمائی با نقرہ نسبت

(الماجارية) الماجارية) الماجارية الم

سے برلجانی ہے ۔ یہ فرض کردیا گھیا ہے کداگر مائع کومستری پر ڈالدیا جاسے ہو وا، کی اِ اعتود مىغىبىرىتى---يىمى-- ايك سال قانون

<u>(ت۔ ث)</u> ہرد۔ د ِ) ث

کے مطابق خفیف طور پر دنباہے جہاں ہ ایک جیو نی مقدار ہے۔ نابت کروکراس سبال كى يهر ١٦ ف والميت اسيخ الني تجاذب ادر بيروني داؤ جسك زير عمل ايكردي نشكل إختباركرتي سرير حبركا نصعت قطالغريبا

اورا - سم المراث المراث المراث المستقري - ما المراث المستقري - ما المراث المستقري المستقري المستقري المراث الم

na ۔۔۔ کسیس کی کے کمیت جیسنفل بیش رہے تمام نصفا دمیں بھیلادی گئی ہے اور نیقط

روک ( در کی) برنا ، جہاں موا کا درن بھی محسوب کیا گیا ہے۔ بوک در ساور کی کی

بم کیس کی مجمئیت متعل تبیش برایسی و وسکے زرعمل ساکن ہے جزئہ وہ فعنار کے زرعمل ساکن ہے جزئہ وہ فعنار کے کسی نقطہ پران فرکے میں انسان نقطہ پران فرصلے میں انسان نقطہ پران فرصلے میں انسان نقطہ پران فرصلے میں انسان نشاہیے۔ معذبہ انسان نشاہیے۔

ا بگیس بست زوق کا حمل مثا دیا گیاہے اوراسکواپسی فعنا میں مندکیا گیا ہے ہیں اس کی مختافت کیساں منف رمتی ہے۔ نابت کردکہ بھیلاؤ کے باحث گلیس میں ذائی تر ابی بالعز و کا نعضان سے

نٹ کرکر نہ ہو <del>شاق</del> فرح

جہاں کمل کو گیس بھرس کے ہیں جبکہ وہ اثبد ئی حالت میں تمی ۔

ام اللہ کو گیس کھر ارسیال کی دی ہوئی کمیت کے ایک استواد خول ہیں داخل گائی ہی اس خول کی کساوات  $\frac{u'}{v'} + \frac{1'}{v''} + \frac{2^3}{y''} = 1 - ب ادر سیال کے سینے کمیر دیم ان ورست دہتا ہے میں اور سیال دیسی تو تو ت کی منتقل میں کو تو تی استقال میں کو گائی کہ سینی کی مستقل میں کو گائی کا مستقل کے دیم کا کو گائی کا مستقل$ 

اکر شخ میں نقطہ پرکا دباؤٹ بور تو ٹا ہت کرو کہ خول کے ،ندر کمیت کے مساوی مصوں کے عساب ست اوسط د ما و موكا

سرار فراب المراب المراب

۲۲ --- ایک بندنسف کروی برتن کا مضعت تطراف -- اسکواس طرح رکھا گیا ہے کو اس کی مستوی سطح انقی اور اوپر وارد ہے اس میں متجانس وزن دارمائع ڈالا گیاہے جومحور کی طرف ابسی توت سے جذب ہوتا ہے جو محویت فا صلیہ کے کمعب کے تنا سب معکوس میں ہے ۔ مائع کا عجم اسفدر ہے کہ اس کی آزاد مطع نصف کر ہ کوراس سے زاوی فاصلہ <del>اللہ</del> برملتی ہے -اگر به نطام محرک رکیسان زادی رفارسه سے گھوسے تو آزادسطے برتن کے سنتو می رخ کو کنارہ پرایسے دارا دیں متی ہے جرکی نسعت قطرب ہے تا بت کردکہ اکا تکی فاصلہ پر قوست سنڈ لآلہ مونی جاہئے اور ب اور سیرساوات ذیل سے مربوط ہیں

الله كى كيد كيسال كميت كروى تكل كى ميداس كى كنافت ت + لا ميداورف قطر لاسا س سکے گرد دوسراہے بچک اُنع ہے جس کی کثافت منت ہے اور ہیرونی تضعف قطر ب۔یہ پررا نقام صرب اسپنے ذائی سخا ذب کی وحبہ سے تواون میں سبے اور نیز کوئی سربی فی دا وعمل نبیر را - نا بت كروكه مرز بركا د اوست

یم ہ <sub>——ا</sub>یک بے بچک سیال کی ب*کساں کر دی کمیت جس کی ثا*فت ف اور نعیف قط لوہے دوسرس سيريك سال سے جس كى ثافت لا اور بيرو نى نسعت قطرب سے كرى بوئى ہے پوراسیال نینے جاذبہ کی وجہ سے وازن ہے اور کوئی بیرونی داوکیا تو تیں عمل نہیں تیں د و او ن سیالو ک کو کار انسی تو کو ایک متحالنس سیال تیاد کمیا گیائے اور *چوریکمیت کروی شکل* 

میں متواز ن ہوجاتی ہے۔ تابت کروکہ بہلی صورت میں مرکز پر کا واؤ دوسری صورت میں مركز برك وباؤس بقدر

٩ ١١ (ا - ١١) (ا - ا ) (ا - ا )

٥٧ - ايك متحانس تجاذبي تفوسط او و ١ + عدع فر عمطه) است محدودسي اس عُوس کی کیت ک اور شافت و ب اور عدا تنامیمواب کراس کا مربع نظرانداز کیاماستما الال ب- ير مشوس ايك تجاذبي ما تع مع جمكي يت ك ادر كثافت ت سع ممراً بواج ابت

كردكه آزادسطح كى مساوات تقريبًا ر = ب أِا + م ع (جم طه ) }

ہےجہاں ب = ١٠ [ ك وك ا

أور

(٢-١٠) ك ب٠٠ (١٠٥١) (١٠٥١) ٢٦ كيك كيسان بي بيك مبال كي كيت تجاذبي اكايمون من كب هي - اپني ذا کے زیار یو ایک کرہ کی شکل اختیار کرنا ہے جس کا نصف قطر و ہے اسکوایک کمزوز قوت کے میدان میں رکھا گیاہے جس کا تجاذبی قوہ ہے

کسن <del>( ۱۰۵۱)</del> ع ن (جمط) ( ن سے ۱)

جاں ائع کی ادسطار وی سطے کے مرزسے رانا یا گیا ہے۔ من کفور کی رقوں کے مرجع نظرافداز مکئے جاسکتے ہیں۔ ناہت کردکہ آزاد سطح کی ساوات ہے۔  $\frac{1+\frac{1}{2}+\frac{1+\frac{1}{2}+\frac{1}{2}}{1+\frac{1}{2}+\frac{1}{2}}}{1+\frac{1}{2}+\frac{1}{2}} \xrightarrow{q_1} (-\frac{q_1}{q_1})$ 

عهم ۔۔ اگر ہن کوشخانس مائع کا ایک۔ کروخیا کی ہو تا ہے تو یا ہن کر کداس کے مرکزیرہ ابجہ بلات ۹ یوٹم فی مربی فٹ مِریکا جمال نیمن کے مادہ کے ، یک کمعب فٹ کمیت کا در ن شنا جرہ کہ ہے ، درزمین کیا فصف قبط او فشہ ۔۔

پرہ ۔۔ تباذ ہی انع کا ایک کرہ ہے جبرکا نصف قطر اسبے کسی نقصہ براس کی کٹافت کیساں طور پر بڑھتی مباتی ہے، جیسے ود نستار مگر سے قریب آتا با ابنسالی کتافت منے اور او سط سمتانت ن سبے منابت کردکہ مرکز برکا دار سب

الم المراد ق (ف- ف) + م ف الم

ہ م ۔۔۔ تجاذبی سیال کا ایک کرہ ہے حس کا تفسف تقر ایسے۔ سادی کتا نت کہ طمیں صدودی سطح سے سرکز کی طرف جاسنے میں کتا نت کسی صدودی سطح سے سرکز کی طرف جاسنے میں کتا نت کسی تا فون کی موجب بڑھتی جاتی ہے۔ تا بت کرد کہ مرکز برکا دباؤ ایس دباؤ سے جبکہ کتا نت کیساں ہو فعیدر

۾ ۾ ڪر (ٺائه ڪ ) رفور

کے بڑا ہراہ جاں ت بوری کیت کی اوسط کنا نمت کو اور ت اس معتد کی اوسط کنا نت کو تعدی اوسط کنا نت کو تعبیر کراہت جو مرکز سے رفاع سلم الدرسے اور جہ تجاذب کامشقل ہے۔

----

(11)

باب سوم سطحوں پرسیالات کا حاصل دباؤ

۳۳ - ہم نے گذشتہ باب میں یہ دیکھا ہے کرسیال کے کسی نقط پر دبا وکس طرح معلوم کیا حبا ہے جبکر سیال دی دوئی تو توں کے زیر عمل ساکن ہو۔ اب ہم اُن دبا و کے عامل دریا نت کرنیکے جوسیال سطوں پرپیدا کرتے ہیں جن کے ساتھ دو تماس رکھتے ہوں۔ سطوں پرسیال کے عمل کو ہم اس ترتیب سے بحث میں لا میں گئے۔ پہلے سیالات کا عمل مستوی سطوں پر پھرجا ذیہ ارمن کے ماتحت میال کاعمل شخص طوں پرادراتہ خوس کسی دی ہوئی

مستزی مطوں نر پھرما و ہوار من کے اتحت میال کامل شخنی مطوں پرادرا خو میں کسی دی ہوئی ۔ قوق کے انحت ساکن سال کاعمل شختی مطوں پر ۔

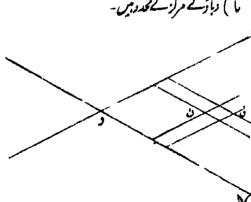
مستوى سطحوں ربسيالي دباؤ

چونکیستوی کے تمام نعطوں پرد باؤستوی برعمود وار ہوتے ہیں اور ایک ہی ست میں ملک ہی ست میں ملک ہی ست میں ملک ہی س عمل کرتے ہیں اس کے حاصل دباؤان تمام نباؤں کا مجموعہ ہوتا ہے -بس اگر سیال بے بچک ہواور صرف جاذ براد حن کے ڈیر عمل ہوتو کسی ستوی پر کا حاصل دباؤ

ع ن ی نر انمال متوی رقبہ کے مفرز ( کا گرائی یہ ع ت ن تی کر انمال متوی رقبہ کے مفرز ( کا گرائی یہ ع

جال ا سے ستوی کا رقبداور نئی سے اس کے مرکز ہندس کی گرائی تنبیرہو تہے۔ عام طور پراگر سیال سی تسم کاہواور دی ہوئی تو توں کے دیرعل ساکن ہو تو مستوی کے اندر مورلا اور مالو اور فرعن کردکہ قطعہ (لا مل) بردبائر حد سے۔ تورفبہ کے عنصر معت لا معت الا ن حاصل دباؤ = رکز حفر الا فر الا مجان کمل کل رفیدز کیمیث سر لیا گیا ہے۔
مان کمل کل رفیدز کیمیث سر لیا گیا ہے۔
اگر فعلبی محدد استعمال سے جائیں ہ حاصل دباؤ

= [ در فرر مرطه



(77)

تر مَا م کرکر د فر ما فر لا = و کا کے گرد عاصل دباؤگا سمیار = و کا کے گردر قبہ کے تمام عناصر برکے دباؤں کے سمیاروں کا جموعہ = کے دیمت ماست لا \* ما

ء ≥ دیث است! \* ما = کرد افرا فرلا

م = كرد افرافرلا كا = كرد فرافرلا

را = <u>کرد لافرا فرلا</u> = <u>کرد افرا فرلا</u> کرد فرا فرلا

بھلے رقبہ زیر بھٹ بر الے گئے ہیں۔ اگر تطبی محدد استعال کئے جائیں قراسی طرح کے طافی عمل سے

استار سار سیال تجانس ادر بے بیک بوادر مرت ماذبر ارض بی عمل کرسے قو در اور من ماذبر ارض بی عمل کرسے قو در اور م

مِال كسط كيني نقط ن كي كرائي ہے- اس الحاس مورت بي

لا <u>کالازا زلا</u> ، ما <del>کاگ یا فرا فرلا ... . (ه</del>) ا

بعض اوقات مستوی اورسیال کی سطے سکے خط تفاطع کو ایک بمور مقر کرنا مغید اُلبت ہوتا ہے۔ اگر اس خطاک ہم محور لافرض کریں اور مستوی اور افق سے درسیان زاوی طر ہوتو

## د =ج ف اجب طر ، ادراسك

ال آحری مساوات (به) سے ظاہر سے کہ وہائے کے مرکز کا مقام معتوی اور افق کے «رمیا لی نازز پر سحصہ بنیں متوا۔ اس لئے اگر ستوی اور سال کی سطح سکے خطالقاطع کے گروستوی کو کھا اِجلٹ تو ، ب<sub>ائ</sub>ے مرکز کے متام میں تبابل واقع بنیں ہوگی۔

## اس دنعه کی ساواتیں استعلال فریں سے تھی حاصل ہوسکتی ہیں۔

ستوی رقبہ کو محدود کرے والے خطاعے برنقطہ سنے استعبابی خطوط سیال کی سطح کا کھینے ہم سم ح سیال کی مجیمیت ان میں گھر جائیگی ۔ اب مستوی سے تعال کا انتصابی ہرو تخلیل سیال کی اس کمیت کے وزن کے برابر ہوگا اور بید وزن کمیت کے مرز میں سے گزرنے وائے انتصابی خطامیں عمل کرے گا اور جہاں بریے خطامتوی رقبہ کو سلے گا وہ وہاؤکا مرکز ہوگا ۔ وہی محور لو توایا کے عنصری منتور کا وزن جو ستوی کے نقطہ (لاا ما) میں سے عمل کرا ہے م من گ معن لا سعن ما جمرط برگا جہاں افتی کے ساتھ مستوی کا میلان طرائ اور اس سے مستوی کے نقطوں برعمل کر لے والی ان سوازی تو نوں کا مرکز مساوا توں لا = الكلافرافرلا من ما = الكل فرافرلا سعال بوائد-

بس یہ فاحب ہے کہ دباؤے مرکز کی گہرائی گھرے ہوئے سیال کی کمیت کے مرکز کی انکادہ دونہ سرے

ارات معلم المرات المراكع كى صورت مير وباؤك مراز كاستعام سئله ذيل سے مندسى طور برطال

مانسبات گرر قبہ سکے ستوی میں ایک ایسا خاستیتر لیا جائے جو ما کئے کی طع سکے متوازی اور قبہ

کے مرکز ہندسی سے اتمائی نیجے واقع ہو جتنا اس سے (مرکز ہندس سے) النع کی سطح اور واقع سے قواس خطامت فیم اور واقع سے قواس خطامت فیم کا قط مرکز ہندسی برسے میداری قطع ناقص کے جس کے نیم محور

اس نقطه پرگروش کے صدری بم قطر ہیں وباؤگا مرکز ہوگا۔

رقبرکو ا اورگریش کے صدری ضعت تعاوٰ کو اور ب ، فرض کروتو یصدری نصف تعلم سادانوس سے معلوم ہوئے ہیں ب

> > معیاری (Momental) ناتص کی ساوات ہے

ا= الله + الله

جاں والے کے مور مراز ہندسی رہے صدری مور ہیں۔ فرض کروکہ لآ ، آ دباؤ کے مراسکے معدد ہیں اور سطی میں سکھنط کی ساوات ہے

لاجمطه ما جب طريع

ن (لا م ما) خطستیم لا جم طه + ما جب طه ع - ع نطب بجاظ معیاری اتص کے ہے -سے و ہاؤ کا مرکز معلوم کرنے کی شالیں-

(۱) دائره کا ایک ربیج آنبصا کی منت میں ایک وزن دار سیحانسسر بائع میں عین وبویا کمیاہے

اور اس کا ایک کنارہ مانع کی سطیں ہے۔ اگر سطےکے اندرکے کنارے و کا کو

محر کا توار دیا جا سے تو مراد میا

لآ = <u>اُرُ کَّ ا</u>لا ما نرما فرلا اُر ال<del>ا - الا - الا</del> ما فر لا

مَّ = <u>ال</u>َّامَّ فرما فرلا الله ما فرما فرلا

مآ کے لئے مدو وکھل وہی ہیں جو لآ کے لئے ہیں۔

اب يونكم كرا فرلا فرا = ١٠ ﴿ (١ - لا) فرلا = ١٠ و٢

كرك له افرا فرا = لم كر لا ( فا - لا ) فرا = لم الم

(40)

دباؤكا مركز

17 # = [ /1 # = ] .

ن کورد استفال کرسنے سے اور و کم کوابتدائی خط کیسے سے ہیں د عبع ٹ رجب طر عاصل مزا داستے اور

لَآ = الَّرِيْ الْمُ الْمُ

(۱) ایک دائری رتبر جس کا مصعف تعار او سب انتصابی ست میں اوبو یا گیا سب اوراس کا مراز بندی عمرائی گ پرواقے ہے ۔

ں کے پرواج ب ا مرکز کو مبدِّ اور اس میں سے گور نے والے نیج وارا نتصا بی خط کو ابتدائی خط قرار دو۔ اگر

التطرر، كه ) بركاد باؤد يونو د = ن سف (گ + ر جمطه)

۵ = ۴ مشا(ک + را مم کا اور مرکز کے بنیجے وہاڑکے مرکز کی گہرا کن

نینجه و نعه (۱۳۹ کے مشلہ سے فرراً اخذکیا جاسکتا ہے۔

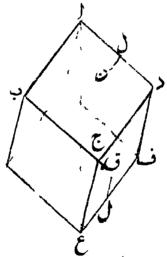
(س) ایک انتمانی سقطیر جر کاعرض افتی ہے کو ہوائی کے نیرمل ہے جستقل تب رہے۔ اگرستطیل کے قامدہ پر کرہ ہوائی کا داؤ ۱۹ جوتو ی لمندی پرداؤ ۱۹ وم مورکا دفوردما،

اوراگرب سے مستطیل کا عرض تبییز وستطیل کی ایک العقی بیٹی برکا دباؤ

\* ٢٦ وم × ب سن ي

: الرستطيل كاطول و بوتواس بركا ماسل واؤ

(۲) ایک کھو کھلا کمعب ہ نے سے تقریباً جرواگیاہے۔ یہ کمسب ایسے ایک استعمالی وترکے گرو کیسا ں طرر پر گھومتا ہے۔ ان کے مختلف رخوں پرک واؤ اور ان کے وباؤسکے مرکز معلوم کرو۔



ا- ادبرک بن ابج د کے ہے۔

الد، الب كو محرر لا اور محور ما قرار دو- اور فرض كرو كركسي نقطه ن (١١١) ك نفتطه ﴿ سے انتی اور انتصابی فاسطے می اور ر ہیں آتو

ار آ = كر اً فر ما فر لا أو را آ = كر اً فر ما فر لا سيمال به كا اور آ = كر اً فر ما فر لا سيمال به كا اور آ = كر اً فر ما فر لا سيمال به كا تطبی محدوول میں كَيْ كَرِيِّ حِبِ طَعِمِ طَهُ فُرِرِ فُرِطُهِ ، -كرراجباط مرر مرط المركز جب ط فرر فرطه ٠٠) ( ١) ايک نضعت داري رقبه باني مين پوري طرح و بو و پاگياھيے وائرو کي طح اُ شصابي ہے اس کو ا ما طرکت والے نظر کا ایک سرا | مائے کی تطعیں ہے فرض کردکہ قطراور مان کی سطح کا درسیانی زاویہ غدمے اور قطراور أ يسكماس كو محاور ما ن کروباؤ کے مرکز کے محدد (کلام ما) ہیں تو لا كرار جب (طه + عه) فرر فه طه = كرر مجم طه جب (طه + عه) فرر فرطه ادر ما کار دجب (طه + عمر) فرر فرطه = کار را حب طحب (طه + عه) فرر فرطه ر کے صورہ ، سے ۲ 1 جم طہ "ک اور ط کے ، سے ﷺ ک

(٣٨)

دباؤكام كزو

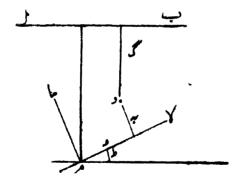
اگرستوی رقبہ اور آزاد سطی کا حفاتفاطع (ب ہو تو (ب سے دباؤ کے مرکز کا فاصلہ رقبہ اور انتصابی سمت کے درمیانی زاویہ پر شخصر بہنیں ہوتا (ونعہ ہس) اس سے ہم رقد کو انتصابی سے سکتے ہیں۔ انتصابی سے سکتے ہیں۔

بی مسلسه بین نرض کردکر نابت نقطه و کی گهرا تی گ ہے ادر رقبہ کے اندر و کا 'وصا نابت موہیں۔ اگر د کا کا میلان انق کے سیاھ طہ ہوتہ

د = ج ف (گ-لاحبط- اجمط)

 $\frac{\vec{l}}{\vec{l}} = \frac{\int c l \, d \, l \, d \, l}{\int c \, l \, d \, l \, d \, l} = \frac{l + \nu}{c + \dot{\nu}} \frac{\nu_{+} \, d \, l}{\nu_{+} \, \dot{\nu}} \frac{\eta_{+} \, d \, l}{\eta_{+} \, d \, l}$   $\frac{\vec{l}}{\vec{l}} = \frac{\vec{l} + \dot{\nu}}{c + \dot{\nu}} \frac{\nu_{+} \, d \, l}{\nu_{+} \, d \, l} \frac{\eta_{+} \, d \, l}{\eta_{+} \, d \, l}$   $\frac{\vec{l}}{\vec{l}} = \frac{\vec{l}}{c + \dot{\nu}} \frac{\nu_{+} \, d \, l}{\nu_{+} \, d \, l} \frac{\eta_{+} \, d \, l}{\eta_{+} \, d \, l}$ 

عباں وا ب اح وغیره معلومته تعل میں - اب طد کو ساقط کرنے سے دباؤکے مرکز کا طربی ایک مخروطی تراش ہوگی -



دفده (۳۱) کے سئلہ کی دوسے بھی ہم اس نتی کو اخذ کرستنے ہیں۔ ہندسی مرکز ہر میں سے گزرے والے صدری محوروں کو حوالے کے مور قرار دیکر اور و کے محدد (عزب) فرض کرکے ہم میں معلوم کرستے ہیں کہ دباؤ کا مرکز خطاستیم لاجب طوب الم جم طعہ = - (گل + عد جب طع + بہ جم طعہ) کا تطب ( صنا ، ما ) بلحاظ معیاری انس کے ہے اور مساواتوں

الم جب ط = بالم جم ط = - (ك + عدب ط + حرجم ط )

سے حال ہوناہے ۔ ان مساماتوں سے مساداتیں

 $\left(\frac{\vec{U}}{6!} + i\kappa\right)$  جب وله + به مجم وله = - گ

( كي + به ) جم له + عد جب له = - گ

ے ہوں ہیں پہلے جب طبے کو اور سمیر حجم ملہ کوسا قط کرکے حاصل مٹ وہنتیجوں کا مربع نیکر حمع کرس تو

بهین مطلوبه طریق کی سنا دائے معلوم ہوجاتی ہے جو ( واجا + عدب صالح برواعا ) عگر ( واعا + ب) صنا )

ہے۔ اگرد اور هرایک دورسرے پر منطبق ہوجائیس نیسی اگر عدہ ۔ ، ، اور یہ ۔ . تو طریق کی مسا دا سع ہوجا کیگی

يتوي هي اور اسل كي ببلوستوى اورا نتصابى بين - ايك ببلو برعال فو

ے دباو کا مراز معلوم کرو۔ فرص کرد کہ اور سکے یا تع کی کتا فت بت اور گہرانی گ ہے ادرینچے کے مائع کے کے متناظرار قام ک ، اور گٹ میں۔مشترک طحانفی ستوی ہوئی جاسیے جس کے ہر نقط برکاد باز ج اس ک بوگا ادر مشرک طی کے بنیج ی گران پرکا باز برگا

یم ٹ گ + ج ٹ ی

انتسابى بېلوكا عرضب ينفساس د اويرك انع كا داؤ = يا ي ف يكا

ادریج کے ان کا دائہ = کر ج (ث گ + ت ک ) ب زی

ادریج کے ان کا دائہ = کر ج ب گ (ث گ + ل ت گ )

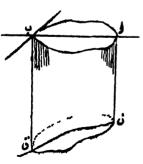
مال دائدان دون کا مجرم ہوگا جو

ے ب ( لم نسک کے ب خ ت ک کے کہ ہے ت ک کے کہ ہے ت ک کے کہ اور آزاد سطے کے خطانعا طعے کرد ) اس ببلیر کے سیالی دہاؤ کا معیار لااس کے اور آزاد سطے کے خطانعا طعے کے گرد ) اس بیلیر کے مناز کے مناز میں اور کے جمالے سے اسکوشسے کرنے سے ہمیں دہاؤ کے جمالے سے اسکوشسے کرنے سے ہمیں دہاؤ کے

منحنی سطوں ریکے حال دباؤ

بم \_\_\_ایک متجانس مائع کا جو جا زبدار من کے زیروں ساکن ہے کسی طور ماس انتقابی دباؤ دریا فت کرو۔ دباؤ دریا فت کرو۔

و مسروت فرض کرد کوسطی ن تی برایک وزن دار ایم کاعمل مرداست ادر مائع کی آذاوسطی براس کا در در در در ایم کار در داری داری داری کاعمل میرداست ادر مائع کی آذاوسطی براس کا



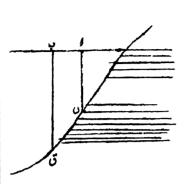
س و ب ہے۔ ہان جات ہیں۔ کے امنی دماؤ اور ن ف کے تعال کہائٹ متوازن ہے۔ اس تعال کو امضا بی مت میں تحلیل کیا جائے تو یہ جزو تحلیلی و ت کے وزن

تعلیل یا جاسے تو برجرد علیلی وق سے ذات کے برابر ہونا چاہئے اور برطس ہی کے ن ق یر کا انتصابی دارد او تی کے دن سے برابر

ہوگا اور اس کی کمیت کے مرکز میں سے ٹل کر گا۔ اس کی در در س

اگر ن ق کو ان اور کی طرف داست حسر طرح کدودسری کل سے ظاہر ہے اوسطی کو اور کا کا میں اس کا اور کی کا میں اس کی مطرح اس کی سطے پراوادر فرض کردکہ نعنار او ت اس اس کے میں اس کے میں کا میں اس کے میں کا کا میں کا میں کا میں کی میں کا کا کی کا میں کا کا کی کا میں کا کا میں کا میں کا میں کا میں کی کا میں کا می

(4)

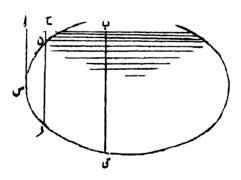


ا لغ سے بھری مول سے اور ما تع کونیج سے فارچ کردیا گیاہے۔ ن ق کے تمام نقطوں ریکے دہا کو وبهى بين جويبط تنفع ليكن تفابل ستول بيئ اور چونکه اس مفروصنه صورت میں انتقعابی دبار وق کے وزن کے ساوی سے اس نے

اسلی صورت میں حاسل استصابی و با واویر کی ما ن ا ق کے مزن کے بار ہوگا۔

اكرسط كوائع جزاً اوركى طرب اورجزاً ينج كى طرف دائي ونقطه ن مى سے جسط کے زیرجت حصنہ کا بلندترین نقط ہے ایک انتصابی سطح سنتوی ن رکھینچوا در فرض کروکہ مالع كى سطى پر ن س ق كائل اوج ب--تو حاسل تصابی دار ن س ریر

= ن س ر کے الدرونی ا نع کا وزن



ادر رق ير = ج ق كه ادروني الفري درن اور پورا انتصابی وبادء ج ق کے اندرونی ائع کا درن + ن س ر کے اندرونی الغ كا وزن-ں۔ بینبتم گزشنته ددموروں کی مردسے بھی ماک کیا جاستما ہے کیزبکر ن ر کو انتصالی

ماسی مستولوں کے خط تماس سے دوصوں ن س اس س میں تقدیم کیا جا سکتا ہے جن بر کے دباؤ علی النزییب ادیر وار اورینسے وار ہیں۔ اور چونکر ن س بر کا دباؤ = اکع کو ن س کا دزن اور س ر برکا دباؤ = اکع کو س ر کا وزن

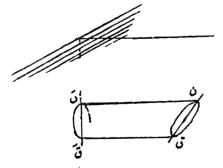
اس گئے ان کو ز ق تعنی ن میں ریر کا انتصابی واؤ = ائع ن میں رکا وزن وجر ط چرور میں صدیقاں میں خدر کا اینا نکے اسے سے

اسی طرح دوسری صورتون بر خورکمیا با شکتا ہے۔ رہی استا دہ طلب سدے کہ پیخفت عنیر متجانس اکنے (جس میں کتا نت گہرائی کا ایک تفاعل ہونی جام کیونکرساوی دائز کی طحیر ساوی کثافت کی طحیں ہوتی ہیں ) کی صورت میں بھی درست ہے

بشرطبیرة مانون آثانت ائع کی مؤوضه وسعت میں نجمی و مهی خیال بمیاجائے -۲۱ - سطے ن ق ربیکا حاصل افقی دا وکسی دی ہوئی سمت میں معلوم کرنا –

وی ہوئی ست کے علی القوائم استعمالی ستوی پر ن ق کافل لواور فریض کروکہ ہے

فل نَ قَسِيم كيت نُ ق ، نَ قَ بِكَ داؤ، ن ق بِركَ عَالَ افعَى داؤ، اورستوى نَ قَ كيت نُ قا بِ مترول مي عَلَ رِفْ والى قوقول كن زيمل ساكن هي -



اس کے ن فی برکاافقی اوک ق برکے افقی وا دُکے مساوی ہے۔ اور یہ وا واکسی خط خط متعیم میں عمل کرنے ہیں عنوان نفی خط خط میں سے گورنے والے انفی خط میں سے ۔ برت میں ایک انفی خط میں سے ۔ برت میں

اس نے عام طور رکسی سطح برحاصل دا و معلوم کرنے کے لئے اس برکا انتصابی دا کو

ا روول القوا برسمتوں میں حامل ففی د ما بُوسعلوم کرو۔ یہ تمین تو تمیں بعبش صور توں میں ایک تنما تو ت نیر بخول برسکیس کی حبر ہے۔ لئے شرط سکو نیات کے معام طریقوں سے حامل کیجاسکتی ہے۔

مننال به آبک نصف کروستی نس این سته بهردیاگراست اوراس کو مرکز میں ست گذر نے دالے دو علی انقوا مرا نصعا بی ستو بول ست یا رصوں میں تعلیم کردیا گیا۔ ان میار سخنی حصوں میں سے ایک جصد رکا حاصل عمل دریافت کروس

م کرکو میدا ما نواحاط کرسنے داستے افقی نصف قطور کومورلا ادر مور ما اور استعمالی نصعت طرکو کومورلا ادر مور ما اور استعمالی معصف قطوکو کومورلا ادر مور می فرض کرو تولاکے متوازی و باؤ، ربع ما و می برک و با کے معلی انقوا میر سندی رستنمی سطح کافل ہے۔ ما و می ، و لا کے معلی انقوا میر سندی رستنمی سطح کافل ہے۔ اس کے دلا کے سوازی و باؤ

> برعمل کرقاسینه به جمعال جمال در

باد را روسیات -انسل سفسا بی دارد = مائع کا وزن = بهاج نش ۱۶ اتا اورده ستفرده = بها لا کسمست می کرا ہے -

تينول تونول كيسمتيس نقطه

( ﷺ و کئی ہے۔ اور اس کے دہ ایک تنہا توت میں سے گذرتی ہیں۔ اور اس کے دہ ایک تنہا توت

(41)

 $\frac{1}{4}$  ع ث  $\frac{1}{6}$   $\frac{1}{4}$   $\frac{1}{14}$   $\frac{1}{14$ 

میں ممل کرتی ہے ۔ یہ خطمستقیم مرکز میں سے گذرتا ہے اور ایسا مونا بھی جا ہیے کیونکر تمام

سال داوره کی سطیر عمود و ارعمل کرتے ہیں۔ به خطاستفیم مطی کوجس نقط برتی طاح کا اسبے اس کو داور کا مرکز ۵ کہدسکتے ہیں ۔

من و دبو و مروسه بیت ری سه ۱ مرسوزن دارمان میں ایک طوس سیم جزأ یا کلاً دبویا گیا ہے اس کی سطح برکا حاصل دبائد

تعلوم نرو -افر من کردکر نشوس دکنا لدیا گیاہے اور اس کی بجائے اسی نسر کا مائع بھر دیا گیاہے و اسے پر کا عال داؤ دہی موکا جرا نسلی مٹوس پر تھا۔لیکن اس اٹھ کی کمیت اکسینے وزن اور اس کو گھیرنے

والے انع کے دباؤ کے زیراتیر ساکن ہے - اس سے حاصل دباؤ مثاے ہوئے اپنے کے

ورن کے برابر موکا اوراں کو مرتقال سے انتصابی سے میں ممل کرنگا۔

اسی طرح سے بستدلال سے صریاً بہ نابت ہوسخا ہے کرکسی عفوس میر برکجار رسیال کا حاصل دباؤجسم کے بٹائے ہوئے کیکدار سیال کے دزن کے برابر ہوتاہے۔

بنتجر و فعات (۲۰ ) اور (۱۸ ) کی مدوسے اس طرح بھی عاصل کیا جا سختا ہے۔ سطح

کومس کرتے موسے متواذی انفی خطوط ستفتہ کھینچو جن سے ایک استوانہ سنے مبن کے اندر پخوس گرجا سے نتاس کامنحنی سطح کو دوحصوں کمیں نعشیری کرتا ہے جن برکے حاصل نفی دباؤ اندر پخرس کرم

اسطوا نے کے محررمے متوازی ہیں اور ایک دوسر کے مساوی ہیں گرمقا النتوں میں عمل کرتے ہیں۔اس سے مسمر رکے افقی دہاؤ ایک دوسرے کے افرکوزایل کرتے ہیں اوراس کئے حاصل مرمن انتصافی ست میں عمل کرتا ہے۔ اب اس حاصل انتصابی دہاؤ

اوں کے مصاب کی سرحت رکھا ہی سے یک س رہوں ہے۔ رہب رک ہی ہی ہی۔ کو معلوم کرنے کے لئے سطح کوسس کرتے ہوئے متوازی انتصابی خطوط کھینچو تا کرسطے دومور میں تفتیم ہوجائے ۔ ایک مصد کا حاصل نتصابی دباؤ ا دبر دار عمل کرتا ہے ادر دوسرے حصہ

بر کا بیجے وار - ان دولؤ ل کا فرق صریجًا شموس کے مٹما سے مروستے سیال کا وفان ہے۔ سام ----ا کِسد تھوس مبم بورے طور ہر وز ن وار مان مِس غرق کیا گیاہے ، اگراس کی سطح کا کچھ حصر منحنی سطح اور بقید مصد ملکو میستونی رہنے ہوں اورا گراس کا حجم ( سن ) دیا حاسے تو منحنی سط يركا عاسل والوسعارم كيا حاسكماست -کیونکومتری سطول کارتبادران کامل معلوم ہے اس سنے ہمان رقبوں برکے حال فعی دیا وکر اور حاصل مقعابی دہاؤ ما معلوم کرسکتے کمیں اور چونکومبر کی پوری سطے یر کا دہا ہے ت ح کے ساوی به اور اور وارا نتما نی سمتی عمل راج اس سنے اس کی خبی سطح پر کا عافسل انقی دباؤ کو موکو اور حاصل تقبیا بی دباؤ ک<sup>ی</sup> ف سے - ما مثلِ ۔ واری رقبہ کوایک ماسی حدائے گروز اور پیر طامیں گھاسنے سے ایک بھوس کب بنایا گیاہے اس کرما نی میں اس طرح تھاماً گیا ہے، کہ اس کا نجلامستوی نے انقی اور گہرا تی سی طیج یرایک ایسے سیال کا حاصل واؤ دریا فت کرو جرکسی حکومہ و وُن کے دیرهمل ساکن ہے۔ رض کرو کرسیال کے ریز عمل سطح عود۔ کے نفطہ (لا، ما، ی) یر کا وہاؤ کہ اسے۔ ہے جہاب دوم میں عاصل کردہ وہا کو کی طرح معلوم کیا گیا ہے۔  $\left( \frac{7 + 2 + 2}{7 + 2} \right) + \left( \frac{7 + 2 + 2}{7 + 2} \right) + \left( \frac{7 + 2 + 2}{7 + 2} \right) = \frac{1}{7 + 2}$ تونقطہ ( لا ، ما ، ی ) برے عمادے جبوب المام ہو مگے ع جفاد ، ع جفاد ، ع جفاء ع حف ال ، ع حف ال ، ع حفاي ز ض كر، كراس نقطه كو گليرسنيوالے رقبه كاعتصر من سن سنت تعبير وزا ب توجور و کے متوازی اس عنصریکے دہاؤ ہو سکے دع جيء من س دع جيء من س دع جيء من س دع جين لا من دع دين يا من س دع جيء من س اس کے اگر نور سے متواری حاسل دماؤ کا ، صا اسے اور حال حبنت ل ، هر، ن سوس تو ٧ = / دغ جف اله فرس ماء الدع جفع نرس ے= اردع جفع نرس ادر ل = را دع (الجنع -ي جنع) فرس م = الردع (ي جف ع - الاحف ع) نرس ن = را دع (الا جفع - ما جف ) فرس سبکمل کل طع زیر بحث روی -یه ماص ایک تنها قرمت کے معادل موسنگ اگر ٧ / ١٠٠٠ مر + ع ن = ٠

اوراس کے سے = کر د فرا فرا اور اسی طرح کا د فرا فری ، اور

مأد / د فرى مرلا ل عرا د (ا فر لا فرا - مي دري و لا) = //د (نامرا- ی وی) فرلا هر = آ که د (ی وی - لا نر لا) نر ما ن - آزد ( اور ۱۱ - ۱ - ۱ از ما ) وری

يهم -- اگرسيال مرويه حازر را بيك ابر ل سان بواور محوري نتفاني موتره المي كا تناس از گاد بکرفر ص کروگه بدری سب \_

ہ = // مہ زی ویا دری

مستوی با ی بروی بونی سطی کا دلل سب مد بارسه جا سر لا کے موادی اس فال رسام

اس فرح ما مستری لای برے طل بیکے دبادتے ساوی ہے۔

اگرسال كي يحك بواور مرت حاذب ارتن س سرتهل رسسه تو د عف لا مس ما سال كاس صدك وزن في مسادي ميج ريف هن ادر إل كي طح براس م ظل کے درم بان دا تعہدے ۔

ن مے یا کر د فرلا فرما وی م بی طب کے اور کے سال کا دزن ستہ ۔

مینهائح دفعات ( ۲ م ) و ۱ امم اسرکے نُمَا ٹح کے برای آوان میں۔

٢٤ ـــاگرايك بينوس برجراً يا كلاً كسى سال بير عرت لاجا - أوريدال ري بوج توتوں کے زیر عمل ساکن ہوتواجہمریر کا عاصل سیالی دماؤ آئ ورا سے ماصل سے سادی

یونگر مرحبر کوسیال سنے نیا حدو کرے اس کی بڑی کا اس نتیر کے سیال ہند ٹیر کھا ہوا تھہور

کر سکتے ہیں۔ اب یہ واخل ستدہ سیال ان تو ہوں اور گرد کے سیال کے وادں کے زیر معل ساکن ہوگا۔ اور اس لئے ماکس د ہاؤان دسی ہوئی تو توں کے حاصل کے مساوی ہوگا گرسمہ مے قابل میں عمل کیسے گا۔

من حتى كى گروسالسے زُرِق بیت قانون كنانت كى يا بندى كر بى جابئے بیسنى مساوى كنانت كى طحير گرد كے سبال كى تنافت كى سطور كے ساقة مسلسل ہونى جابئيں۔ ف

## امتنكه

ا - ایک وزندارمون میسی جس لی کنافت یا بی کی کفافت کی دوخیدہ ایک سرے سے جو پانی کے با سرے اس طرح مٹکا نی گئی ہے کہ اس کا ٹیم صعد غرق آب رہ - غرق مقدہ مصد کے وسط بریسی کا تنا و دریا فٹ کرو۔

٧ - ايك كمو كلك كرة كالفعف قط وج-اسكوالي سعين عرد ياكيا بدى اس كي سنح كوايك ليسه مسترى الله كالكوليك السه مسترى ست جومرك من عنه كرا أن يروا تع ب دومندون من تعبيركما كيا-ان معنون بركم

ماصل نتضا بی د با دُمعاو*م کرو-*

م -- ایک برتن تر ، طالب نملع کی شکل کا سے حبکا قاعدہ ن فنلعوں والاستوی کنیزالا صلاع میں میں اس کی است کے اس کو سال سے میں اس کی اس کی است اس کی است اس کی است اس کی است میں کا کہ اس کی ایک اس کی ایک است میں دیکن اس کوا بنی حکمہ برد کا گیا ۔ بن کا ہر سے ایک دس کے درمید اسکونا اگراہے جورخ کے فاعدہ کے اقتلہ وسطی اور کئی است کو کہ ہرسی کے ساؤاورسیال کے کل وزن کئی است کو کہ ہرسی کے ساؤاورسیال کے کل وزن

میرانا منان کے طرف کے بیون کریں جب مبان میرانی کے ساتھ ہررخ کا میلان ہے ۔ میں نسئیت ۱: ن حب ۲ عد ہے جہاں عدانق کے ساتھ ہررخ کا میلان ہے ۔ ہم ہے ایک رقبہ دوہم مرکز نصاف دائروں سے گھرا ہواہے اوران کا منترک قطراً زاوسطح

م سے ہوجہ ہوئی مرد صف روادی کے مرکزی کم لائی

データ (ヴャヴ)(ヴャヴ)n デー (ヴャヴ) + ピーナン)

ہے جہاں اور ب تضمن تطریب ۔

ہ ۔ ایک مربع بترے کے دا آدی مرز معلوم کروجس کا لیک راس سیال کی سطع میں ہے۔

اگریس کواس اس کے کرداس کے است مستوی میں تھایا مباسے اور بیشرا بمیتہ بورسی علی انع س ڈو یا رہے ہوتا اس کے دا اُوکے مرکز کا طریق معلوم آرو سے ا است ایک آنه صی سیرے کے داو کا مرکز معلوم کرد خوبا فی میں سین اُزرا مواسع ماکر س اواپنے ا تعانی ستوی میں اس طرح کھا جاسے کہ یہ میشد یا ہے ۔ یہ وی اسبے تواں سے محرروں سے ل اللي علي مركز كافر بق علي مركز و-ع ـــالك كعب صندوقي بافي أسرى ويكراسي اس كالوكر ورن رارا ور تعديك والمشيخ والاسها وراسكويكية عمور كو زاورا بكارويمات كروا كالسندماري ارتي استمالكو نوا عده کے سرکنادے کے گرواشنے اور میں عملیا کیا ہے ؟ ایا میں خاج میں سنے گئے۔ان زا يوني ك عامون لامرالمراء -ت م عدر دائروں بجرا کے نظام کمالی میں اس طرمے ڈیو اکیا ست کے مرازوں وراد معا اک · ی ہونی گبرانی ہے رہے۔ نماست کر کر ایورے طریر ارسام سنے بائری رقبوں کے راؤ کے مَرَرِ الكِ مكا في يُروا فع موستے ہيں ۔ ي أسر بك نيم تعظيم القول محاور قول اور ول اسك وإبيح وكر معلوم كروح اليسه قطرست محدود - سے جس کامیلات مورا عنظر کے ساتھ <del>اللہ می</del>ریانص کی علی اسٹ ان میں اور فطر سال کی سطے - ایک نیم قطع انفی اسینه محد اصغرت مهدود سیم اور کسیم این ایس طین اول واست كَ كُمَّا فِنْتَ الْكِيمَ بِهِلِتِي سِيمِ جِيبِيكُهِ إِنَّ - أَكُرْمُ ورانَ عِزْ وَانْ بِهِ وَ حَرْد ج المرابر ٠٠؛ ننه كروّاكهاسكه دا وُكام كز · سيكم اا--- ایک مربع بترا ال ب سج دیانی می در امراسهاس با نبله اس یانی ک سط مرابع سے یفقط ب سے ج کا کے نقط شک تک خطام تنقیم ب سے ایرا کھینچو کہ دولاں مصوریہ برنے دماؤساوی موں-اليسي معدرية مين أابت كروكم وباؤك مركزون كا درسياني فاصله: مرك كاضلع . ال ١٠٠٠ : مرم - ایک نصف دائرہ میں سے حس کا نظرا تھے کی تقی سے ایک دائرہ کا ٹ انیا گیا آئے اس وائره كا قطرنعمف وائره كا انتصابي تعمن قطرب بتسيه حصيك دا ولا مركز علوم كرو

۲۲ م اسایک لصف داری انتقابی بترا روری طرح بانی میں و دما مواسے اس کے محدد دکرنے والے تطر كاسرا إيالى كى سطى برب ادريانى كى سطح كساته اس تطركا سيلان عدب- الر سے وہاد کا مركز مواور عطر اور است كا درسيالى راديدط بورة نا بت كروكم م اس اگراک مثلث کے داس ک گرا مال ان کی سطح کے بیجے وا ب مج موں تو نام کے كمركز تقل كي يني والمسكم مرزك كرائي بوكي (ب - ج ) + (ج - ل ) + ( ا - ب ) ) ۱۱ ( و + ب + ج ) ۱۵ -- ایک ستوی رقبه جوالک سیال میں دوبا ہوا ہے لینے متوازی اس طرح حرکت کراہے کواس کا مرکز نقل مہینیا ایک ہی استعمالی خط میں رہا ہے۔ نامبت کروکہ (۱) و ابو کے مرکز كاطرين قطيزا أبيت جسكااك شفارب دايهوا المصالى حطب اور ( ٢ ) ارمختاه محلوب میں اس کے مرکز خل کی گہرائیوں و، و + ھ، و + ھ، و + ھ اور ان کے تناظ ه (ک ـ ه) كَ هَ هَ (كَ-هَ) =. كُ هُ هُ (كَ-هَ) ١١ -- مكا في ك ايك تطعيك ، ا'وكا مكر سلوم كروج وتر عاص من محدو وسه اور وترخال کے ایک سریر کا ماس انع کی سطح میں ہے۔ ا اگرائع كى سطى اور جراسے اور سكانى سائن رسب تو نابت كروكه دباؤ كا مركز ايك خطستم

مرسم ما ہے۔ ۱۱ - ایک مخردط بالی میں بوری طرح فرق ہن، -اس کے قاعدہ کے مرکزی گہرائی دی گئی ہے۔ اگراس کی محدب مطرب کے طامل دہاؤ دا کا کا موں جبکہ انتی سے ساتھ اسکے محدد کے میلان کے جوب بالترت س س س س میں بونابت کرد کہ گراس - س) + گراس - س) + گراس - س) + گراس - س) = -

مرا - معوروں اور منحنی مآلا + ساتا = الآك در سائى رقبدك دادكا مركم مدرم كرومحاور على نقوائم مين اورا كي محورسيال كي سطين وا ق بنه ـ ور ۔۔۔ ماریخ کی کچوز قدار و وسنواز می مستوبوں کے درماین ہی۔ میر ما کنے ایک مزری توسیکے زیرعمل ہے جوایسے مدلتی سے جیسے فا مدلہ اگر مستوب کے اُن حسوں سے رشیدجال معالی مس کراہے ا' ب ہوں تو است کر کہ ارحسوں ریائے ، بازُں مرینسیت الا : ب ہے۔ ۲۰ ـــایک نظوس کرہ ایک افتی مسؤی پڑیجا وا تب اورا ک انتیب عبین رو ا موا ہے۔ ا معها بی فطرمیں سے کررہے وا ہے ، دعلی الغوا عرصتو یوں سے اس کرہ کوتنسر کیا گیا ہے آگر کره کی نخافت مث ۱۰ رسایل کی نه موتو <sup>ن</sup>آبت کردکا به حصه ایک دوسر*ب س*ت احدانهیں س<u>ویم</u> ىشەطىكە نە > بە ث ۲۱ \_\_\_\_ زائد کا ایک متقارب سیال کی سطے میں۔۔ اس رتبہ کے واؤ کے مرکز کی گہر حلو*م کرد جو* ڈوبے ہو*ے ت*تھارے ہنعی<sup>، اور زائد کی سطی میں کے دوافقی خطوط متقب<u>ہ سے</u></sup> ۲۲ \_ \_ ایک مووط با نیس اس طرح ذبا ہوا ہے کواس کے فاعدہ کا مرزیا نی کی سطح کے نتیجے اس کے ارتفاع کے 🔑 گہرا ئی پروا فتا ہے ۔ آسی فا مدھ اورا رتفاع کا ایک مکا تی نہا تھی اس طرح غرق ہے کہ اس کے تا عدہ کے مرکز کی گہرائی سطح کے بیٹیے دہی ہے جومحرو ما کے قا عدہ کے مرکزی ہے۔ نیرانتهای مت کے ساتھ اس کے مورکا سیان بھی وہی دوروز ط کے می کاسے۔ پیرسلان کیا ہواجا سینے کہ ان دوہوں محسموں کی محدب مطحوں سر کے دا مسادی ہوں '' \_ ایک بنداسطوانه ما نع سے تقریباً بحراموا ہے وراب ایک تلویسی خطے گر دجوا تصالی ي كيسال دفيار سي كهوم راسي - اس كي سمي علم يركا والمل داومعلوم رو-اس کے اوپر کے لمبرے پر حو دباؤ سے اس کا نقطہ ممار بھی علوم کرو۔ --- تابت كروكر جوزتم يخنى (د- ٨)جمطه = ب كيتفارب أدراس كي نوس كورميان محمرا ہواسی اس کے دواوے ورکز کی مرائی سے ھباں متقار ب سال کی سطح میں ہے اور سنحی کا مستری استعمابی ہے۔

٢٥ -- ايك خز ط اكبر ست عجروماً زيسيم - إس كا ژبكن رزن دار ار رشيك مبيضنے والاست اور ا مِي تسند كَرُر, حركمتْ أرسم السبع - إس أفز ولكو قبصه بير ست كور سعتُه والحا تكويني خط كم تُحرُو ر جوا<sup>،</sup> تعها بی ہے۔ ال دفتہ ارست کھایا گیا ہے، - بڑی ہے۔ بڑی ادی رفته ارسعلوم کروکہ واکع كردى خول كا أيك عصدا كسيه منزى يستاز ش لا كمياب اوربقية عدكوايك متى ت و دریا و طری رکماگیا سوم که درتری تراش ستدی کوسس کرسے - بعد کو مان تریل القالمار کے الما بھوسے نے سو باخ سکے ، ربید یا نی سے بھرو پاگیا سینے نے کروی ٹول کا بڑسے سے مٹرا حصر وما وت كروج دارك لياما شدعي اس طرح كرما في المريخ رئيسفي ما باست خواه نول كتناج و لمكام و-سيى مەرىك من ابع كردك ول بركى بورا و إن أن كے وزن كے سات من ا كى ۲۷ \_ ایک غرف سنه ۵ مستوی رقبه اسیعهٔ مستوی میں سے ایک خطام سنتیم سے گرو گھو ہے ٹوٹا بت کردکہ وہاو کا مرکز اس مستہ ہی ہی ایک مافط مشتیمہ سرتسرکر اسے ۔ ٨٧ \_\_\_ يك مست كاكناره ٢ له تساس كي زخ افعي اورانا تساني بس- اس كروا ك وزن داراً تَنْ سِنْ جس كاحمر ٨ ٣١ { - ١٦٠ } سبعه ما نع يرايك - البيبي توت عمر كر تي ہے سر کو ب کے مرکز کی طرحہ کے کہا ہے اورا بنسنہ برنتی۔ مے جیتیہ اس مرکز سے فاصلہ تنا صلہ و يرتونه كي مقدل ع- به مه آراد سطح لي تنكل السهي تعريكا و إ د معنوم ركوب الأليك الما تعاني ورج إسبند ستري سام اليك افقي تحص سنقه سنكرد مركت كرسك ونابس كروكه رمي ساكن بوكا بینه سکارین س بن- کررین مهارست کسے سی و فاسسلے پروزهم بو 14 - -- الأساس مكافى ناما خذيب كروف والعساق ى سعة تراشاً كيلت جواس ك موربرعلی انفوائڈ ہے۔ مکافی نما پور نی طرح انع پر فرق میں اس الرح کاس کا داس دی ہوگی کہ لی برسبته ادراس کام، انتشابی مت کیمیس ولیبوا دومه نبا آسیت - اس کی شخمی سطیریک ک حاصل، إُولَى ٠ ية ١١وراس يَ تَقلاا رمعلوم كرو-ہ 🗀 ہیک مکا فی بقبہ و ترخاص سیسے عمد روسیے ۔ اس کو وتر فاص کے گرد زاویہ طبہ میں كَفَهُ كُورِيكِ عَنْهُ مِن سِنَاياً يا ميه اوراس عَوس كويا في مي اس طرح تعالم كياسي كديومين فرق رہے اور اس کا طام متری رئے انقی رہے۔ اگر مشنی سطح پر سکے حامل دبا و کامیلان افق سکے

ساته فدموز ننابت كوكه

م حساطس فد = د حد طد م حسه طرحمرط

-سال کی کیا کہ سال می سائر وا نما فی توازن میں تکوم رہی۔ میال تا نول قدیث کی موجب کششش کرناہے۔ اس میں بک چیرٹا ورہ وظل کرد ایکیا ہے۔ ۱۰۰۰ یکو بھی رفتا ۲۰۰۶ بھی ہے جوکدا س حگیت سے سال اردو کی ہے۔ کہا اپنی کیت دی مرا کی طرف،آسٹ کا اس سے

م ۲۳ — سیال کی ایک عدی دو کمب یوی و تول ۱۰ طل کیئے سیکی میر - سیال کی کتافت مث ہے اور اس کا برصد وورس مصد کہ گانون تدرت سکے وجید حذب کراست ولوں کے الدروني وبيروني نصف قط ملك اسرتتب ايم ب او ١٠٠ م أبي او ١١ني كاف وتيرة عادة ہیں۔ خول بھی ایک ووسرے کو اور بیال کو تا ہو ن فدرت کے ہو جب طب بارتے ہیں۔ ہنجل ير" كى خال توت معلوم كرد اور نابت كروكه مونس صورتوں بيں به نویة، وافعی موگ -

ساس -- ایک دیا موارضها نتامها بی طور برایسه وزن دار این میر مؤق میستاس رقبه کوفاعدد مان را کب محروط نا ایکیا ہے و کلینا ما بھین ت سے راس کا اس معلوم رو جبام مختی سطح برکا

حال وباژمشنفل موارنا بت کردکه روا و عیرتند پیریسگا ا گرمحروط تمواس انقی خطه کے گودگھایا

حاب جوقا عدہ کے مرز تقل من سے کرتا سے اور فاعدہ کے مستری برعور وارہے۔ ما ما -- ایک مخوطی برتن کو حس و محدان فعالی ادر راس سنتی وارسید حدید ساست گررے والے آیک مستوی سے دوحسوں میں تقسیر کمیا گیا ہے ان حصوں کر اُس بیٹ ایک قبضداور

ایک ڈوری کے ذریعہ جوبرتن کے کنارہ ہ تلط ہے اور فاصل ستوی پرعمود واسب حدامہ نے

سے رو کا گیا ہے۔ اگر رن کو یا نی سے بھر دیا جائے تورسی کے تنا و کا یا نی کے وزن کے ساتھ متعا لمركرو -

٣٥ - ايك كمو كلي وولومس جون كلي ست يانيت جرد ياكيا ي اس محرييت گزرسنے والے دوستوبول سے (بن کا ورسان زادیہ ریا گیاہے) محوط کے ایک طرف جو سطح كاحصىكتا سے اس ركا حامل دباؤا وراس كا خطاعمل معدم كرر

اگرزا و بدراس قائمهٔ هرو نا بت کرو که به خطائوز ده کی جمیان سه مرز دی ست کردید در . ٣٧ - ايك برتن انقى كافي نما كيشكل مسيع اس كالحور استداني - بسر واس كالي الم

لا ب ال ا الله عنه عندری ستویوں شداسے جادساوی مصوں میں تعمیم کیا گیا ہے ان یں ت ایک حصر میں گ کہ اِنی اُس اِلی ڈالا گیا ہے - اگر شخی حصہ برکے حاسل وما ذكوا منضها مي اورا فق ممت مبر تحليلًا كها حاسب نونماست كُروكما فقى جزو عليها كما خطام

نفطه ( در او الله ب مع ک ) سسته گذر مگار عس سے تفعف کروی نکل کا ایک بیاریا ای سے مود یا گیا ہے - اگر اسکواک ایسامیتر تاہیے

تراتباً جائے جواس کے مرکز ہیں سیٹے کرز کا سبے اور ان سکے ساتھ وما اوا داوید بنیا آسے تو بیا ہے

کے اور کے مسیر رصل دباؤی ست اور مقدار در افت کروس

٠٠٠ - ايك تحطيرة وطي خول مين جس كا • زن أظرا زاز كيا ما سكتا سه يا في عرد يأكم إسب اور اس کے گنارے کے ایک نقطہ سے اس کولٹکا کرواز ن کامحل بندریج استیار کرسنے را کیا ہے۔ اگراس کازا، بیراس جمم اللے موتو تا بت اروکہ ان کی سطح نقط نغلیق میں سے گذرنے والے

نكوني حطار نسدت ١:١ من تقسيم كريكي -

٣٩ \_ إلك نسطى كمة الاصلاع جويوري لا حائع مين عن ب اسيني مركز تعل كر وكت كرسكما إو ماست کو وکه و با وکا مرکز کا طریق ایک کره ب

به ـــایک نفیف کردی ظرت یا ن مست محرد اگیات اوراس کے بیطی نفیف قطرمی سید د انه ضا بی ستوی کمینیچے سکتے ہیں۔ جبسط کو نصف پیوا کا مہ ہیں ترانسٹتے ہیں۔ اگرمستو پورٹ کا درمیا

زا، يه ٢ عد جوزة تا بت كروكه اس سيما كات يرحاسل داؤا نتصابي مت تحسا مفزاويد

## مسرا (جيسه)

ئەنىمقارب كا ابك نابىت كروسى الكوت كانت داكسيال كىكىيى الله ا ماطه کئے مواسے ہے رہا کی ایک ابسے لفظہ کی طرف قوت مدر نی اکا نی کمیت مصامبات ہونا ہے جس کا فاصلہ اس کے مرکز سے ہی ( < بُ ) ہے۔ بیرونی وا ڈیکو صعروض کرکے ما ب*ت كر*ديدُه ح<sup>ص</sup>ل د بأو در ا<sup>9</sup> منه كرو —

ر ۱۰ - - اردستی می عطل ۱۰ مه ۱۰ مه ۱۰ مه این نمانسبت رکه تا معمدا گراس کواس طر

ن میں ۔۔۔ ہن تنظیلی رقبہ بَلْیار مان بیں اس طرح و تی ہے کہ میں ان طفیٰ تصال ہوا واس کا ، یک صنائع مان کی محصی ہے ہیں ہے ہماں وابُوصفر ہے ۔ اگر کھا نت ومانی کا خطی تفاعل ' بو تو ما سے روکہ و ما وکسکے \* رکر کی جربی ہے۔

م = کوک ر ن ا

۲۹ ۔۔ ایک شنگتی سرا کی متعابس العمی بوری طرح غرف سے میں کے راسوں کی گہا یاں ف ، ن ار میں اگر متلف ک دوؤ کا مرراسوں براسنعات ل ، م ن کے ادسو سر بربر

روم)

منطبق ہوجائے نوٹا بیت کردکہ

ف: ق: ر: م: ال- (م+ ن): ۲م - (ن + ل): ۳ ن - (ل + م)

د: ق: ر: ت: الله مندوق كو سنطع كاطول ومع اوراس ك وزن وار و كن كا ورن

و ہے جوایک کنارے کے گرد حرکت کرسکتا ہے۔ صند و تن کو یا نیسے بھردیا گیاہے اور اس کمنارہ کے ایک سرے میں ۔سے گزرنے والے قطا کے ذریعہ اس کو انتصابی طور پر دیکا یا گیا ہے اب اگراس کو تکسال زادی رفتا رسے کھایا جائے تو تا ہت کردکہ و کو

$$\tilde{\mathcal{J}}\left(\frac{\tilde{\mathcal{J}}_{r}^{r}}{\tilde{\mathcal{C}}} \times \frac{1}{\text{whr}} + \frac{2}{4}\right)$$

سے کم نہ زما جا جیئے اکد بانی گرنہ جائے جہاں و صندوق کے اندردنی بانی کا درن ہے ۔

دم سے ایک ناتف نما کو مرزیں سے گدرنے والے کسی ستوی سے تراش کراس کی شمنی سطح

در سنوی تراش سے ایک بنداستوار برتن تیار کیا گیا ہے۔ برتن کوبان سے عین مجرکرایک افعی

میزیراس طرح دکھا گیا ہے کہ مستوی قاعدہ میزیر نکا رہے ۔ نا بت کروکہ شخی سطح بر کا حال داؤ

ایک انتقابی قوت کے مساوی ہے جریانی کے نصف وزن کے مساوی ہے اور جس کا
خط عمل ستوی فاعدہ کو مرز سے ہے جریانی کے نصف وزن کے مساوی جا اس د قاعب وہ کا

مزدوج نفیف وتر ادر ع مرزے افق مای مستوی ی برعمود ہے۔

۱۹ سے ایک چیوٹا مخوس میں ایک سیال میں ساکن رکھا گیا ہے جس میں کسی نقطہ برکا دباؤ

تا یم محد دوں لا / ما ، می کا ایک ویا ہوا تفاعل ہے - نابت کر وکوائس جنت کے اجزائے ترکیبی جرمبم کواس کے مرکز تقل کے کرو تھانے کامیلان رکھتا ہے

$$(3-4)$$
  $\frac{i7c}{i1i2} - < (\frac{i7c}{i7i} - \frac{i7c}{i2i}) - 3 \frac{i7c}{i1i6}$ 

+ **ف** فراد وي ولا

ر مرسی طرح کے دوا در جلے ہیں جہاں () ب ) ج ، ح م ع اف مرکز نقل میں۔ سے گزرت والے محادث کا فاسے حبم کے جمودی معیاروں اور جمود کے قال مرب

كوتعبيركرتيمس

و ۵- ایک بمعقوار کردی نول کا نسخت قط و ہے۔ اس م گیس کی کیست ک سے جس مرفرارُ كُنْ فَتْ كَالْ كُمُنَاسِتِهِ يَكِيسِ ايك أبيت بيروني تقطه وست (حركم أنا صايد كرست ف ب السي ون سے رفع موتی ہے جو ناکال کمیت فاصلہ کے مسادی ہے۔ تابره کردک خول کرکسی و خال دا دست <u>لک « دفا - وا</u> ۱۰۰ « دفاء ۱۰ ا هــه یان سے مجرام دایک طرث نا تص کما ( محاور لو ، ب ، ح ) کے آئنویں جسہ کی کل كا بيت بوتين عدرى ستويول ست محدودست - محرس الم صالب الركرم موالى كا د باونظراراز ناست كردكشنني على ركاماصل سالى دار اكسابسي توت معرب كى غدت م がでいりかかかりりゃでいう « ۵ --- ایک کو کھلانا تعل نمایانی سے مجبولاً کمیاہے اوراس طرح رکع ما کیا کہ محرر و افر ہے سائف زاویه عدناے اور محرر ع افتی بستے ته تائبت کردکہ تور ( برست کرسان والے انعمالی ستوی شمیر ارت کی ختی طح پر کا بیال دباوایک ریخ ( Wrench ) مساوی ہے جس کی تمانی سے س د ۔۔۔۔ایک مثلث ایک مائع میں فرق ہے جس کی کٹانٹ ایٹ بدلنی ہے جیسے گ<sub>ھرا ل</sub>ی۔ اس مِنْكَتُ كُرُواسٍ اللَّهُ كَيْ مَطِيسِكُ نِيجٍ ندو به و جه فاصلوں يروا قعب - نابت كُرُوكه دباؤ کے مرکز کی گہراتی ہے م ه -- ایک معتری رقبدایک وزن دار عیرتجانس سیال بین کلیتا ع ق ب ادرا کرایے

جہاں متشاکا بحوروں کے کیافاسے رتبہ کے گردش کے نفست قطرک کی ہیں اور کڑہ ہوائی کا دباڑے

بن سر (ا -ك )

۵۵۔ نابت کردکسی عرق آب ستوی رقبہ کا دبائد ایک قدت میں جورقب کے مرکز مہندسی بر عمل کرتی ہے اور ایک جفت میں جورقب کے ستوی میں ایک بحورے گروہے تعلیل موسکا ہے۔ نیز نابت کردکر اس جنب کا محوراً سی ماس رعمو و وارہے جو مرکز سندسی برکے معیاد می ناتص کے افعتی تعلم کے درسے برخمینجا گلیاہے۔

\_\_\_\_\_o\_\_\_

إبجارم

تيرني والا احسام كأتوازن

۸۷ — تیرنے والے حبی گوازان کی شرطیبی معلوم کرنا -سی یہ وز ہوز کر ہے گئے سال میں زوان میان ہوئے کرنے

ہم یہ فرص کرب سے کرسیال سرف جاؤں ادعی آئے: رحمل ساکن ہے اور سیم بھی صدف اس قوت سے زیراتر سیال میں آزاوانہ تیرر ہاہی۔ اس طرح جسم رحمل کرنے والی

تو ثیرُ صرف اس کاوزن اورگرو کے سیال کا دیاؤ ہو گا۔ اس نے تواز ن کے قیام کے لئے ۔ حامل سیالی دہاؤ جسم کے وزن کے مساوی ہو گا اور انتصابی سبت میں مل کر گیا ۔

اب ہمیں بہمعلوم ہے کہ مزایا گا عزق سندہ کھوس کی طویر کا حاصل سالی داؤ سنارے مونے سیال کے وزن کے سیادی مرتا ہے اور اس کی کمیت کے مرکز میں

' سے گزرنے دالے انتقابی خطایں عمل کراہے۔

اس سے یہ نتیجہ نخلتا ہے کہ حبم کا در ن ہٹائے ہوئے سیال کے وزن کے سادی م مونا چاہئے اور یہ کر جسم اور سٹا سے ہوئے سیال کی کمیتوں کے مرکزا کی ہی اتصاب بی فرد میں میں اسانہ میں میں اسانہ

یوسز طیس توازن کے لئے صروری اور کا نی ہیں خواہ سیال جس میں جہم تیرا ہے ہے۔
کسی نوحیت کا ہو۔ اگر سیال غیر متجانس ہے تو ہٹائے ہوئے سیال کواس طرح ضیال
کرنا ہوگا کہ وہ بھی جسم کو تطبیہ نے والے سیال کے نالان کٹانت کی یا بندی کرتا ہے۔
باتفاظ دیگر اس میں ایلیے طبقات ورس کرنے ہو نگے جوگر و کے افقی طبقات کے ساقہ
مسلسل ہوں نیز اس می تسرکے اور اسی کٹافت کے ہوں۔

سٹا الدیمٹوس میں جزآغر ت سندہ یانی میں تیررہا ہو تو اس کا درن مثا نے ہوئے یانی کے وزن ادر کہنا ی ہوی ہوائے درن کے خبر مدے مساوی موگا۔ ادراگر ہوا کوخارج کردیا جا کے یاس کے دا؛کو کٹافت یا تبش کی تخفیف سے کمنا دیا۔ (10)

تو تھوس کا کچھ حجم یا نی میں اور ڈوب جائے گا جواس کے دزن اور یا نی اور ہوا کی کٹا فرق ال برمنحصر ہوگا۔ اس کی مزیر تشریح یوں موسکتی ہے کہ مواکا وہا دیا تی کی سطح بربہ ہا بکسبی اوپر کے نعطہ برے دائی کے ذیا وہ سے اور مواکا سطحی وہا کو یا نہے کے ذریعہ تبرینے و سے جہد کے

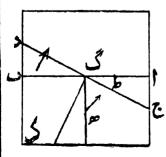
کے نسط بُرِک دیا ہے آیا وہ ہے اور مہوا کا بیسطنی دیا تو پائی ہے وُر نید تیر سنے وہ بے جسمے گے غ ق ست دو حصد برمتقل ہو جا ہاہے جس کا بینتیجہ سوتا ہے کہ اس پر مہوا کا اوپر وار و باؤاس کے شبیعے وار و ما کوست نرا ہوتا ہے ۔

مَنِيعِ دار دبا ُوست بڑا ہواہے۔ میں۔۔۔مہم دیندخاس صور میں لیکر شائط بالا کے اطلاقی کی تومنیج کرنے ۔

## ن لا عراق ن

جس سے عرق سنندہ حصد کا تعین ہوجا آہے ۔ ووسری سننے ط صریکیا بوری ہوتی ہے ۔ مثال (۲) ایک مربع بترا ایک مانع میں جس کی نتا فت اسکی فنافت کا دوجہ ہے انٹیدا اَتیراہ سنے ۔ اس کے توازن کے محل معلوم کرو۔

. شرائط توازن صریمًا پوری کمونی میں گریپیرے کا نصف حصہ مائع میں اس طرح عرق موکہ وترانتصا بی رہے یا دواصلاع انتصابی ہوں –



اب به معلوم کرنے کے سلے کہ کو ئی اور
کل می آوازن کا کل بوسکتا ہے یانہیں۔ فرض کروکہ
بتراس طرح تما اگیا ہے کو خط تنقیم دکے جم اکن کی طع مرہے۔ میں صورت میں بہلی شاط پوری ہوتی ہے۔ میکن اگر جے کہ ا = ط اور مربع کا طلع = ۲ او تو نقط کی کے کوسالی دائر کا معیار جو (pt)

مستطیل ای کے معیارا در شلت گی  $\mathbf{c} \cdot \mathbf{c}$  ورجہ معیار کے ذِق کے مساوی ہے  $\mathbf{c}$   $\mathbf{c} \cdot \mathbf{c}$   $\mathbf{$ 

با جب طه (۱- مسس طبر)

کے تمناسب ہوگا ادریہ اسی صورت ہیں معدد م ہوسکتا ہے جبکہ طد = · ' یا ہے ' اس ملعے توازن کاکوئی وسرا محل مہیں ہوسکتا۔

مثال ۱۳ – ایک مثلثی منت دراس طرح تیررا بنبه که اس کے کنارے انعی ایس- اس کے وازن کے محل زراِ نت کرو-

و ص كروكسفل دي متوركي ووترامت سے جواس كے مكر تقل ياست كررنے والے

ب

ا نسانی ستوی ت بیدا ہوئی ہے -ن می بیراؤ کا نفط اور ہم ہٹائے ہے یا تع کا مرکز تقل ہے۔ تواز ن کی صورت میں رتبہ ا ن ف : رقبہ ( ب ج : . نشؤر کی کٹانیت : مائع کی کٹافت

ادر اس کئے ن ف کے تمام کلوں کے گئے کی ف ستقل ہے۔ اس کئے ن مینٹہ اینے وسطی قطہ پرایک ایسے زائد کومس کر اسے جس کے تفارب اب

اور اج أي-

نیز ه ت ، ن ق برعمود وار ببزا چاہیے اور جزکر نیز ه ت ، ن ق برعمود وار ببزا چاہیے اور جزکر

اس کے ف می من ق بر عموہ وار موگا۔ مینی ف می زائد کے نفطہ ی بر کا ما دہے۔ اِس کے اب پیسکان سے سنحنی برعماد کھنچے کے سکر میں تولی موجا اہے

ہے۔ اس سے آب پیسلوف سے میں پر نمیاد سے مصطلا یں ہ فرمن کرو کر محادر ( ب ' (ج کے حوالہ سے سنحنی کی مسادات ہے سے م

"こ= しり

(۳د

ادزادیدب اج علم اس = ۱ ، اج = ۱ ب این اج اس ادر ادر اور از بر از بر استان کے محدد این اور انتظامت کے ماد کی مساوات ب

عا - ما = الم م طه - ال (صا - لا)

اوراگریا نظرف میں سے گزرے جس کے محدد و 'ب بی تو

(ب - ما)(لا جم طد - ما) = ( و - لا) (ما جم طم - لا)

با لأ- (ربب) المالة المراتيم طرب بالم

مساواتیں رعمہ) اور ( ، ) را کہ کے نمام نقطوں کا اخین کرتی ہیں جن بیسکے ماس نیاد کے مطوط جو یکتے ہیں۔

نیر سیادات (ب) ( ب ا اج کے متوازی مرددی قطروں کے حوالہ سے ایک قائم رائد کی سیا ان ہے ۔ اس اللہ ان دولاں زائدوں کے نقالاً نفاطع ہے کے

مهلوم سا

مسادات

لاً- (و+ ب مبطه) لاً ١٠ ( بمطه ب ) ع لا - ج = .

سے لامعادم ہوسکتا ہے ' اس مسادات 'یں قرف ایک اسل معنی ہے اورایک یا تیں متبت املیں ہیں۔ میں نے نوار ں کے تول تین ہوسکتے ہیں باعدت ایک ۔

ا منتور اور الله كى مخافتىر يذ اور دف مون توجو بحر ترفيه ن ا ق

= ا ن × ا ق حبطه = ۱ لاماحب طه = ۱ ج حبطم

کئے ہوئی ج جب طہ ہے ہ نہ دو × ب جب طہ ا ن ج س نے × و × ب

جب سے نامین ہوجاتاہے۔

بر سام میں برہ بھی ہے۔ مرسن روک منشور متسادی انسانین ہے تو اوے ب رکھنے سے لا کو متعین کرنے ک

(لم ۵)

کے مسادات ہوجاتی ہے

لأسرج" - و (۱+ جمرطه ) (لا - ج کل ) = -

اس میں لا عب متاہدے حسسے ما عالج عامل بواہد اور ب ج افقی قراریا، ب بوصر کا توان کامل ہے اور نبز

= الرجم ط ± ( الرجم ط - ج ) الم اس ك منسادى الساقين منتور - كه توازن كامحل عرب ايك موكا " ا آسكم

1 5 4 4 > 5

اور چونکبر ت جانب منداراً اس کے یہ

一个人生

مِثال من ۔ وی موئ شکل در وزن ۔ کِے فبارہ ۔ کے بزان کا محل معموم کر وحبکہ کو ہوائی

کے مختلت ارتفاعوں بڑمیں کے تغیارے نظامداز کیے جائیں۔ تین ستفل ہوتو تھی ارتفاع پر ہوا کا دبارہ = ۲۱ تو سی ارداس کی کتافت

کی بیالیتس ہوئی ہے ۔ سٹائی ہوئی زوا شغیر تحافت کے ملبقات کے سلسلوں بیٹتل موگی ۱۰راگر خبارہ کے استانی موئی زوا شغیر تحافت کے ملبقات کے سلسلوں بیٹتل موگی ۱۰راگر خبارہ کے زیرترین تقطه کا ارتفن ع ی جوا دراس نقط سے غبارہ کی کسنی افقی تراش ( کا ) کا فاصلی

لا ہموا در من غبارہ کا ارتفاع ہونو بٹائی ہوئی ہموا کے ایک طبقہ کا ورت ہم گا

<u>ع (ی + لا)</u> <u>ای خ</u> فو ک کا من لا

اب یونکه غباره کی شکل دیگی ہے اس سننه ۱۷ لاکا ایک معلوم تفایل ہے اور اگر عبارہ اور اس کی اندرہ کی تنہ س)؛ دران و بونوار نفائ کا بھس و لوسٹائی مر بی ہوا سکے عل ورز رہے ساوی رہنت سے جو تہا؟ ہے

، د ، ایسه خواس کور حبر کلاً غرق سفدوا کب ان ر بترراسه میشه که کنانت ایلت بالهی سبه سید کنه ای میسم کی کسیت کے مراز کی گهرا می معاوم کرر

فردس کرولہ سیم کے آمانہ ترین اور زیرترین نقاط کی گہرا کیاں اور ب بس ۱۰۱۰ تک گرانی براس کی نفتی ترانس کا رقب سے ہے اوراس گہرائی یا انع کی نشافت مدی ہے۔ ترین سیال میں ملک کا استعمال کا انسان سی سیال کا انسان ک

شاہے ہوئے البے کا وزن سے سی میں سے فری کو اس کر وکے مبرم کے حجم ( ح ) کے مرکز ہندسی کی گبرانی سی سے م

> م م تی یه کیسے ت وی

اس کے سائے موتے الی کاوزن ہے ج مرکمی سے ۱۰، اگر جسم کی کتافت ف ج تو اس کے دران ہے جو شعب میں اس کا دران ہے جو مث سے اس کی دران ہے جو مث سے مار مدسی گا برائی ہو اٹن کی فشافت ایم کی کھافت نے ساہی ہے۔

اجہ سے گرایک نو مرکس کے سرح درت من تدکر کے دالی تو دل کا مان کی مذابی ہے سایں ساکہ میں کروسے کا اُمام کی کران میں اس کی اُمام کی اُمام کی اُمام کی اُمام کی اُمام کی اُمام کا اُمام کی کہا ہوں کہ کہا ہوں کہ کہا ہوں کہا کہ کہا ہوں کو کہا ہوں کہ

(a a)

1

گریه سرط پوری ہوز حبیم ساکن م کا اور نیا : تا، نویله بریج د با د ان ووز رنوں سکے فرق کے مساوی مرگا : اور مثال په موسکتی ست کهم یسه طوبر حبربه مورکزی جمهانی میں سرر با موا برا کی رسی ك ذراجه لكا إكبيا موجريا لى في سلمك اوبراكك المعلدة بما عي برل ب - "از ل كالت میں رسی انتصالی ہوگی اور اس کے تناواور حاصل سیالی دائو \جو ہنا سے موسئ سیال کے وزن کے ساوی سے ) کا مجمور شیر کے وا ن کے ساوی ہوگا۔ اس سلے رسی کا تناؤ آ مرک وزن اور ے موسئے آیال کے وزان کے فرق کے مساوی مرکا اور بدوونوں وزن اُ بن فاصلوں ببت معکوس میں جوسکتے ہوا ن سے حطوط عمل اور ڈوری سے خطسکے ورسیان ہیں ا ورحیب تيون خطوط ايك بي المضائي ستوى مي موسكم -

r د- - أنده كَيْ تَغْيِق مِن حسبها وْيْن مِندسِي مُسَلِّكُ كَارْآمْةُ ثَابِت مِوجِّكُ-

ا کر ایک مستوی سطح ایک کشور حسم رقطع کرے ادراس مستوی کو ایک بہت جیو شے زادید مں ایسے خطامتی تیر کے گردگھ ایجائے جوا ای ستوی میں واقع ہو تو قطع کر دو حجہ وہی رہے گا

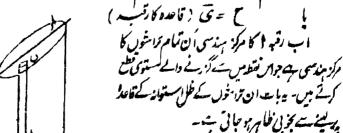
بشرطیکہ خط تنقیم تبلوی تاش ہے تبہ کے مرکز ہندسی میں سے گز تا ہو۔ اس کڑاہت کرنے کے لئے کسی فسم کے ایک اسطوانہ پر مورکرو حبس کوالیسی

قطع كرتى سے جواس كے قاعدہ كے ساتھ زاولد طانیا تى ب -

فرنس کرو کہ تراش ا کے مرکر ہندسی کا فاصلہ اسطوانے کے قا عدہ سے تی ہے ا در تراش کے بقید کا صفر معت فی اور سنویوں کا درسیا لی حجم سے تو

<u>ی = کسنا×ن ل</u>

و ممطه × ی تح ح (من المم طه × ن ل ) • ح

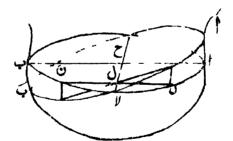


،ب ج نحرتام زاغول نے گئے تی دہی ہے

(A1)

اس کے قطع کردہ مجر بھی وہی ہو بگھے۔ کسی ففوس کی صورت میں اگر فاطع مستوی کواسنے مرکز سندسی کے گروا یک بہت جھوٹے ڈاوید میں کھایا جائے تو تواشوں کو محدود کر سنے والے خینیوں کے 'زریک کی سطح بغیرسسی قابل فقد فلطی کے اسطوانی خیال کیجاسکتی ہے۔ اوراس سلے سئلہ بالا کی تقدیق ہوجا تی ہے کہ بالفاظ دکیر ڈاطع مستوی کے مقام میں تبدیلی سے تجر میں جو تعقدان اور اصافر ہوتا ہے ان دونوں کا فرق کسی ایک کے مقالمہ میں لا انتہا جھوٹا مرتا ہے۔ سو ہے ۔ تعرفیا ست ۔ اگرایک جم سجاس ان میں تبریل موتو مائع کی سطح میم کو میں ستوی پر قطع کرتی ہے۔ اس کہ تیراؤ کا مسٹوی کہا جائے گا۔ سٹاھے نہو نے مائع کی کیت کا مرز ھو اجھال کا مرکز کہلاتا ہے۔

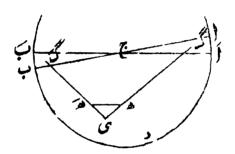
لله حسب ذیل ، ت می دا جاسکتا ہے ۔ فرص کروکر قاطع ستوی اس ب دب، ایک خط سے لا کے گرد ایک جید لخے زادیہ (طم) میں کھایا گیا ہے اس کے رز کا عشہ و اسے ۔



و قطعت مع میں جوان و ہوگا اس کی حبری قبیت کرط ما حرا کے مسادی ہوگی۔اب اگر بیمعدوم ہوجائے قر کرما فراء ، رواس مات کی شرط سنے کہ ایکا مرکز ہندسی محورالا بر واقع ہو۔ اس طرح اگر ہے کو مرکز ہندسی زحن کیا جاسے آتہ ہے میں سے گزرنے والا ہرستوی اُس سندو کو ہوراکہ سے گا۔

معی مه رست که تطومت ده تم کا جبری سیار محرا که گرد کر طه لا ما در ای جومعدوم موگا اگر کرلا ما در ای می اگر محادر سج لا . سج ما رقب کے صدری محادر مول \_ اگرجسراس طرح حرکت کرسے کہ شائے ہوئے ان کا محمد نہ بسے تو تیرا و کی سنوی طموں
کے تفاف کو تیرا و کی سطح اور ھ کے طرق کو اچھال کی سطح کتے ہیں۔
ھ ۔۔۔ اگرا کیہ سنوی حرکت کرے اس طور پر کہ اس سے ایک مخوس مہم کا ہمیشتقل مجم فطع ہو اور اگر تعظیم سندہ مجم کا حرک بندسی ھ ہو تو ھ پر اس سطح کا کاسی مستوی جرھ کا طریق ہے قاطع مستوی کے متوازی ہوگا

دوسرے الفاظ میں تیراد کی سطے کے کسی فقط براور اجھال کی سطے کے ستنا ظرفقط برکے ماسی مستوی ایک دوسرے سے متنا ظرفقط برکے ماسی مستوی ایک دوسرے سے متازی موتے ہیں ۔



فاطع ستوی اس به ایک چیو شے زانته میں بحرائو فرض کرد کداس کانیا مقام او ج ب یخ قانون اس ج آ در ب ج ب کے جم سادی میں -موض کر رکدان فانوں کے سیسی مرکز ک اس میں -گ ه محدد دمیں نقطہ می اواس طور پرکہ می ہے ایک کی کو لمائو ادر نقطہ کھ او اس طور پرکھ

ی هَ : هَرُكَ :: عَجِ بَ جَ بَ : جَمِ اَ د ب تو ه • (مَدْ بَ كا مركز مندس مرگا-ليكن سی ه : هنگ :: ی هَ : هَلَکَ اوراس سنے ه هَ ، گ گ ك عشوازی ہے ۔ جس سے ینیتی نخلقا ہے كہ اگرزاد یا اج ا كولا انتہا كم كردیا عاس تو انتہا يں

(DA)

ه هر ۱ ج ب کے مترازی دوگا

اور عد هر عد کولی کر نظایم برکا ناس برگا اب چنکدسنوی ایج ب کے (اس کے مرزمندی کے گرد )کسی بٹائے کے لئے بیاتی ترقیم میں میں کر کر کر کر نتالہ میں کرمانہ میں تروین ترویل کے لئے بیاتی

صاوق آتی ہے اس سنے ھے کے طریق کے نقطہ ھے پر کو ماسی ستوی استوں اس جے ب

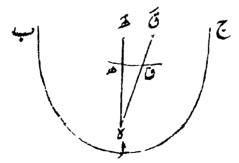
ه ه ایک شمانس مائع بس تیرنے والے بیم کے توازن کے تیل جسم کی کمیت مرکز گ سے انہ مال کی طیر کے ہواد کی میٹینے سے معلوم کئے جائے ہیں۔ کیونکہ اگرا جبال کی سطے کا اباب عمارگ ہے وقد ہر کا ماسی سسوی تیرا کی سطے کے ستازی

مونیکی دھیا۔ تائی بڑگر اور اس کئے گ ﴿ انتصابی موگا۔ اس طرن وری وون نیرلوں ہے ہوتی میں اور تواز کے محل کیا تھین موجاناہے

اس مراه ۱۰ زان ۱۰ دون شرجی یوای به دی بری از در اور از سط مان با طعن موجوبات پیرستله در ایل بن - بیر که ایک در ن دار بر ۱ (مر احتمال کی تام سندم مدود سیم) کے داروں

کے محل ایک انفی مسنونی برمسیار المیائی جائیں۔ ۲ھے ہیں اپنیا علوم میں میکراتہ علی سریسٹنی کیشکل محدود بااعا طدکرسے والسطی کی تشکل

44۔۔۔۔ یہ اِسنہ علوم میں میں کہ ایکھال ۔۔ کے بنتی ایسٹل محدود یا افاظ کہ ارسے والیسٹی کیسٹل سے بوری طرح منعین ہوجا تی ہے اور شبی کے اس مسلی شکل کی تندیلی سے جرہ میشہ رق رہتاہے اس برکو ٹی از زمیس مزنا ۔



فرس کروکہ عدود باہ ج ادر وں سندہ مجم سے کے سے اچھال تی طبر لوس ھ ق ہے۔ ایر ، خیال کر کے حجم سے کاط دیاگیاہے ادراس کا مرزمندسی لائے۔ او لا ہ ذ : ج ہ : رو ف : لاف : حق : ح ، زسطے کے ف احمال کی ف سطح ہوگی جو صریحاً سطح ہوگ کے منتا ہوہے ۔

د ـــاجهال کے حمنبوں کی خانس سرزمیں ۔

منلنی متوک یکی موحب ونعدادیم، تیراد کامنحی ن ق کا نفاف ہے جوایک زائد سے حبی کے شقارب اس اس کے بیں اور چونکہ اللہ یا ہے اس کئے

رین اجھال کانعی ایک تمثیا به زائرے۔

ار حسمرایک ستوی بیتان و جوایک مکانی سے محدود ہے تو تیراؤاورا جعال کے سمنی سیاوی و فی برنگے۔

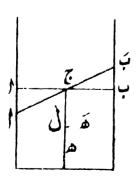
لیک اگریتا ناقصی توس سے محدو و ہوتومنحنی ہم مرکز ناقص ہونٹی حواہم مستا بداور متتا بطور روا تو مونگے۔

اً کسی پیرسال و تورای مؤق مشده مستسلیل مرد تیراو کا منحن مرکیا ایک تنها انتلاروکا ادراجیمال کامنحنی اک مکالی گوگا-

اس کو تابت کرنے کے لیے وض کروکہ تیرا • کرنے بطے معلوں اسے سے اور اج دے کے دوا سے میں میری مرکز دل کے معامات عد ، ھد ہیں ۔

ار اج = ج ب = ۱، ب ب = ۴، جه = ۲، س

س لا = س × ه ل = ب او ب (ج + ب ) - با و ب (ج + ب ) - با و ب (ج + ب ) - با و ب (ق - ب )



ر .نس ا<u> = ک</u>ورلا

یبال محی بیراؤگی اور حیال کے مغنی متشابه مغنی میں -در حقیقت تیراؤ کامنحنی ایک مکانی ہے جس کا ماسس هج برے موسی حیبا موکراکی حظ مستقیم من کیا ہے ۔

يه سّلة منتوركي فاص صورت مي اورجيسا وإل

مثالً (۲) وقعه ۹ م کی صورت میں مس = ۲ اوا

اورا چھال کا منحنی مکافی ۱۰ ا = ۱ و لا ہے۔

س مكانى كراس هرر الخاكا صف قط الديجوه ك ساكم ي-

اس طرے ظاہرے کر المجھال کے منحنی کے تین عماً دکھنچے سکتے میں جن سے لوازن کے نیز مجل لیسر کے ۔

۵ م بست الرسمه ایس بتراموج زاری تو سست محدود مواسخی متشا بزائم و سگے -

10 h 3

اگر ق. وقی نیراد کا حظر مواور ۲ کو ۲۰ ب ق قی سے موازی ادراس سے مزدوج قطر ق م موں ادراں کے درمیان راوم طرمو آطرح کم کو بب جب طرح و ب ، نو رنبہ ق ن تی ۲ کی کھیے الا کو آجم جب طرفرلا

 $\left\{ \left( \frac{1 - \frac{1}{1}}{1 - \frac{1}{1}} \right) + \frac{1}{1} \right) - \frac{1}{1 - \frac{1}{1}} \left( \frac{1}{1} + \frac{1}{1} \right) = 0$ 

اس طن آگ أ كے مالة يس جوكوجن كے ساتہ ونسبت ب درستوں

(رس) (ع ه) ٢٠٠ ب ب در الآم الآ - و الرالا

1 (1-11)-1:

ادر اسرائع ه اوج ن كراته درسبت ب در متقل ب-

برمینجے نانص مذہبی استدلال سے مجی مستنبط موسیختے ہیں ۔

3 --- ایک خدر محاوط کی صورت میں جواس طرح تیرر اے کواس کا راس آراد کھی کے بیٹے سبنہ تیرا، کی اورا چھال کی سلمیں گروستی زار منام و سنگی -

ار مزوط کا رس واکسی تراش کامحورا عظم لا ج سب اور اسب پر کامور وک

(ツ)

مورو حب م ورا ب

= الم وك × لم ١٩ (١ و× بربام)

لكن وك ول بول بول و ول جواء

کوکہ ہر ملے رقبوں ا ب کا دوچند ہے۔ اس انے جم متن کی ہونے ستہ یا بیا کا اسے کہ رقبہ ق الرب کا جاتھ ہے کہ اور ب

اس کے مستوی اش کے مرکز ہندی ج کاطنی ایک گردشی رکد اس اور وہ ۔ چوکہ وس کا تیں جوتھائی ہے۔ اس لئے احجال کی سطے سمی ایک ستنا مرزا کہ ناہے۔ اور ۔ ناصر نماکے لئے آڑھال کی در تیرا کہ کی سطحیں۔

الرّاة عن ناكي مساوات لله + لله ما م عن = ا سريو لا = ا ما ما عب نفا

ی = ج طاک ازراج سے بیسٹلد ایک کرو ما + سنا ب طا عدا کے سلمیں توبل مزوا

ہے اوراگزا تص ماکے غرق شدہ حسہ قاعم م سے تغبیر زونوا سے بہ ب مرکز کا جست م

و تا میرادی از این این از این

اب به ظامرے کریہ جمقطی کرنے والا ۔ می تصف قطرر کے آیا کہ مرک کیا ہے۔ کا راحب میں کہ

1 - 1 (1-1)(1-1) + + + +

نیه حجم حوقطنی موّاہے اُس کا مرکز ہدیں ایک الیسے کرہ پر واقع مرکز جس نا تعدید تطریم ہے۔

س كر ١٥ (١ - ١١) فرلا = كر ١٩ لا (١ - ١١) فرلا

 $\frac{\Gamma(J+1)}{J+r} = J$ 

یا مه ۴۰ ر اسلی شارکی ارٹ رحر ۴ کرنے ہے ہم دیکھتے ہیں کہ نیراد کی سطح ایک متشابہ نا نقع ما ۔ جس کے نفیف محور رکو'ر ب ، رج ہیں۔ جہال

 $\frac{\nabla}{(-1)^{n}} = (-1)^{n}(1-1)$ 

اورا جعال كى سطح ركيداورمتشاب اقص نمائي جب تحديث تعديد من إن من ب اس من قابي المراب المن المراب المن المراب المن الم

 $\frac{\Gamma(J+1)}{J+r} \frac{P}{F} = V$ 

زائدما دومیاوری کے لئے بھی ہی تسم کے نتائج کاش ہوسکتے ہیں ۔

ا ٢ — ناتقى مكا فى نما -

یصورت انص نمائے تیا بجے سے اس طور پر حاصل ہوسکتی ہے کہ 'اقص نما کے نیتجوں معیں ۱ · س ۶۰ کو اس طرح پر ال و لاتنا ہی کہا جا ہے کہ

نفت وترعاص بن -اس النه أَرْسَته مَن طرح اكر سخ مصه فرق منده محدود مجمِل تبيير ہوتو معلق مناسب

۔ کے آل بیعفہ موگا رادر میں دوول اُل بدا کا نی ہو منگے ۔ اس کے خیراؤ اور است کے اس کے خیراؤ اور احتیال کی سلمیر مساو ی کا فی نما ہیں۔ نیز ان کے را سول اور دے موے مکا فی نما سکے

آیکان کی محکر حسود وی طرق ماہیں۔ نیان سے را حوں اور وصف موسے معالی ما سے راس میں نجافا سے کھیایں وہ نا زا۔ را) اور ح (۱- س کی انتہائی قیمنیں ہیں۔ سکونے وفعہ ۲۰ (۱) سے ہم بے ویکھتے ہیں کم

> غ (۱-ر) = ساعت غ (۱-ر) + ساعت

اس طرح معلومه مكاني منا اورتيار في كسطح شك درسيان موريكا مقطوعه حد بوكا جبال

اس طرح وفعہ ۱۰ ( م ) سے

です。 (1-1)に (1-1)に マーリング

رجس سے اچمال کی سطے کے لئے متناط مقطوعہ معالب ۔

۹۲ – محسى تراش كا اسطوانه-

تیرار کی سطے نت طرہندسی کے خط وسنے پرایک نقط ہے جران • مہاں ال مُوو ی تراش اور ح غرق سند تج ہے ۔ فرمن کروکہ قاطر ستوی کی مساوات

ى يول لا + م ما + ج ہے اور سبا و قائذ مں لیا گیاہے۔

ا بِمال کے مرکز کے محدد (لا ا آ ا ت ) زیل کی ساوان سے حاصل ہوتے ہیں۔

ح لآ = كالاى فرا فرا، قاعده بركمل ماكيا

= كالارج + ل لا + م ما ) فرلا فرا

= اول+هم

سی اح ح آ - کرای فراا فرا ء ع ل + ب م

اور سے تی = ل اک ی فرلا فرا = + (الك + ١٩ ل م ١٠٠١) + ي ال

جال ال = الأفرلا فرا ، هـ = الله افرلا فرا ، ب- إمّا فرلا فرا

الم + لا = الم - ج

۴۴ — ایک گرشی محبرایسے الغ میں تبرر ہاہیے جو ایک انتصابی محور کے گرو گھوم رہاہے گویا میں تحص ہے مجبر کامحور کر دش سے محور پرمنطبق ہوتا ہے ۔ توازن کی مشرط معلوم کرنا مطاب سے ۔

گھوسنے دالے اگع کی کیت ٹیں ایک گروشی سطح کھینجوجس کا محور گھو منے والے مائع کے توریش سطح کھینجوجس کا محور گھو منے والے مائع کے توریش سطح کور پرشطبق ہو۔ اس طح کے اندرونی اگع سے تواز ن برغور کرد۔ اس مائع کی حکولوئی مجسم سے دن کے مساوی مونا تباہیتے اس طرح اگر اس مائع کی حکولوئی مجسم سے دن اور اس سلے اس مسم کام مسم متواز ن کو گا اگراس کا دراس سلے اس مسم کام مسم متواز ن کو گا اگراس کا درن سٹا کے برنے سال کے دن سے برابر جویہ قابل توجہ ہے کہ خواہ مجسم مسال سے ساتھ وزن سٹا کے برنے سالم ساتھ کھو مے یاان کی زاد می رفتار مختلف مولای ہو ہر صورت میں نمیجو با اما صاوت آئے گا۔ مشال :۔ ایک مطوانہ گھو سے والے مائع میں تیروا ہے جس گہرائی تیک یے ڈو بتا ہے مشال :۔ ایک مطوانہ گھو سے والے مائع میں تیروا ہے جس گہرائی تیک یے ڈو بتا ہے

مسل موم رود اوی رفتار ہوتو آزاد سطح کے تکوینی مکا نی کی ساوات اس کے داس کو مبدا قرار اسے سے داس کو مبدا قرار دینے سے سے سے اس کا جائے ہے ہوئے کے اوراکر تیراؤ کے دائرہ کے شیجے بینی ہی دائرہ کے شیجے جو آدا وسطح اوراسطوانہ کی سطے کے تقاطع سے حاصل ہوتا ہے اسطوانہ کے قاعدہ کی گورائی می مبوادراس کے قاعدہ کا نصف قطار تو ہٹا نے ہوئے سیال کا حجم می کی ارتفاع کے ہملوانہ

 $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!}{n!} \frac{n!}{n!} = \frac{n!}{n!} \frac{n!}{n!} \frac{n!}{n!}$   $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!}{n!} \frac{n!}{n!} \frac{n!}{n!}$   $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!}{n!} \frac{n!}{n!}$   $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!}{n!} \frac{n!}{n!}$   $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!}{n!}$ 

مع السنظاره عام صورت السحيم كى مبع حورزاً ما كلاً غوص شده السعام تعين تراج مسع حر معلومه قولوں كوزير عمل ساكن سبعد اور جى توتير جسرك سالمات برعى عمل أران الله م اكر جسم متوازن مولواس بركى ماصل توت شائع موسعت لائع بركى عاصل توت مساوى بوگى - اوران تا تول توت مساوى بوشكے -

کیونگر کرد و ملیوره کرنسا مباسئے اوراس کی جگہ کو مثالث موسٹ اکوستہ پر کردیا جائے نو جسم پرسیال کا عاصل داکو دہمی مو گا جو مثالث موسئے والئے پیسٹید - اوراس سند ور پاسہ موسے مائع پر کی انس نوست کے مسادی اور شقابل موگا -

منال \_ انتاكى كي كيكست السي وت ك زرمل اكن سه بركا مرزايك، من الهد . . المال المراك ال

توازن کی صورت میں فرض کردکہ ، نع کی آزاد سطح کا نصف آطر اور کروی آلیا ن انصف قطر اور کروی آلیا ن انصف قطر اور کروی آلیا ن انصف قطر الرج یہ تنظاع کے جم کو مثاب ہوئے ، انعم کے جم کو مثاب ہوئے ، انعم کردے ، میں اسلے و اور آلی تسبت رکھیں گئے۔ کے مرکزوں کے مرکزوں کے فاصلے و اور آلی تسبت رکھیں گئے۔ ، اگر کما فتیں من اور نظر مہرل تو ش والا = نظر الا

## استله

ا سے دوقایم ہم محور محز دطوں کو جن کے راسی راوئے دہی ہیں راسوں سے جو گزایک ہم نا اِگباب۔ اسکو ایک برتن میں اس طرح رکھا گیا کہ اس کا ایک سِرابرتن کے انفتی تا مس ، برجما ہوا ہے۔

(م)

یعراس میں یا نی ڈالگیا ہے اُگرا و پر سکے بخروط کا ارتفاع سنیجے کے مخروط کے ارتفاع کا تمریکنا ہوا در ان کی مشترک برگنانت ! نی<sup>ا</sup> کی کثافت ک<sup>و می</sup> ہو تو نابت کر کئیسمین اُسٹینے کو ہو کا جبریان اس کے اور کے رے کے ستری کے بینم جا۔ - معلومه وزان ا ورمحبر کا ایک مخروط سنیچه و رراس شخیسانتر تیرر با ہے۔ نما بت کروکھ مخ وط کی سطح مبکوالغ مس کتا ہے کہ سے کم ہوئی جبکیاس کا زادیہ را س امسین ا اللہ ہو۔ - إك مربع تحنة بك الفسك و زرهب كي فناحث إلى كاهت كالأراء ركعا كياسي -ا بن کرد کراس کے تیرے کے دیار خان کل در سیکتے ہیں جبکیاس کا صرف ایک معلوم کون ب سیم ! نی بر تررات - ایک کمو کھلے برتن کرا دندھا کوسکے امیرر کھا گیا ہے ادراسے نیچے وہا اِگیا ہے۔ بسمٹے محم ہر کیا اٹر توع نیر ہوگا 🕛 ا ) کماظ برتن کے اندره نی افغی سطے کے زم بعلاظ بیتن سے سرر بی انتے کی سطے کے۔ ے کروی جہل کے 'ارم کے ایک نفتط برایک وزند رورہ لگاویا تکیاہے بنول! نی میں اس طرح تیررا سیے کہ ذرہ یا نی کی سطے کے میں بورہے ، اور کا رہ کی سطحاتی كَ مَطِّع كُمُ مَا قَدْ زَاوِيرَ هُمُ مِنْ إِنَّا فِي مُنْ مِنْ مِنْ أَنَّ مُنْ مُنَّا وَكُمَّا نست كردك درن . أس إنى كورن بواس مير ساسكتاب : ٢٠ ١٦ - ١٥ ١٦ ١٦ ٩ \_ \_ \_ . أبك الأرداص كو تفاعت " يدراس بده اورمور كالمول ف فيا انتصالي محوراور سیعی وارداس مصابته کی سال بریراس باری فافت مزدهی کی تمان کا میاب نا بت كروكه اس كي تا ما ، كا مح طالبيل أ. مها با ينكاب أَرَسالُ الشل طعوس كم محروط کے محر رسط می ہوئے در سے اسسان سے کرو ملتے کی زادی رفخارسے ـــ كى كفوس حروط كوس ست محرم سدي كرسف والع متوى ست ووصول يرَ مَا لَياسِينَ مِهِ مَصْنَهُ بُهِ قَصِيْتُ وَرِيدِ اس يرجو وسب سَكِيَّ مِن اوراس نَفامُ كم يا تن ميل إس طرت ركعاً كياسب كه راس بنيع وإر اورمحور انتصالي مو. اگر حصو ب ك على حركى كے بغير يو نظام تريا والو فايت الدور إن موسة محوركا الوال ف حب عد براسيم بإن تحزوط كن محركا طول ف اوراس كا زا ديرراس مسسب ٨ - اليك موزه كاراس ايك برعن مح مينيد الم يرحس من إلى مصفا بعاكرة إكمايا-

مەمخۇدا اسطورىيەندان مىرىسىپىكەس كالاش ئىلغاشىدا بى اوراس كە قا ھە - كا زىرترىن لىھە يانى كەسطىكۇ مىيرىس كرائىيە مىخەرھ كى كىلات كايالى كى كىلات سىيەتقالمەكرو

ی می می یا است کی ایست کی بیند کواس کے تقارب کے کر کھاکراکے یا ہے کی منتقارب کے کر کھاکراکے یا ہے کی منتقارب کے کر کھاکراکے یا ہے کی منتقی سطح نبائی گئی ہے یہ بالداک وائع میں اس المرت شرر باہے کداس کو محورات اب اور مزا سے اور مزا سے اور مزا ہے کہ است کو دور ان مالی سے اگر بیائے کو مناسب وزن ہ بالی جائے تو دونوں مائعوں کی سلحوں کے درمیان فاصس ما

متتل رہے گا۔

۱۰-- ایک اسطوانه ایک و نع میں اس طرح تیر روا ہے کہ اس کا محد انتصابی ت شکسانی زاویہ مس - ایج بنانا ہے ادراس کا اور وار سرا واقع کی سطیح کے مین اور پیسنے - نابت کر دکر اسطوانه کالفٹ قطرا سکے ارتفاع کا مجم سے -

اا ---- ایک ہی شخصہ سے ہوئے وو ڈنڈول کے یہ سے بایدہ دسیہ سگر میں او بیر ڈیڈے ایک مائع میں اس طرح تیزرہے میں کہ ان کا زادیہ ماقع میں دیں سرتہ - "بنت برول میں استور سرف

، ل كالمنينى مكانى ب- -

۱۲ – ۔ ایک محرد طانبیعے دار راس کے ساتھ ہا ٹی سکے ایک اسطوا فی رمزن ان نہ رِ اِسٹِ ۱۰ ماہ بعیہ حوکانے کے پانی کی سطے سنٹ مدین امریخا لا کیا سرعت ٹا بت کروکہ کا م ہوکیا کیا دہ ہے۔

و ( تا ل - تا ل )

حمال تغروط کا وزن وس اور قازن کی ماات س ا نین کی سطح کے ۔ یہے، ریک کی کی میات میں ان کی سطح کے ۔ یہے، ریک کی ک کی ہے اور ل سلمان کا معلول سیسے جونوازن کی حالت میں محروط سکے ہما ۔ میست یانی سے بحراح اسکتا ہے۔

، ۱۲ — ایک قایمتندیراسطوانه اس طرح تیرر با ہے که اس کا ایک سراخ ق ہے۔ '' ، . چیاد کم بیطور معالم کی در

ا پھان کی خیر سرم مرود م اسب شحالش اوسے کی ایک وی ہونی معدار ست ایک گرومٹی سُلی ہُی اُرا آ آ ا مسامه جو نیجے داور اس کے ساتھ تیر رہاہت سانیا ہت کروکہ تیراؤ کے منوی سے اس سے مہر خر

۱۰۱

کے فاصلہ کا مرنی در فاص کے تناسب معکوس میں موگا۔ ہ ا ---- چیوٹی سوٹا ئی کا ایک کھوکھلا نفعت کردی پالدایسے و ھکنے سے بندھے م اِسی شفے کا بنا ہوہ سبت اور موٹان دہی ہے جربیالر کی سبے۔ اگر بیالہ ایک ما تع میں بترر امبوا<sup>ما</sup> بُركه اس كامرُو ما مَع كَي سطح مِن مولز تأبت كُربِ كه وْسطَّكْ كاميلان انتصابي سب كسائقه ۔ ایک تا تمہمت در خرد ط کامت توی قاعدہ امنس کے شکوکلہے ۔ بیمخردط اس طربہ تيررا ك كواس كاطول ترن كمون افتى معيد اگرزا ديراس ٢ عد موا درستوى قاعد ا تلیل ترمین کمون کا درمیانی زاویه به ۶۰ تو نامت کروکه ۵ مم بہ = ۵ مم مم عد - فر مم عد مد مر مم عد اللہ عد اللہ عد اللہ عد اللہ معرفرہ مرفورہ کا مُرسسندر مخرورہ اللہ عن فاعدیت کے قطرکے مساوی ہوتو مخرور لينه سيے بڑي کثافت والے کسي ما ئه بي تير ديا اس اور پرکه اس کا مامل ضلعا فعي ہو--- - ایک محزوط کا ارتفار بن اور زا دبر راس م عدمے اس کاراس ایک مائ کی می ك ينيك كم الله بن كرواً باسب من البن كروكه وان في عالت ميراس كا قا عد انع کے میں ایرزوگااگر تذك حم عرجم طه و ب دي [جم (طه م ) جم (ط + ع ) ] جهاں ننہ اور ن<sup>ی</sup> بالنزتیب مائع کی اور مخروط کی کنا **نتیں ہیں۔ ا**ور طر**مسا** وا**ت** كُ جم مد عن مم ( كله + عم) - ایک ذواربعة السطوت (حدید عی ) یا نی مین سطرح تیررباسیم کواس کاایک کورزغ ق-اس كونه پرسلينه دا كتينون كناكسي مساوي اورايك دوسرس كي على إلقوا مريس منابت که توارن کے تو ایک بادو، یا تین سوسنگھ ہوجب اس کے کہ چار طلحی کی مثافت کم یا نی کی کتافت سے جو تسبت ہے وہ ہم: ۷۷ سے بڑی ہو ایسیا وی اجمو فی س ۔ ایس نفٹ کروی خول (نصفٹ قطر مولو )جس میں بابی ہے اپنے محور سے گر، جواتصابی ہے ایک کرہ (نصف قطرو یا نی پرساک ہے اس طور پرکوا س کا زمیر زین تعطیرے ل کوئیس مجاسنہ ۱۰ ہز ان کے بی رہاد ہیں ڈالنا - اگرازاوسطے حول کی کورایکنارے میں مشتہ کن بسسارت عن رو کره کی کتانت یا بی کی کتابت نه ۱۴۸ و ۹۸

ایک متساوی الساقین مثلنی بیترا ( مب ج ازادیه ج عامه ) ایسه ای برخسکی كنافت ايسے بلتى سے جيسے كبراني اس طرح ُ تيريائے كدا كى سطح - بتريا ہے جه ادراس كازاويرج الى مين وق بية الراب اسعان مستد - شاعلة او - بي + ه <u>ٹنائے تو ٹابت کروکہ تواان کے دوناں محلول ٹی جن میں اسب انعی نہیں تراکہ کی</u> تیبت شکل ذن کی مساو<del>ات م</del>صل پوگی

- ایک قاعم سنتدیراسطوار زیرجس کائر استعمالی شنع مانع کی گھرمیڈور سیم سے ک كَتَافْت اليسع بلتي سبع جيسك كبراني اس مرمساني بأعدوكا قا مرمي وحسر بامورا الموارسك مورىرىنطىق مولاسك فيح دارياس كساعة أبسدام سدرا ، بو - يار سدسد ، وا گهاههم اگر تخروط نوازن مِن موجدًو و ما لُغ ایر بعیر ۽ تو بير شعال شار کور هم ۱۰ و که و ماهان گہرانی مائع کی ابتدا ہی کتابت کے مساوی ہوئی جومر وا ۔ ' جو کے بیٹے ، ان یہ مارتی کر ــــال*یک شوس تروط حبر با ارتفاع ب* ادبیان ۲ عدر کنافته ۱ ث س ماس کے گرورکت کرسکتا ہے۔ اس کاراس کے الع کی سطع سے بنتے کی گہر نی تابت کردیا گیاہے سی کہرائی رانع کی کتافت مدی ہے میں دھامتوازل منہواں اور بداساتا محورانتسابی سمت کے ساخ را وربط باما ہے اوراس کا فاعدہ مائع کی ملح کے ماہرے سام کا را

مرگ جمّ عرجم طه= ٥ ف ن٤ [جم (طه + عه ) حم (طه- مه ) <del>} "</del>

٣٧ --- ايك كمو كحلام كافي نما برتن جس مير ايك وزان داركره يرا مواب يا ني مين تبررا سے - اس کے راس برایک سوراخ ہونے لی وحسے رتن ادر کرہ کی درسیان تصایا یا ان سے مھری مولی ہے ۔ اُگر کرہ پر کا حال وہاؤ اُٹس یانی کے تضعف وزن کے سا وہی ہو بوکرہ کے بھرنے کے لئے ور کار ہوتا ہے و ٹابت کرولہ یانی کی طبح کے نیچے کہ کے جرکز کی گہرائی ہے جہا ب جہاں مکا فی نما کا ور خاص ہم و اورداس سے تما وستری

کا فاصلہ ج ہے۔

۲۵ --- ایک تائم مزوط نیج دارراس کے ساتھ ایک سالی میں تیرد اسے حب کی کا خت ایک سالی میں تیرد اسے حب کی کا فت ایسے براتی ہے جسے گہرا نگ - اگر توازن کے محل میں اس کا محو اِ متصابی سست کے ساتھ زادیہ طرنا سکے قر نابت کرد کم

ه تم مه قطط (جم اط - مب ع ) م سه تام ف

جہاں مر موفوط کا نصف راویہ ماس اور نٹر اس کی کنا فت اور من سال کی اس گہرائی سر کنا فت ہے جومخ وط کے مال صلع کے مسان می سے ۔

۲۷ --- ایک قائم الزاویه نتلتی مدخورایک سیال نیر جس کی کثافت ایسے دہتی ہے سعید محکم اس الرح تدریا ہیں کہ اس الر میں کہ اس الرح تدریا ہیں کہ اس کا رہے اور کنارے افغی ہیں۔ نامب کروکہ اجھال کے منزی کی شکل ہے ۔

رجب طرح م طر عالم

۲۷ \_\_\_ لنگر چھلے کی تنکل کی ایک جان ملیٹی ہے جس کی تکوین ایک دائرہ سے مونی ہے جس کی تکوین ایک دائرہ سے مونی ہے جس کی تنویل مند تطرف ہے ۔ یہ جان میٹی یا نی میں نیر رہی سبے اس طور بکواس کے خطاستو (میں سے گزینوں سستوی طح افعتی ہے ۔ تابت کروکہ غرق سندہ گہرا تی جی سنا وا بو ں

ى = 1 ( ۱- جم به ) ۱۲ س = ( ۲ بر - حب ۲ به )

سے حاسل موگی جاں میں حان بیٹی کے ادسے کی کتافت او عی ہے۔

٠٠- -- ايك مكانى بتراايك وومر - معين مت محدد دسم جو محور برمور دار ارب اور بنجيج داراس كا اسكه ان بتراايك وومر المعين مت محدد دسم جو محور برمور دار الله بنجيج داراس كا اسكه التح بي المحرس المحتمد اور اس كا محوراً تصعابي سمت كرماته زاديه من المحتمد بنا به من المحتمد اور بير من المحتمد بنا به من المحرد المحرك والله بنا المحمد المحرد والمحتمد المحتمد المحتمد

19 -- ایک کفوس مخروط حس کا ارتفاع ف ، کنافت اور زاویداس معدم این ارتفاع ف ، کنافت اور زاویداس معدم این ارس ما مدم است راس ما کاراس ما کو گرا دار این ارتفاعت می است کاراس ما کو گرسطی کے دور بلدی د برتا بت

کرد ایکیا ہے۔ اس کی کتافت ف ہے اگر مخوط اس طور پر تیران موکداس کا قاعدہ پوری طرح فرق ہوا دراس کا محافظ ہوں کا فرق موادر میں مورث تعالی مست کے زاریہ طد بنائے تو نا بت کردکہ

ف (ت - ف ) عمره + م عمر د - م ) و الله على الم على الم

۳۰ --- الانتباج والبن كا مكوا جركی تكل قابوم تدراسطون خیال كیجا مكتی رسته بان می است و این می است است این این اس طرح ترراسی دار اس كامورا منعابی جسج دهمه فرق سن امپر بزن سك دور س و زات آك جست جا اس كام وراد كاس كی اسطوا فی شكل رقراد رستی سن ادراس كے محواد یفن ف آك جست جا دراس كے محواد یفن ف تطریب مسادی و تمسین مسادی و مناف فی جا بنت و خراج فی سن ده دهمه كی انتها فی شكل معلوم است مراسط مسترد و محد كی انتها فی شكل معلوم است کرد داس كی سطوم مندنی

"3 = "(1 - 1 4) l

کاگروش سے مال ہوگی۔ ۱۳ --- ایک مسادی الامثلاع مثلث ایک انعیس نیرر اسپ جس کی تنافت مثلت کی کنانت کا عاد گنا ہے۔ ایمال کی لویس مطح درایت کرد۔ (و نابت کردکہ آن لفت طرب ای

انتما غيرسلسل يؤمنحني تحملس أدي

مسسير- الم<u>امام</u>

برایک دومرے کو قطع کرتے ہیں۔ ۲۲ -- ایک مفوس و سنویں لا = ± و ا ا = ± ب ای ع = ب سے محدود

م النير اس طرت ترريات لا قاعده ى = · بورى طرح عرق سب

نا بت کرد کرایٹ ہٹاؤں کے گئے جن میں غرق سف و حجم سے مستقل رہے اور قاعدہ پوری طرح بانی کے اند ا دراس کے سقابل کا رخ پوری طرح بانی کے باہر ہے

اجمال كي سطم كي مسادات س

۳۳ - کسی عودی تراش کا ایک اسطوانی فرن اس طرح تیرر اجبکه اس کے ورکا ۲ ج

طول فرق موات جب كري وانتقابي مو- نابت كروكوا جمال كي سطح كي مساوات سبع

جاں انتصابی حالت میں محد کا جوصد عرف مرقا ہے اس کا وسلی مقط مبدا رہے محدری استصاباً او مردارہ اور محاور لا ۱ ما عووی حالت میں تیراد کئ سوی طیح کے مرکز تقل میں سے کرنے والے جبود کے معیاروں کے صدی محدول کے متوازی ہیں اور تیراد کی سطح کے ان محدول

ے مے گروس کے نیم قطرف از ایں۔

(^r)



۱۵۰- اگریک ترب دائے جم کے کل می سمب میں صیف سا سٹاؤ بیدا کیا جائے تو عام طور پر حب م باتو اسے اصلی کل یہ واپس ہونیکی طرب مال ہوگا یا اس خل سے اور دور بہنے کا رجان رکھے کا - ہٹاؤ کی اس عاص سمت کے لئے صورب اول میں نوازں کو قائم اور صورت دوم من جیہ قائم کہتے ہیں۔

تین کے اچھوٹے انتصابی ہلاؤ بر غور کرو۔ اگر سم شحالس سیال ہیں جرائے موق سندہ ہویا ایک پیری سر سیال ہیں جس کی می دیے گرانی کے ساتھ۔ مرہتی ہے جرائی اکل من سے میں اس میں جس کی میں دیا ہر ہے کہ اس کو دیا کر ہنجے اسکو ادیراً فیاب سے یہ دباؤ گھٹ جا لیکھ اس کئے ہوصورے میں سیالی دا کہ کا میلال ہم کو اس کے سکوں کے محل کی طاب کیا ہے کا سرگا۔ اورا سلطے اسھا بی ہنا و کیا لحاظ کرتے ہوئے توارن تا کم ہے۔

ا تصاً فی مناوکا کھا کا کڑنے ہوئے توارن کا تم ہے۔ لکن یا درہ شکریات موضوس احسام کے لئے مابت کیکئی ہے۔ مٹازک وجہ ستے دماؤ میں جواصافہ ہوتا ہے اگراس ستے تیربینے والے حسم کے کئی سد میں کیک بیماہوجائے تو توار ل کا تائم ہوا حدوری نہیں کہلا نی المفرقیت یو غیرقائم بوسکنا ہے۔

کسی انتقباری بناؤے سے عام طور برمب مے محل میں انتقبا فی دراہ بی دونوں تبدیلیاں و توع بر ہوتی میں ۔ لیکن اگر سٹاؤ چھوتا ہو جدیا ہم سے

فرص کیا ہے تہ جسمہ ۔ کی بحل میں ان سدیلیوں کے ازاب برالگ الگ فور کیا جا سکا ہے۔ اب ہم ایک جیمو کے زاونی مٹہاؤ کے ازیریو فرنس کرکے فورکریں کے کہائے ہو۔ نے سیال کا دیں ہیں بدلیا۔ اور اس سئے سابی دباؤ حسم کی کمیت سکے مرکز کو اشمانے یا ہم شانے میں کو فی میلان نہیں رکھتا۔

۳۹ --- ایک کئوس جبر سکون کی صالت میں ایک متحانس مائع میں تیرر ہا ہے اسکوایک دے ہو کئے انتقعا بی مستوی میں ، ایک جھو سٹے زا و لئے میں سے گھا دیا گیا ہے۔ یہ علوم کرنا مطلوب سے کرسیالی دباؤجسے کو اپنے ابتدائی محل میں نیچانے کا میلان رکھے گایا نہیں ۔

فرمن کرد مور ما کے گرد جو نتراؤ کے مستوی آ و ب میں واقع ہے۔ جسم کو میبو نے راویہ طریس سے گھا یا گئیا ہے کو ما کا غذیجے مسنوی پرعلی لقوائم سرور فرموں سے الدور کر

المام المام

ہے ابدائی طریں و لا تیراؤ کے مستوی میں ادر وی استحابا داتھ ہے۔ فرمن کردکہ جیسے جسم گھا یا جا آ اسے یہ محد اس کے مساقہ ہی جاتے ہیں ۔
اگر تراؤ کے مستوی برزقیہ اگر تراؤ کے مستوی برزقیہ

کا عنصر فرلا فر است تعبیر ہو تو منصری سستون ن ق کامجمر

مسلم کی مسئون محاص کا ہم می فرلا فرط ہو گا جہاں می طول ن ق کو تعبیر کرتا ہے ہٹائے ہوئے محل میں میں نہ میں میں تاریخ اللہ میں مصال الراض کی مسئون کا میں

متناظر ستون ف کاطول ی + لاطه اورا سکا مجم (ی + لاطه) فر لا فر ما ہے یس ہٹائے ہوئے سیال کامجم ح دو نوں صورتوں میں دہی ہوگا اگر

کرکری + لاطه) فرلا فرها = ح = مرکزی فرلا فرها چیمد صری میرین شارخی در ایران گیری میرین از محارب سار ا

جہاں تکملے میم کی اُس تراش پر لئے سکتے ہیں جوابتدائی می میں تیرا و کی سطے سے قطع ہوتی ہے۔ یہ اِس جلہ بیں تحویل موجا اے کے لا فرلان ما = . میں کے بیعنی ہیں

كسطى تراسس كامرز تقل د مايروا قع ززا جابية بيساكه و فعد ١٠ ين ابت المسطى تراسس كامرز تقل د مايروا

و فن کروکر پیٹ رط بوری ہونی ب ، ابت انی کل میں مرکز علی ب اور اچھال کا مرکز علی ب اور اچھال کے اور اچھال کے اور اچھال کا مرکز علد ایک ہی اور اچھال کے مرکز کے مرد دل کوہم (آل آ آ ) بنی ) سے نتبہ کرسٹنتے ہیں۔ بیر ہم و کیلئے بن کردت کے سال کو مرکز مقام کھر برجیلا بہا کہ سے اور فرس ارکہ کھ کے مود ابتدائی محور و سال سے حوالے ایک می میں۔

اب ح لآ= آر لای فرلافره می آ= آر مای فرلافره م

جہاں سے سے ستون ن ف کے جم کو ی دلا فرما کیگرا سے مرکز تقل کواسلے طول کے دُعلی نقط برلیا گیا ہے ادریہ سحلے اس بنا پر تک گئے ہیں۔ مٹائے موتے محل میں متنا ظر منصری ستون ک ق ہوگا جس کا طراب ی + لاطہ ہے۔ اس کا مرکز تقل ک سے للے (می + لاطہ) فاسلہ پروانع ہے ادر اس کے ن سے لیے (می - لاطہ) فاصلہ رہے۔ اِسلیے

ت آ = كرلا (ى + لاط) فرلا فره ' ح أ = كر مازى + لاطه) و لا فره .

ح يَى = كَرَ اللهِ عَلَى اللهِ عَلَى اللهِ عَلَى اللهِ عَلَمَ عَلَى اللهِ عَلَى اللهِ عَلَى اللهِ عَلَى اللهِ الله عَلَى اللهِ عَلَى الل

ہم دیکھے میں کہ چھوٹے رادیہ لم کی بہلی توت بک تی ہے گی اوراس لئے احصال کی سطح کا ماسی مسلوی میں تیراؤ کے متو ہی دے متو ارسی ہے تعدیم د

میں ٹابت کیاگیا تھا۔

اب مٹائے ہوسے عل مرجم برسیا دی گرمتقابل دومتوازی قوتیں عمل کرتی ہیں نینی ایک تواس کا وزن کو باج ہے سے حو نقطہ منت میں

سته انتصاباً نيج وارعل كراب اور ووسرى احجيال كى توت جونقطه هر یں سے انتصابا اوپروار عمل کرتی ہے۔ یہ تو تیں ایک جنت بناتی ہیں -

اس جنت کامنوی گردمش کے بحر پر علی انقوائم ہوگا صرف اس صورت

مِن حِكِر نفت اط نت، هُم ايك اليسے انتعالى مستوى ميں واقع موں جو و ا پرعود وارب، يني اگر آء آ

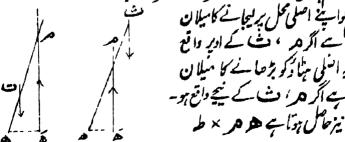
ارى + لاط) فرلا فرما عد كر ما مى فرلا فرما

اللها فرلا فرماء ، میں تخول ہوجا اسے جس کے

بعنی ہیں کہ گردمتس کا محوروما 'جسم کی اُس زامشس کا حبود کا صدر ہی محور

مونا ما سے جونبراؤ لے ستوی سے قطع موتی ہے۔

بب يرشرط بورى به وهدين سے كرر في والا انتصابي، خط ه ت كو الک نقطه هر برقط کرنگا جسکوسم مرکز ابعد پالیسس مرکز کہیں گے۔



ر کمتا ہے اگر ہم ، ت کے اور واقع ہویا یہ اسلی مٹا در برعا نے کا میلان ركمات الرهرات كي في واقع مو-نیزهال بردای هر مر × ط

- ه ه الآولا

ء <u>طا∫ لا فرلا زما</u> ح

اسلنے هم هر = - الم جہال (من گرش کے مورکے گرد حبم کی اوس تراش کاجہ دکا معیارہ جوستی و کے سوی ست آبلتے ہوئی ہے -

اس سے جسم کو اہبے اُصلی محل کی طرف لیجا ہے کا سیلان رکھنے والاحنِٹ یعمی استردا دی جنت ہے

ع من ح (ه مرده ن ) ع ف (الراح عهن)

علا۔ اب یونکر ایم کی تطبی تراش کے مرکز تفل میں سے راز نے والے اساری دو ہوتے ہیں جن کے جواب میں حمود کے معیار میں ارتجار ہو۔ تکے اراس سلئے۔

ان من سنت مرزه بریک ای کافی اله سند این می سن باید بعث بداکرسگا جوجها که متوازن کرسند کا سیلان رسطه کا اگر هرست حریشید و نیز حریمت

ازن من طول والدان كي فاسيت سنك ملك عمر و مي مين-

۱۸ - کام جو منا کر بیاد کریت این کیا جا آیا سید مب مرکوا یک جیوشے راویہ سال میلی است. کے مرکز عل میں سے کورے میا ایک سدی مرر گرد چوایا مبا کے توجیعی جمل کرنے والاجنت موگا

ع ف ( ﴿ سُ عَ مَ ﴿ مُنَ مَعْ مِهِ هِ مِنْ اللَّهِ مِنْ اللَّهُ مِنْ مِنْ مِنْ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ مِنْ مِنْ اللَّهُ مِنْ مِنْ اللَّهُ مِنْ مِنْ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ مِنْ مِنْ مِنْ مِنْ اللَّهُ مِنْ اللَّلَّا مِنْ اللَّهُ مِنْ اللَّمِي مُلْمُوالِمُ مِنْ اللَّمُوالِمُوالِمُنْ اللَّهُ مِنْ ا

جو کامُ بے گاوہ = ج شہ ( امرا سے × هرسٹ ) اور ہے بھل کسے یہ نتیجہ مطاب نے ارادئی منالوط کے ببدا کرے، میں موکا مرکیا حباب وہ = لیج ب (امرا سے × ہونٹ) لا 99 — قائمیت کے مشرا کط کاکافی ہونا ۔ یہ او کے مسدی زرا کسی ایسے محور کے گرد جو یا بی تراس یا فاصل آب کے مرکز تقل میں سے گرزا ہے اگر جوٹا کھاؤ یا گرامش کہ لی جائے تو یہ گردش ، وگرد توں طب طبح کا مرکب، خیال کی جاسکتی سے جنھیں بالترتیب فائسل آب کے معدد می محوروں کے گرد لیا جائے ۔ ان بس سے ہرگروش علیحدہ طور برایک استددادی جفت بیدا کرتی ہے ادر اس کئے میں او کے بیدا کرنے میں بیرو نی نا ل کاکل کام یا توانا نی بالقودیں اضافہ ہوگا

ہ کا جب قامیت کے مسئلہ میر کبٹ کسی قدر مختلف ہرا یہ میں ہوسکتی ہے۔

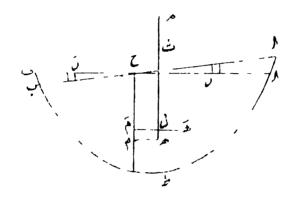
• کا سے ماہ کیا ہے کہ حکمہ پر جب میں مدر سات طرابی یاں ،و میں ہے۔ مرکزا بعد یا بس مرکز کی میر تتر بھیف کہ وہ خط تھ مت اور ایک خطیف بٹاؤ کے مبد اچھال کے نئے مرکز میں سے گزر نے والے انتصابی خط کا تفاط لفا طبع ہے ہس مسلہ ذول کی طان رمبیری کرتی ہے۔

سترین کی مصل برجری روی ہے۔ بس مرکز اجھال کے سحنی کے اس انقط برکا مرکز انحما ہے جہاں پر ہت میں گرر نے والا انتصابی خطاس منحنی سے لمتا ہے۔ گرر نے والا انتصابی خطاس منحنی سے لمتا ہے۔

یے معان ظاہر ہے کیونکو نعطہ کے منحنی کے متصلہ عاود ل کا نقطہ تھا طع ہے۔ بس اس سے یہ ظاہر ہوتا ہے کہ کسی ہٹا و کے لئے لبنے مطیکہ ہٹنا یا ہوا مجم وہی رہے ، سالی دباؤگی سمت ہمینتہ اچھال کے منعی کے ہر بیجہ کا انتصابی

ک اس قیم کے بٹاؤمی و کام ہوتا سے ہم کے جلد میں طبر طبر دالی رقم متنامل مہیں ہوتی۔ اس بود مد آمیدہ وی کی طرح تاست کمیا ماسختا ہے۔

ما س ہوگی ۔ اے ۔۔ سکد گرمیمتہ کی، وست ہم اصطهد ہے۔ بیر مرکزی رساری ، کریٹ میں فرخل ، کر جمم اطرب کا مرکز ہندسی ہا اور افظات کا ھڑے۔ ماہم آئیو، زادیہ ملہ ہے ۔



هُم ٢٠- هم ٢٠= = = ( ال ٤٠٠ مر ٢٠ ١٠

+ كا يَلَ م لمه عَمَا يَكَ إِ

یا ها که ل×ح = طه (س لیکن اگر هه ریکا مرکز انحیا هر بهوتو

> ھل = ھر مر مطہ = ھر مر مدطہ ن ح > ھ ھر = اس پس جیمو کے مٹیا و طہ کے لئے استدوادی معیار

= ج ت م ×طء ت ب ع (الرا - ح ×ه لت)

۲ کے ۔۔۔گزشتہ وندمیں یہ بات فرض کرلی گئی ہے کہ سیالی دباؤ کے عمل کا استصابی خط ایک سطح کی اس وقت درست ہوگا جکہ مہاؤ کی سطح سموی لعطہ ھر براجھال کی سطح کی صدری تراستس ہو۔ جب یہ صورت نہ ہوتو ہٹا دُکے انتصابی مستوی پرخط عمل کا طل و هد دف کو نعظہ ھر برقطع کرسے کا جوسطح کی عما دمی تراستس کا مرکز انخا ہوگا۔

اس کئے خطر ہ پراحیال کی سطے کی کسی عمادی تراش کے انخنا کا نفعت قطر اس کے مرکز ہندسی بر اس کے مرکز ہندسی بر سے مرکز ہندسی بر میں ہوں تواڑھ پر میں ان کے میں کے محادی میں ہوں تواڑھ پر

- 3 1. 1 - 3 - 3 - - 3 -

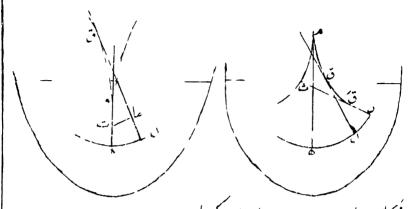
ہونگے اور اس کی صدری تراستیں بتراؤ کے سنوی کے صدری موروں کے \* قان ی ہونگی۔

مع کے ۔۔۔ قدرتاً ایک نہایت اہم صورت بیش ہوتی ہے ۔ بیسی ایک جہاز کے توازن کی قائمیت کا سوال جبکہ رام حکیے ( Rolling ) کی وحرست اس کے میں میان ا

عل میں ہناؤ بیدا ہو-عام طور پر جہاز کے لئے اُستجلیے ( Tossing ) کے بغیر رو حکت گربنس سے کیوکہ جہاز کے دونوں سرسے غیر ششاکل ہوتے ہیں - اسکین ایک بہست

لمبع جہازی صورت نیں جیسے کہ عام طور پر بجاو**ع اوس** (Atlantic Ocean) میں جگنے والے جہاز ہو نے ہیں ہیر مال لیا جا سکتا ہے کہ جہاز ایک مستوی سے جو اس کے طول پر عود دار ہو مقشا کلاً تقسیم ہو سکتا ہے - اس صورت میں جہاز میں تشاکل کے دوائے صابی مستوی ہوئے راِ در اس سئے انتصابی خط ھ ن تیراو کے

ستری کے مرکز ہندسی ہے میں سے گزرے گا۔ نینرخط ھو دہ اجمال کے تنی کو متشاکلاً تقییم کرتا ہے اور بقطہ ھو اعظے۔ يا افل الخما كا تعطه الم الله من من يبلي صورت إلى بيمير كا قرن يبي كى طرت



مُحیلا ہے اور دوسری معورب کیں اوپر کی طرف سیاد ہے۔ منطول سے ہٹا و کے آیا ت فوراً طاب ہو جائے ہیں۔

مہل سورت یں نعویمی معارار ( Righting moment ) جو ہٹا کہ ا ک دیے نوے راوید کے سے تا تیت کا سکرنیاتی اب ہے سے ما کے مساسب ہے جو نقطان سے ماس ن فی مرحمود ہے اور بٹا اُر کے ماوید کے

ر مے سے بڑ ہتا ہے۔

دوسری صورت میں تقویمی سیاراعطم نیست اسارکر اسے الم بیرگھشتا سہے ادر اُس عل بیعددم ہوجا ما سے جو ماس دست کی کے سے ماصل ہوتا ہے۔ یہ نوارل کا ایک محل ہے لیکس ایسے توازن کا جو غیر قائم ہے کیونکہ عام حیلی فالون سے مطابق فائم الرمنیہ تا محم نواران سے ممل باری سے

عام حیلی فالون سے مطالق قائم آر میہ قائم کوار کن سے عمل باری آئی سے سیے بعدد پیٹرسے دنوع بدیر ہو کے ہیں۔

یا بیدری و مصطور بیدید و سال می استان استان و استان و استان و از این از این استان و ا

ت ماء ف<u>رک</u> زرد ادر توئمی معیارموکا **و** <del>زرد</del> جان و جاز کا درن ہے۔

عامُ طور یہ معمولی نٹاؤں کے لئے اچھال کامنحنی نقریباً راٹر کی ایکسے نوس مبو کا ایوار بیلوجهاز کی صورت میں لیسی ایسے جہاز کی صورت میں تجسک

یملہ خط آب کے نز دیک انتصابی ہوں اجہال کا منحنی مکا فی کی قومسس

ہے۔ جہار کی صورت میں اگر او ملک کئے سائے مرکن ابعد ھر ہوتو حاصل صاب

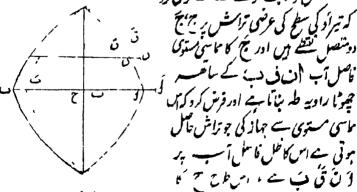
و بدت حركه جازكا تحكام ( Stillness ) كتي بي-مم بے ۔ ڈبوین کامٹ کمہ کسیدھا تیرے وائے جہازی صورت میں تیراؤ کی سطح کی عرضی تراش کے انحا کا اُسف تعلم ہو گا

ر ۽ کائسس عرفرس

جِان المسل آب کے گھی ہے کا عضر فرس ہے، اس کار قبار ہے اور جاز کے پہلو کا انتصالی ممت کئے ساتھ میلائ عدمے - اور محاور لا اور ما

جہاز کی اُس تراش کے طُو لی ادر عرصنی محد ہیں حو تیراؤ کے ستوی ہے جطع ہونی سے اور یہ محدر اس ستوی کے مرکز ہندسی ج میں سے گزرت ہیں

اس کو نابت کرنے کے نئے زخن کرو



نظر هن رقبہ أ نَ قُ بَ مَا مَرْرِ سِندسي ہے - وَمِن كروكه مَّساظ عمص (٥٠٠) ن قن أن ق مي اورن ق = فرس و

اس تاکوسب سے پہلے سی نہیویں ( C Dupm ) نے اپنے ایک مقالہ میں سائیس کی اکا ڈیمی ( Academie der science ) کو سائیس کی اکا ڈیمی ( کی سائیس کی اسٹنے اسٹنے سے تعطر ( من ) کے لئے سائلہ جس کیا موہود ہے ۔ میں ایک بینا طرح اور سے اور سولی مثارات کے سائیس مرکزی کی مثارات کے سائیس مرکزی

کا کا ۔۔۔ نیکلرف کا مشکہ- ارعظ یا اور کو کی مبا اس کے سکتے ہیں مرکز می بلندیوں کو سنی اچھال کی سطح کی سونسی اور طولی تراشوں کے انحنا کے تصف نظروں کو راور می سے تنبید کیا جائے تو ہم جائے بین کہ ر = سے۔ اور س = ہے۔

جہاں مج اور ہمج فاصل آب کے جمود کے صدر سی معبر ار میں-لیکارے نے ان مقدار دن میں حسب ذیل روابط نائم کئے

ر= فرنج = ر+ سخور ، م = فرج = م + س فرس

نیکرب کے اس عمون کا ترجمہ مسٹر میری میلدا (Merrificla )

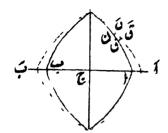
The proceedings of the Institute of Naval Architects,

میں اور فارجی سلطما کے (Messenger of Mathematics ) میں دو نبریت و وال وع کے کتیبی اور میں سے بھلاحیب و کی ہے۔ تارمی

م ریا ہے جو دو نموت وہاں وئے کتے ہیں ان میں سے پہلاحسب ذیں ہے۔ تاریحی انسیسی کی خاطر اسکو پہاں میان کیا جا آ ہدہ دعد ، ۸ میں اس کا زیادہ باضا منظم تنبوت ویا جا بیا گیا ۔ تنبوت ویا جا نیگا ۔

(44)

فاصل آب کے موازی اوراس سے فری فاصلہ برتراش کینے سے



فرم = ﴿ فرى فرض كردكه أق ن بُ فاللَّب براس نبى تراسض كاظل ہے مقوم مج ا أَ قُ نَ بَ ادر القائب كے درسانی رقبہ كے جود كا معيادہے-

ه نرم = کے ما فری \*مسرہ فرس اور نرمجے = کے ما مس عدفرس اور نرمجے = کے ما مس عدفرس بیں رہ = ہا فرمجے = فرمجے

-ر= رغ - ع نرح - ع فرح م زر - رج - ع - ح فرح

یا رہ =ر+ ح زر الا کے درح الا کے سازی اضافہ جہازکے بار میں اگرا صنافہ کہا جائے تواس کا افر مرکز ما لبد کے محل بر۔ یوان کر کہ جہازمیں تبناکل کے

دوانتقابی مستوی ہیں فرض کروکہ تیراؤ کے مستوی کا مرکز ہندسی ج ہے ان میں سے ایک مستوی میں فائمیت پر مورکرد۔

آبرمین خنیف اصافر کی وجہ سے فرص کروکہ ج کا میا مقام مج ہے اور مزیہ ہاؤ معن سے تعبیر ہوتا ہے۔

اب أر هور مرك في محل فكر اور هر بول تو م مَ = هُمَ - هم + هِ هُ تة مف ر + ۵ ه لكين ج هُر× مفسح = ح × ه هُ م ه = مفرج هميح عفح (ر-ر+ج ه) حبال رئے ہے کہ تعبیر ہوتا ہے جو تیراؤ کی سطح کا نصف قطر انخاہے۔ اسلف در هر = مصح (جده م + ج هر) مفرح (هد- ه مر)

یس معلوم ہواک یے مرکز بلجاط جہاز کے اُوپر اُٹھتا ہے اگریہ تیرا وکی سطح کے مرکز انخا کے نیچے واقع ہم اور نیٹے مبتھا ہے۔ اگریہ مرکز انخاکے اور واقع ہو ع کے سے بینے اِنی حیار ( Scrow-steamer ) کا این ہی کے عمل کی - ( Heeling over ) [ lo - lo - co

(بدوندیرونغیسه گرمن بل ( Prof Greenhill ) سے مسوب مے ) اگرائن کو بھرانے والا جفت فٹ یونڈوں میں کی ہو اور فی گردستوں (۵۱) کی لنداو ن توایک منٹ میں جرکا م ہوائے وو ۲ ہ ن ل ہرگا۔ لیکن اگر ائن طرابین طاقت سے کام کرہا ہوتوا کام = ، ، ، سم ط

اگرِ طروہ اویہ ہوجس میں سے حیاز جبک جاتا ہے اور مرکز تقل کے ادير ليسس مركز ه ارتفاع ت بوادر جهاز كا وزن مزن مي و بوية ۱ - ۱ ۱ ۲ ۲ و ت جب طر ند ۲۰۰۰ م ه ۱۲ ت ۲ مرم د وت جب لم

ساوات ست طه لمآ ہے۔ جھلنے کے اٹرکو سطی مستوی سنے ج فاصلہ برایک ایسا دزن ور کھنے سے زال كرديا حاسكتا ہے كه 上 アア・・・ = ラ そ ご ガイ لكبياني جازكي صورت مي حيكاؤطولي سمت مين موكا اوراس سورت میں ف طونی، یس مرکزی ارتفاع ہوگا۔ یہ قابل زم سے کر جنگ جانے کی سمت گروخ سے سست کے خالف مون ہے - مثلاً بنکہان جہازی صورت میں جرائے کو جارہ سے سامنے کا خفیف ساأنهامواموگا در بیچنے کاخفیف وُ و باہوا ۔ فرض کرد کہ ابتدائی آب خط ترامنس کے مرکز ہلاسی میں سے گذر نے والے انتصابی خطامیں میدا کیا ہے ۔ اگراتدا کئی تراشنس ی = ج ہوتو خفیف طور برسائے موسے محل میں اس مستوی کی مسادات موگی ى = 3 + ل لا + م ا لُ م جموع شي-آگرِ ان رومحلول میں (لا علی میں اور ( لا کائی ) اجمال کے مرکزول کے محددوں کونتبرکریں تو ح (١٠-١١) = روى ج) لافرا فرا = الل + ف م ح (١-١) = الرى عن ) افرلا فرا = ن ل + ب م ؟ ح (ى-ى)= الإلاً على فرا = الح (الله م + ب م) المراك على المراك على المراك المر 

جواجعال کی سطح کی نقر بین سکل ہے۔ اگر ابتلاائی محور لا اور ما مستوی تراش کے صدری محور ہوں تو ف عن اور اگر مبداد کو البطال کے مرکزر پہلے متعام منتقل کیا جائے ترسطے کی مساوات مو جا کیگی

117 + 117 = Cr

اب اگرہم بیں مرکزوں کی تعرب اس طرح کریں کم وہ اجمال کی سطح کی صدری عادی تراشوں کے مراکز اعتابی تو اچھال کے مرکز کے ادیر ایس مرکزول

کے ارتفاع صدری نصف تعرائی ہے۔ قائميت كي شيطه

ا چیال کی سطح کے نقطہ (لا ا ا می ) برماسی مستری ہے

طا-ى = <del>ح لا</del> (ضا- لا) + <del>ح ا</del> (عا- ١٠)

لدراس سنوی سے مجسم کے مرکز نقل (ب مرحتی ) کا مووی فاصلہ بوگا 

· { 1/2 - 1/2 - 1 } { 1/2 + 1/2 + 5 } =

= \overline{\begin{align\*}
\begin{align\*}
\begin{al

اب وفنو ۵ م کی رہ سے وارن کے محل ایک ایسے وزنی جسم کے توازن کے محل ور ما ست کرنے کے معاول میں جواجھال کی سطح سے محیط امواور ایک انتی ستوی برنکا ہوا ہو ایس فائمیت کے لئے اس ستوی سے مرکز تقل کا ارتفاع اقل ہونا دیا بیئے۔ اس کے لئے صروری ہے کہ لئے اور ہے ہے تی چھڑتا ہو با مرکز نقل دونوں پس مرکزوں کے بینچے واقع ہو-تغراوكي سطح - ليكارث كامسكه \_ فرہ کر کہ تھوس وفعہ ۸ ، کے بموجب دو سرے محل میں ہے اور اسکو وإنے سے غرق مندو حجمیں ایک جمونی مقدار من کا ضافہ ہوائے۔ اُگر بخرِ مُفْت کی حیات کئی کے مرکز نقل کے محدد صلا علا مطا ہوں یو صامعات = (ع+ سف ح) (لا - لا + سف لا - سف لا) = ل معن البه م معن عن ا اسي طرح عاسم - لمن ف بم مف ب الم سن من من ب من ب الأسن و المرال م من ن + م من ب) 191 یرجیسے بلتی کی موٹائی کم کردی جاتی ہے نقطہ(ضا عا ، طا ) تیراؤ کی سطح کے متناظ نقطہ پر سطبن ہوانے کی طرف مائل ہوا ہے مینی آب خط تقبیستے مرکز 🖺 وہر اس کئے تیراؤ کی سطح پر روابط حاسل ہوتے ہیں لأ× فرح = ل فر 1 +م فرف مَا \* فرح = ل فرف + م فرب، ی× نرح = + (ل فرو+۲ ک م فرت + ۱۵ فرب) ادر تیراو کی سطح کی مسا وات ہوگی

64)

116

اور تیراؤ کی سطح کے تفعف تعطر انخا ہیں فرآن اور فرمن ہمیا دید ۵ مجرالہ میں فرح اور فرح ہمیا دید ۵ مجرالہ میں مسلم ویکھتے ہیں کہ شوس کی رو متوازی تراستوں کے سدر تی م ، کا داری

ہونا منروری بہیں ہے۔ اس طرح اگرف ء ، تو اس سے ینتیجہ بہیں کاست کہ

فرف = ، اس طرح د فده ۵ کے تمایخ صرف اُن سورتوں میں ہی درست مونگے۔ فرح جن کو اُس د فعرمیں مان لیا گیا ہے لینی تشاکل کے انتھابی مستوی موجود ہیں

، فارس افقی تراسوں کے تمام صدری محور واقع ہوتے میں -

ا ۸-- یس مرکز کا مقام معلوم کرنے کی چیند مثا لیس درج کی جاتی ہیں۔ مثال ا سصف قطر از ادر طول ٹ کا ایک تھوس اسطوانہ ازتھا بی محور

مثال المسلف فطر فر ادر طول ف کا ایک هوش استفوالہ' کے ساتھ تیررہاہے۔

اس صورت میں تیراؤ کا ستوی ایک دائری رقبہ ہے اور ماری کا میں کا میں میں کا ماری رہے نیال

و منا = ٣٦ رُكُ يَا مَا فرلا = ٣٦ رُ ( وَأَ - لاَ ) مَنْ فَرَلا

= الله والمرات مم طرفر الله والمباط ركين ساء

13 H =

له ليكوف كم سئله كي يقيم ادر گرستد في دمات كاطرز استدلال ادر دمات آيده ۱۹۱٬۹۱٬۹۰۹ م

اس نے اگر تور کا طول ن عرق ہوتو

اور توازن قائم ہوگا اگر

 $\frac{3}{3}$ 

مثال اسد ایک دائری اسلواز تیرای ب امطور پر که اس با مورانقی اور سیال کی سطح میں ہے اس کو اس کے مور میں سنے گزیدنے والے استعمالی ستوی میں بٹا دہ گیا ہے۔

یراوکا مستوی ایک مستطیل سے اور

امراء باوت

جهال ت اسطوافه كا طول ادر او نصف قطرم

: همر= الم<del>نا</del>

اور تواز ن قائم جوگا اگر

4 < 10 ±

مثال ١٧ - ايك تحوس مخوط انتهابي مور ادريني وارواس ك سات

فیردا ہے۔ زمن کردکہ من محد کاطول ہے، مرکب صدح ى موركاده صد جوزن سع

اعم مخروط كازاوميراس م

(من = الله المي مسر) عد

(A)

تيرا ذكى سطح

(A·)

ح = الله المحتام مسرياعه ۵ ه ه م = <u>۳</u> ی مسس م ه ت = ت ن - ت ی ا، س کئے توازان قائم یا عیر قائم ہو گا بموجب اس کے کم ی مسر سے یا 🗸 ن ۔ ی

ی کیا 🗸 ف مجم مد ین آئر مه اور مایل ور مروط کی مختانین بهول تو

( - ين ) = ش

اس سنے نوازن تا کم یا غیر قائم ہوگا بوجب اس کے کم الح الحراجم عن المحال المحاد ا

ا شال بم -- ایک منساوی الوحبین مثلثی منشور تیر**د ایم اس طور پر که** اس کو کا مدہ عوق نہیں ہے اور اس کے نخارے آفق ہیں -ر اول توازن کے اُس محل برغور کروجیس میں منٹور کا قاعب وانق سے

الم ير ركيو دند ١٩١١)-

و رود ۱۹۸۰)-اس صورت میں اگرا ق ۲ ما اور (ن ۲ مالا ادر اگر صفی (۸۰) کی

مهاوات (برامير) تم ال- الماركين تولا اور ما مساواتون

U+1-1 77 11 = 6+1

ست عاصل درما کی بن-اب اورا سج کو والے کے محاور قرار و بے سے نف اور در کے محدو

على الرسيب بموشئم

(M) : هرت = ١٩٤ (و-لا) + (و-١) ١٩٠ (و-لا) جمطه

هن البياب المراد والمراط ١٠٠٠)

رقب ناق عدم م جبط اور ارهريس مركر بواورل منتوركا طواته

ال م البطر همر على المنافع المنافع ل

: هم عرب مرب مرب له

لكن نق عمر (لأ + أ - ، لا م جمط)

(アータアラ)中(アリー)

ادر هرم > هن الرم وب الله حريم الله والا بم الله - م)

يني اگر جم طي کو

ردم أس صورت برغور كردكه جس مين قا عده افقى سبع اور اس كنة ن ق، ب ج ع موادی ہے۔

رتبه ناف=۱۴۰۰ حبط

ان= اق = ۲م، نقء ۲م جب ط

اس نے هم =  $\frac{7}{9}$  م  $\frac{4}{5}$  اورهم ن =  $\frac{7}{9}$  ( 6 - 9 ) جم  $\frac{4}{9}$  اور هم  $= \frac{7}{9}$  اور هم  $= \frac{7}{9}$  اور هم  $= \frac{7}{9}$  اور هم  $= \frac{7}{9}$  اور هم  $= \frac{7}{9}$ 

اب وفد (۹۹) میں جس کا حوالہ پہلے دیا جا چکا ہے ہم نے تابت کیا ہے کہ قوازن کے یا تو تین محل ہو شکے یا صرف ایک برجب اس کے کہ

f>!<=

اس کئے بیتیہ بھل ہے کہ حب توازن کے نین محل ہوں تو درمیانی محل جس میں سے مب انقی ہے غیرتا کم توازن کا محل ہوگا۔ اور ووسرے دو نوں محلوں میں توازن قائم ہو گا۔

اگر بوارز ن کا صرف ایک محل موقر توازن قائم ہرگا۔ طالب علم کے لئے یہ انہی منتق ہوگی اگروہ ان نتائج کو اجھال کے منحی کی معالب علم کے سکے یہ انہوں میں انہ میں نہ سے کہ اس میں منظم کے ہیں۔

مساوات معلوم کرکے اس کے مرکز انتخاکا مقام دریا نت کرنے سے حاصل کرے۔ ۸۷ مسمحدو دم شاؤ۔ اگرایک کٹر میں میں تیررہ ہواوراس کوتوازن کے محل سے مثاکر ایک دے بوے اوکے میں کھایا جائے تو بیلے کی طرح سالی دباؤ کا معیارات روا دی ہوگا

یاغیراستردادی برومب اس کے کرنقط کی حس برانجھال کے نئے مرکز میں سے گزرنے والا انتصابی خط ، خط هد مت کوقطع کرتا ہے دف کے اوبریا نیجے واقع ہو -انتصابی خط ، خط هد مت کوقطع کرتا ہے دف کے اوبریا نیجے واقع ہو -

اس سے میں تیج نہیں تظلما کہ اگر ل سٹ کے ادیہ داقع ہوتو ہیں کو آزاد کرد سینے سے وہ اینے اصلی محل کی طرف لوط آئیگا اور اس میں سے المتزار کرنگجا با بیکر قائیت کی ہوار سی سابق تعریف کے بوجب اصلی محل قائم توار ن

کامحل موگا۔علیمل کا ایک عام ثالوں یہ سے کہ قائم ادر عیر قائم تواز ک کے محل سینے بعد دیگرے و توع نیز پر موتے ہیں اور مکن سے کیسم النے ،صلی محل سے میں مڈائر میں تداروں کے محلوں میں سے گئ دکا ہے۔

اس ہٹاؤیں تواردن کے محلوں میں سے گزر چکا ہو۔ مثلاً ایک خاص مثال حسب دیں ہے۔ ایک تغوس مخروط اس طرح تیرد با ہے کہ اس کا محور انتصابی اور رامس

بنيح دارسي يس كوايك انتعابي مستوى مي زاو وطوير کھا اِنحیا ہے۔ سٹا سے ہو سے سیال کامجرد ہی رہتا ست ۔سیالی دباؤ کے معیار کی سمستہ معلوم کرنا مطاوب سہے فرقن روكه- يال ي ستوي سطح سے حال مشدہ مخروطی تراش کا محور اعظم اوراس و سطی نفطه ج سے، خطوط (أ، ب ب، ج ج خطاب يرعلى القوائم بين اور زاوية الرونسب= مع اور وا = رُزَّة و أ = طه-عه

وبساب ت ١١ د ده د

وي = الروا + وب) = الروس المدع + ، جم الدع ) جب الله عه )  $\frac{dx}{dx} = \frac{1}{\sqrt{x}} \sqrt{\frac{dx}{dx}} = \frac{1}$ 

تطع ناتص الب كانضف محورا معفر أن عمودون سكه درم إن وسط تنامعي -ہو مخ وط کے توریر ۱ ادرب سے تھینچے ماکیں۔

: ناقص كارتب = ٣ لم الب (ول × ودب × حبب عد) 

اس نے ہٹائے ہوئے سیال کامجم = لیے وجم (طہ- عه) (ناتص کا رقبہ) ء لم الم والمرب عرم ع <del>( مراط - ع ) الم</del>

اب اگرسال اور محزوط کی کنا فتیں من ا تنہوں تو جو کم مٹائے موت ا (۸۳) سیال کا وزن مخروط کے وزن کے مساوی سبے اس سے

ت در حب عنه م ( جم (ط - عر ) } = نه ن مسل عه [ ف مخره ط كالرفعاع عما

 $\frac{1}{\sqrt{\frac{1}{2}}} \left\{ \frac{(a+b)^{\frac{1}{2}}}{(a-a)^{\frac{1}{2}}} \right\} = \frac{1}{\sqrt{2}}$ 

ار ول >ون اگر رجمط > ف

 $\left\{\frac{(d-2)}{\sqrt{2}}\right\} \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} \left\{\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}}\right\} \frac{\sqrt{2}}{\sqrt$ 

طہ کو لا انتہا جھوٹا فرض کرنے سے صغیر مٹا وکے لئے ہیں قائمیت کی

الم الله الله المراجع

جو ونعبہ ( ۸۱ ) کی منال ۲۰ کے مطابق ہے۔

فرض کرد کہ مخروط کا توارن تعدیل ہے۔ بینی فرض کرد کہ

نهٔ ۽ ث جم عمر

تر محدر وہٹا و کے بدسیال کا عمل مخروط کو اینے اصلی محل کی طرف کیجا۔۔۔۔ اُل مرکا

جم عرمج ط > ١٠ جم (ط+ م) مجم (ط-عه)

یہ ایک ایسی مشرط ہے جو ہمینہ صا دق آئی ہے کیونکہ عد اور ط ہیں ستے

ہرایک زاویہ قائیہ سے کم کئے۔ اس کے تخوط کے تعدبی توازن کی صورت یں سی محدود ہٹاؤ کے لئے

توازن کو قائم کہا جا سکتا ہے۔

-جب ائع ایک برتن میں بر حبکوایے اصلی محل سے ذرا سامٹا وا کیا ہے تو

ے مم عاصل سیچے وارد او کے خط عمل کا تعین کرسکتے ہیں ورحقیت اس صورت میں بچھلی صورت کی طرح بیسلر حسب و بل سے ا۔

ایک کفوس حبم اب ج سے آیک دیا ہوا حجمر ایک ستوی کے ذریعیہ تراش لیا گیا ہے۔اس مجرا کا مرکز ہندسی ھرہے اور حظ ابح ھواس مستوی پرعموہ وار

ب- اگروہی محراک ایلے مستوی سے زائرا جاسے

چوطازاویه نباتا کی تواس خطاستقیر کا محل معلوم کرا مطلوب یے جو دو سرے توی بر عمود وارسے اور اس سے جو اجم کنتا ہے اس کے مرکز ہندسی میں سے

الربرت كى المدوني سطح اليصمستوى كے كافات مستاكل موجو هوي

سے گزراہے اور ترامض کے دونون مستوبوں کے خط تقاطع برعود وارسے تو وه خط حبكا تحل وريا فت كرنا مطاوب ب سے سے هر كو مركز ما بعد هر برقطع كرك كا

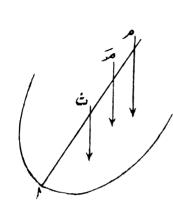
جس كامقام مارك كرمضة ناع سعملوم كيا ماسكاب -

- برتن حس میں مائع ہو ۔ ایک کھو کھلا برتن حس میں مائع ہے مائع

میں تیرا اسبے توازن کی نوعیت معلوم کرا مطلوب ہے یہ فرص کرکے کرمیم کی كميت كم مركزي سے كررنے والے ماؤكا تصالى متوى كے بحاظات

صبم متناكل ہے اور يركمبم اور الغ كى كميتوں كے مركز ايك بى انتصابى خط يں وں -

(14)



رس کردکہ ہٹاہ ہوئے سیال کا یسس مرکز ہر ہے اور برتن سکے اندرونی سبال کا ہم اور ہٹائے ہوئے کی سیال کا در ہٹائے ہوئے کی اور ہٹائے ہوئے کی کی قرار دو ہیال کا ورن و ہے اور اندرو ہیال کرو معیاد لینے ہے مانس سال واؤر برت کو متوازن کرنے کا میلان رکھیں گے گااس کے بیکس بم جب اس کے کہ و حد مت ھر

ت ھر۔ و × ت ھر سبت ابننی ہو لای موجب اس سے کہ

و > النام

متال \_\_\_ ایک کمبو کملا مخروط حس میں بابی ہے یا تی میں تیررہ ہے اس طور پر کہ اس کا محور مضابی ہے ۔

فرس اُروک ف = مخزوط کے محور کا طول

ن = نخرو ط کے اندرو نی سیال میں ڈویے ہوئے کا طول ی = بیردنی سیال کی سلم کے میسے ڈدیے ہوئے نمور کا طول نخروط کے زادیہ راس کرم عمد سینے سے میں حاسل ہوگا

ه در = ۳ ی مسن عه

هدت = یان ریخ ی

ت مر = ہے می تعامہ ۔ ہے ن

له يصورت ايسے حازسے متعلق ب حس ميں سوراخ بو تما مو اور او کنا مور اکلي و فعد اسيسے سرا حدار مازے متعل ب حوسرك ل التراور برا مدار مازے م

ت ه ۽ ۾ ت تط عر- ي ن اس کے توازن قائم ہوگا اگر 

جال مساوات

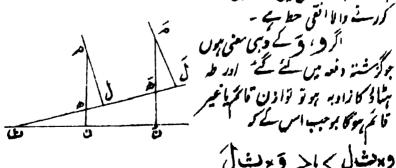
و- وَ= ١ ٢ ف المسل م (ي - ف ) = الإوطاكا وزن ،

سے ی مامل ہوگا۔

ہ ہے۔ اگر برتن کے مذرونی سیال اور شائے ہوئے سیال کی کمیتوں کے مرکز ایک ہی انتصابی میں مذہوں تو فرص کروکہ ان مرکزوں میں ہے گزیے والع انتصابی مستوی کی سمت یس منا و واقع ہوتا ہے ادر مبھ اس مستومی

سے متشائل ہے۔ فرص کرد کرجسم کی کمیت کا مرکز ہش<sup>،</sup> ہٹائے ہوئے سال ھ<sup>ا</sup> برتن اندرونی سیال کا هر سے اور هر کر بیس مرکز میں۔ نیز فرص کروکدٹ ن ت توازن کے محل میں افقے ہے اوردسے ل

ہٹائے ہوئے محل میں ش میں سے



وديث المراج وديث ل

و (ت نِ بَم ط ٢٠ - ت جب مله) > يا < وَ (متْ نَ مِم ط ١٠ - ت جب مله) اور يوكر ومنان = كرمديات اس کے تو زان قائم ہوگا یا عیر قائم ہوجب اس کے کہ فِ> اِ< <u>رُ ثَ</u> ۸ ۹ ۔۔۔ قیو دیکے ماتحت تیر نے والے حبمول کے تواز ن کی قائمیٹ ۔ قید کی ایسی صور اول می حب میں جبو نے ہٹا و کے لئے ہٹائے ہونے مائع کا جمحے شہیں برلتا کیس مرکز کا نظریہ سالی دباؤے خط مما کانتین كرا معاور قائميت كاسوال يحراسان مسيمل موجاً اسي-مِثَالَ کے طور پر فرض کرو کہ ایک حبیم جزرٌ عرق سٹندہ ، ایک انفق محوسکے گرد حرکت کرسکتا ہیں اور یہ انعتی محور اس مستوی تراش کے مرکز ہندسی (مج) کے انتصاباً نیتے واقع ہے جوائع کی سطحبیم میں کائتی ہے۔ الرجيم كو چھو في زاوبه طريس بٹاويا جائے تواس بٹاؤكا يو اتر بوكا كه مرز بزرسي ( البع ) منتبح مبيطة جائے كا اوريه بنها و طرا برمنو سر وكا - اوراس كئے صغیر مفداروں کے بہلنے رتبہ تک مطابا ہوا جم غیر متغیرر بڑیا اورایس مرکز وہی بوگا گریا کہ ج الع کی مطیر ہی واقع ہے۔ اگر جسم ایسے انقی محرکے گرد حرکت کرسکتا ہو جو نقط ج کے نیجے انتصابا واقع نه بونو ملاسير بوست جم يرج تدبلي واقع بوگي ده نظرانداز بهيس جوست كي اور قائمیت کے سوال کو مٹائے ہوئے آنے کے عمل پر الاست عزر کرنے سے حل کرنا پڑا گیا۔ - ایک مستطیلی مترا ایک ا<sup>کن</sup> میرسکی کنافت ای کنا فت کا دو چند ہے ساکن ہے اس طور برکہ اس کے دو کشلعے انتصابی ہیں ۔ یہ بترا لیے ایک انتصابی صلع کے وسلمی نقطہ کے گروا پینے مستوی میں حرکت کرسکتا ہے۔ نکل سترے کو تغییرکرتی ہے جبکہا سکو چیوسٹے زاویہا و ب (ط میں مٹا دیا گیا ہے۔ نُعظ و جوائع کی سطح میں ہے صلع کا وسطی نقطہ ہے۔

اً کُر و آیه ۹ اور اگرار تفاع - ۲ بتو أوس = + لاط اور 9 کے گردمیار سے سے توازن قائم ہوگا اگر ئ (لولاطر \* لولو و به ون) > ف × و و المريخ جہاں هدنت نقط ه میں سے گزرنے والا انتصابی ہے۔ يعنى چونکه ن ُو= وي جمط- ه ي جبط= <del>- پ</del>ط تواذن قائم ہو گا اگر اس خاص صورت میں حیکے جسم کی کمیت کا مرکز اور محور حس کے رگرویہ حرکت کرسکتا ہے دونوں ایم کی سطح میں واقع ہوں تُو قائمیت کے تعین کے لیے ایک صالطہ د مغد(ہ و ) کے صالحہ کے حاش حاصل کیا جاسکتا ہے۔ جس مور کے گر جبم حرکت کرسکتا ہے اس کو ج اور توازن کے تحل میں بٹا ے ہوئے ان کے جم کو سے فرص کرو۔ ر ص کرد کہ اج کر نیراؤ کا ابتدا بی سستری ہے اورج ماکے گرد ( جو کا غذکے مستوی پرغرو دار ہے ) ایک جھوٹے زادیہ میں شانے کے بعد خط آب ہے ہے ماصلُ سالی دہاؤ<sup>ی</sup> وزن ب د ﴿ بَ کے مساوی ہے جواویروار عمل کرما ہے اور میزویل کے وزیوں کے معاول ہے۔ درن ( ب د (مین ج یت سم جواد بر کیطرف <u>اک</u> ﴿ رُمّاتِ فَانِهِ (كُ بِي كَا وَزِن فِوا وَيُدَ بِهِ ی طرف عمل کراسی ادر قانه اب مج کارزن جونيح كى طرف عل كراب

ان دونوں فانوں کی وج سے استروادی معیار

= گر حن لا الله فرلافرا = ج ن الم من ط

جہال ہے اکے گر رقبہ اگر ج و کے مبود کا معیار الم من ہے ھے کے

ہٹاؤ کی و بہ سے معیار کا نقصان

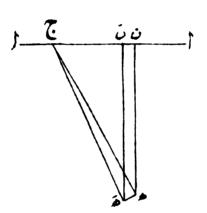
= ج ف ح بن ن = ج ف ح ب ه ف ب طر

اس کئے توازن قائم ہوگا اگر

اس کئے توازن قائم ہوگا اگر

اس کے کو ن ک ح ب ھ ن

(^ <u>-</u>)



۸۸ - ایسے بسم کی عام صورت میں جگ گرا آئی کے ایک افتی محرک گرد حرکت کرد حرکت کرستماہ و مرض کرد کر تیراد کے مستوی بر محور کا ظل ج ا ہے ادر ن اور ھا کے نظل کی ادر ن جی ا

الااس کے نظرانداز کی مہناو کا سے جو 10 متصابی مہناو کا سے رکسہ ہو 8 الداس کے نظرانداز کیا جا سکتا ہے۔ گرمشتہ و نعہ کی طرح مٹا ہے ہوئے اگرے تغیر کی وجہسے استردادی

گر مشتہ و فعہ کی طرح ہٹا ہے ہوئے ا تع نے تغیر کی و · معرف کا سی کی میں کے کار میں مار نہ میں

ر =ج ف أس مر ادره كم بنادس معيار كا نقصان

= ۶ فح×(هن-گ) ط بس به نیتجه نکلیا ہے کہ توازن تائم ہوگا اگر ع ف ﴿ مرّ - ع ف ح (هرن ـ گر) + و(ك ل ـ گر) متنبت مواس منسرط كما تذكه ex T とっこして×うい مرمح - اگر صبح متجانس مائع میں آزا دانہ تیررہا ہو اور تشاکل کا ایک ستوی ر کھنا ہو اُدراگراس سنٹونی میں کئے کسی افقی محور کئے گر دهبم کو ایک صغیر زا دیہ ط میں گھا دیا جائے تواسترداوی جنت ہوگا ج ف ط ( ( مرّ - ح ×ھ ف) جہاں تشاکل کے مستوی اور مائع کی سطح کے خط تقاطع کے گرو سطح تراش کے حبود کا معیار \ س ہے۔ ۔ ایسے حسم کا توازن جو دوما کعات میں جزءٌ عزق سٹ دہ تیر ہاہیے۔ نرض کردکہ ادبر کے مائع کی کتانت ہے ادر نیچے کے مائع کی نٹ دھ نیز فرض کردکہ کل مجم غرق سٹ ہو ہے اور سے ، سے کا وہ حصہ ہے کے مائے میں غرق کھے۔ تیراؤ کے مستویوں سکے رقبہ ( ، فر ہیں۔ کے وزن کو تھا سننے والی قو میں ، مائع کی کمیتوں کے اوزان ت شعر اورت کے ہیں جوار پر دارعمل کرتی ہیں --امیسی صورست لوجس می حبیم ایک ایسے انتصابی مستوی کے لحاظ سے متشاكل سب جوبنا وكى مستوى يرعموه وارسيد ، اس طرح عبم ادر كميتون يشح ا ورت م کے مراز بندسی دف ، هو، هو آیک بهی انتصابی خطر میں ہونے أرسم كواك صغير اويه طهيس تشاكل كمستوى بي كركسي افقي

مورك كرد بناديا جائے أو وازن كے محل برليجانے كاميلان ركھنے والى

فرون کا کل سیار ٹ کے گرو ہوگا

ت ف ( آمرا - ح ده نسب ) طربی ف ( أَمَرٌ - حَ × ه نسب ) طربی ف ( أَمَرٌ - حَ × ه نسب ) طر

ا جنح عث مر مط+ جث تح « على مَر « طه

جس بیں ف هر اور ف هر کی مشت سمت او بروار ہے۔ قرور فر سائل کی مسائل در اور دافقہ

توادن ضربگا قائم ہوگا اگر ھر اور ھر دونوں نے کے ادر واقع ہوں لیکن اگر ھر' نٹ کے نیچے ہوتو قائمیت کے لئے

ئەجەن مىرىك ئەخ» مۇنىك

ی ت (مرئی سے مھدن) > ت (ح مھ دف - اُ مُنَ ) 4-سے غیرمتحانس مالئے ۔ ایک کٹوس سیم سفیر کنانٹ کے ایکے ہیں تیرر ہا

ب ۔ ایھال کی شطح معلوم کرنا مطلوب ہے۔ ایھال کی شطح معلوم کرنا مطلوب ہے۔

معاہدات کی ساتھ کر ہوئی ہوئی ہے۔ سیلے ایک جسم کی صورت میں عور کرو جوالیسے مائع میں تیرر ہاہے جو ایم تنہ کی محمد محالیہ کی ذہر روز روز روز روز روز کی مشتر ہے۔

نزد لی ترتیت کیں تخلف کا تنوں مت رہنے ، منے . من کی تہوں برشل ہے۔ نرمن کرد کہ منٹ کٹا مت کی تہہ کی اوپر کی سطح کے نیچے مبسم کا کل حجم میں میں میں میں میں میں میں اوپر کی سطح کے نیچے مبسم کا کل حجم

فرق تنده جن سے تعبیر ہوتا ہے۔

و فعد ۸۷ کی طرح فرص کردکداس ستوی کی ابتدائی آب خطاراش ی عرج سے ادر فرض کروکہ اس ستوی کی ابتدائی آب خطارات سے ادر فرض کروکہ حفیف طور پر ہٹا ہے ہوئے محل میں اس ستوی کی مساوات

ے جہ الر طرش رورہ میں عور پر ہو کے ہوت کی یں ہوں می = ج +ل لا + م ما ہے توہم پر مساوات حاصل ہوتی ہے

﴿ اَنْ ٢ + (اَنْ - اِنْ ) ٢ + (اَنْ - اِنْ ) ٢ + ... + (اِنْ - اِنْ - اِنْ ) وَ الْ - الْ ) وَ الْ - الْ ) وَ = { تَ الْ + (اِنْ - الْ ) وَ + ... + (اِنْ - الْ ) وَ } وَ اللّه اللّه وَ اللّه وَاللّه وَ اللّه وَاللّه وَاللّهُ وَاللّهُ وَاللّهُ وَاللّهُ وَاللّه وَاللّه وَاللّهُ وَالّهُ وَاللّهُ وَاللّهُ وَاللّهُ وَاللّهُ وَلّهُ وَلّهُ وَلّهُ وَلَّاللّهُ وَلّهُ وَلّهُ وَلّهُ وَلّهُ وَلّهُ وَلّهُ وَلّهُ وَلّمُل

اسی طرح (ا - با) اور (می - ما) کے لئے متناظر سا داتیں حاصل

ہوتی ہیں ، یہاں ان دومحلوں میں اجمال کے مرکز الترتیب (الا اباء ی) (لا انامی) بي اور ار، فنر، بر متناطراً ب خطاراش برعل الرئتيب وومرست يحكون كَ لا فرلا فرا ، كَ لا فرلا فرا ، كَ لا فرلا فرا کوتعبیرکرتے ہیں -مسلسل سال کی صورت لیسے سے

ک (۱۱-۱۷)= (ل+ ف م ك (١-١) = ف ل + ب م ادر ک ری دی)= از (ل ۲۰ ف ل م ب ب م) بہاں کے و خ ح ارح فرث = ت ٢ + [ت ٢] " - ر ت فرح - کرن فرح ( = ن إ + زُون ۽ ن ۾ + [ن و] " - آ ٺ زو = ٿن اون + کريٺ فرو

ادر اسی طرح کا جلد سب کے لئے ہوگا۔لاحقے ۱۱ ن عزق سفرہ حسمر کی ادیر کی ادر بنیلی ترانتوں سے متعلق ہیں اس صورت میں کن صریحاً صفر سے آاور ادر ان معن صفرے سوائے اس صورت کے جبکر حبیم کا بیندا چیٹا بامستوی ہو۔ ا جھال کی سطح تین سا دا توں سے دفعہ ۸ یا کی طرح حامل ہوتی ہے۔ اور خاص صورت میں جبکہ فت = ٠٠ اور مبداء اچھال کے مرکز کی متوازن

حالت کے مقام برواقع ہوتواس کی مساوات ہوجاتی ہے بی یک لیاب ک ادر سین مرزی لیندلین می در جی بین-**١٥ -- شوس خبم جو كلاً عرق مث خده تيررا ہے-**ہیں سورت میں مہیں آسی طرح کی مساواتیں عاصل ہونگی ك = كل ث فرح ادر ( = كروفرت يارات و فر ب إلى الله فرو متجاس سیال میں عزق سندہ حسم کی صورت میں ا**جعال کے مرکز میں کوئی مثا دُنہیں ہوتا** ٩٢ ---- امتيله- (١) مخروط لهم كانصف زاويدراس عداورراس يتيحي وارسع-اگررای و سے کسی تراش کا دا صله لا ہوتو الإ = إلى الم المسس الم عه ن فراا = 1 الله مسس عد فرالا فرح = ١٦ لامسس عدر لا اس طبح فرا = لامسس عدفرح ر کوت فرا اسساعه کلات فرم / کاف فرح است فرح است فرح لآ، و کے ادر اجمال کے مركز كارتفاع سے اور اس طمسرت و کے اور کیسس مرکز کاارتفاع لا قطاعہ ہے۔ ١١) مكاني نما حس كا وترفاص ل ادرداس سيع وارسب -يهال فرح = ١١ ل لافرلا النظيع فرا = الله ل فرح 7

(9.)

امر کے ہے کے ش فرو کرکے سے فرح کے ل

(۴) اسطوانہ جس کا تحورانتصا بی ہے -ا

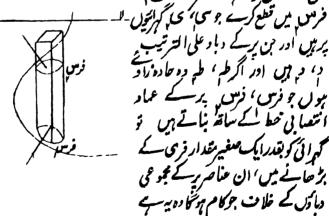
یہاں او مستقل ا*س طرح سے ۔* نٹ مال کرک -- توانا نی بالقوہ – تیرنے والے رجسام کے توازن کی فائیت

کے نظریہ کی بنیا د توانا کی کے اصول کر بھی رکھی حکمتی ہے۔ اور اس نقطہ نظر سیعے ہم اس مصنیدن پراپ بحث کرتے ہیں۔

ارن دار انع کے ایک سمندر میں ایک جبم کو داخل کرنے میں جوکا مہونا ہوتا ہے۔ اس کوسعاد م کرنا معقد دہے جبکہ جسم کے وخول سے الع کی ہوارسطے میں جو تبدیلی ہوتی سریں اس کوسے خلاص تا سران کانان ان کی اصلاح

بسے ادر اس میں جو خلل ہوتا کے ان کو نظر انداز کردیا جائے۔ اگر عمودی ترایش فرال فراکا ایک انتصابی منفور، حبم کے عدود کو جہاں

ر میں مربعودی راس حرما فرز ہوتا ہے۔ مائع اسے س کرنا ہے ضاصر فریس



ں سے حلاف ہوگام ہوگا دہ پہستے ( دِ حزیں جم م - دِ فریس جم طم ) فری = ( د - دِ ) فرلا فرما اس کے زریجت محل میں جبم کور کھنے میں جو کام ہوا وہ

 $\int \Sigma \left( \frac{1}{2} + \int \frac{1}{2} \int \frac{1$ 

(91)

جہاں تکمل عرق ستدہ حجم پر لیا گیا ہے۔ اگر الئے متحانس ہوتو دے ج ت می ادر کام جو ہوا دہ

= ج ث رلا فرا فری

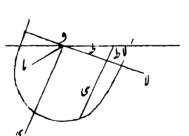
= ج ف ح <del>ق</del>ی

جہاں میٹائے ہوئے انع کا حجم سے ادر اس کے مرکز ہدسی کی گہرائی تی حب کوئی جسم مائع میں تیرر ماہو تو اس کومائع کے اندر رکھدینے میں جو

سبب توی میں میں میں میں میروہ ہو اس کوہ سے اندار تفاد ہے ہیں ہو کام ہوا ہے اس کی د حبہ سے اس میں توانا ئی بالفوہ آ جاتی ہے ادر اگر ما تع متحاض جوا در حسمراور مثا کے ہوئے مائع کی کمینوں کے مرکز ن ہے ہوں ادر

ان كى كرائياں ما ، يَ موں توسم كى توانا ئى بالقوه كا ناپ ج ت ح (تى-طا)

ما حاسکتاً ہے۔ با مبجبم توازن میں تیررہ ہو توح خرج × ھر مص<sup>یع</sup> مہ **9 —** تیرنے



مستوی کے مسی محور کے کرد جیوٹے زادیہ طریس محمانے میں

جوکام ہوناہے اُس کو معلوم کرنا۔

اله برصری محل تشکیل اکل فرضی سے جس میں بدنوال کیا جاتا ہے کہ ، دندنا مس کوجم کیر سد معنے سے ہی اللہ معنا من کی محادر آز اوسطی ہے ۔ تصم کے لئے سے اس کی محادر آز اوسطی ہے ۔

ورس کردکہ و ما گردس کا محدر ادر و ی انساباً نیجے کی طن ہے اوروض کؤ
کرستوی لا وی بس حسم کی کمیت کا مرکز ت اور ا جہال کا مرکز ہو واقع ہیں۔
حرض کرد کہ ہر ادر دف کے محدد علی الترتیب ( آ ، ، ، کم ی ) اور فنا اباطا )
ہیں - نوار بن کی صورت میں لا = صنا
ابتدا نی محل میں مہنا ہے ہوئے ان کم کی وجہسے توانا تی ا بقوہ

عرف می مالے جن آ ) ی کا فرلا فرما ک

= ت ث می یا لم ج ث ∫ ی نولا فرا <sup>ا</sup> ریستر بر بر

و ماکے گرد مبیم کو ایک صغیر زاویہ طدیں گھاؤ ادر فرض کروکہ محاور و لا وی جب کے ساتھ حرکت کرتے ہیں۔ اُس منتور کا غرق سٹ دہ طول حبکی عمودی ترامشس فرلا فرما ہے۔ اُس منتور کا غرق سٹ دہ طول حبکی عمود ی ترامشس فرلا فرما ہے۔

ع + لامس ط = ى + لاط بوجاتات ادراس كى كميت ك مركز كي تحمرانى ل إ (ى + لاطم) جم طه سے - اس ك بطائ بوست الا الى ي

= الم ح ث كر ك + لاطم ) (ا - طم ) فرلافرا - لم ح ث كرى فرلا فرما

ﷺ خام کا کا اللہ کا اللہ علیہ کا اللہ ہوا ہے ت طرک لا می فرالا فر اللہ کا الم

و ت ت م ( طا مم مه + صنا جب طه - طا )

- - لم ج ف طراح طاج ف طرح ضا اس من والى العومين كل زادتي

قا = ہائ شار( لا - سا) فراہ ہے ج سا طاح طا = ہے ٹ طار ( ارما -ح ت +ح طا )

= الح ت ط ( الراح - ح × ه لف) .....(١)

جہاں جہم کی طحی تراش کا رقبہ ﴿ اور و ا کے گرواس کی گروسش کا طرس ہے۔ اص سے یاستنبا ہوتا ہے کہ تواز ں فائم ہوگا اگر ﴿ مِنْ ﴾ ح \* ه ن اوراسة وا دی جنت ہوگا وزنلہ = ج ٹ ط ( ﴿ مِنْ - ح \* هر سن )

90--اگرمٹائے ہوئے مائع کا تجرمتقل ہو ادراگر سٹانے ہوئے محل مراہبال کے مرکز ہیں سے گزرنے والا انتعابی خطائھ نف کو نقطہ ہر کم میں قطع کرے تو ہر کو مرکز ابعدیا ہیں مرکز کہتے ہیں۔ بیس مرکز کے وجود کے لئے تخلیلی مٹرطیس یہ جی

. من رو المام على المراه على المراه المام الله المراه على المراه المام المراه المام المراه المراع المراه ا

یعنی گروش کا محور و اسطحی نواس کے مرکز سندسی میں سے گزرا جا ہئے۔ (وفد ۲ ۵ کے ساتھ مقالم کرد) - اور چونکہ اجہال کا نیا مرکز ، مستوی لا وی میں ہونا چا ہیں اس

> کا(ی + لا له ) فرلا فرا = ۰ لیکن کلای فرلا فرا = ۰ نه کلا افزاه فرا = ۰

لے - بعض علماء نفط بیسس مرکز کو ذرا دسیم معنوں ہیں استعال کرتے ہیں جنا مجسہ بیس مرکز کی درمیا ہی تعریف درمیا ہی تعریف درمیا ہی اس طرح کرستے ہیں کہ ۔ وہ نقط سے جاں اجہال کی سطح سکے دوسصل عمادر کل درمیا ہی اقل خاصلہ ان محادد ن جن سے ایک کوتھے کرتا ہے۔

(414)

ینی محدر و ماسطی تراش کا صدری محدر ہونا جا جیئے۔

اس صورت میں یہ ظاہرہے کہ اگر هر، فث کے اور داتع ہوتوجسم کے وزن اورِ حاصل میالی دمارُ وسعے بنا مہوا جھنت حسم کو واپس توازن کے محل رکیجا نیکا

میلان ریجه گا آور =جنح×ىن م×ط

= ج ت ح (ه مر - هن) لم ه هر = الله اورتوازن قائم

یا غیروائم ہوگا بوجب اس کے کدم

بویہ ہو پیسیات جو کا بیں مرکز ایہال کی سلم کے متصل عماروں کا نقطہ تقاطع ہے اسلے عام طوریر ہیر کی سطح کے صدری انخا کے دومستوبوں میں اگر ہٹاد کئے جائیں توان کے جواب میں دویس مرکز ہو گئے - اوراجہال کی سطح کاایک صدری

44 - مقيداً جسام - ايك ترف والاجهم ايك نابت إنقى مورك ركر كوف ہے۔ اس صورت پر د فعدہ م ہ ) کی طرح عوٰر کیا جا سکتا ہے۔ اگر و اِ تابت محد ہو اور (صا ) عا ، طا ) '( لآ ) ما ، تی ) علی لیرتیب

دف ادر کھ کے محدد ہول ادر و حسم کا دزن ہو تو تواز ن کی سف والمولی

ج ف ح لا = واصا

اگر گردیش کا محور تیرا و کے مستولی میں ہو اور مبیم کو ایک صغیر زا ، یہ طه میں گھایا جائے تو مٹا کئے ہوئے ان کو کی وجہ سے توانا تی اِلفوہ میں اضافہ

> = الم ج ف الأ ( ( من - ح ي ) +ج ف المح لا ادر عبم کے بٹاؤکی وجے سے نقصان = - يا طروطا + ط وصا

اس کے توانا نی بالغوہ میں کل زیاد تی = اللہ حضر طرار ( من -ح تی ) + اللہ و اللہ اور توازن فائم ہوگا بشر کھیکہ

﴿ مُنْ ﴾ حتى - وطا / عث

4 4 --- اگر کردش کا محرر و ، گ گرائی برہو اور تیراد کے ستوی بر اس کے ظل کوہم محرر و ما انیں اوراد برکی طرح فرص کریں کہ محا ورجبم کے ساتھ حرکت کرتے ہیں تو و بقدر اللہ گ طاکے نیجے اُرْ مَا ہے اور ہٹائے معرفے مائع کی وجے توانائی با فقو و میں اضافہ

> = ﴿ ج نِسُ ﴿ (ی+ لاطہ + ﴿ گُ طُرٌ ) (ا- ﴿ طُرٌ) فوالا فرما - ﴿ إِ إِنْ جَ ثِنْ مِنْ فَرِلَا فَرِهَا

= الم ج ت کا (الا فا - بلی الدائدی ک طرا ۱ و الا فرا = الم ج ت طا ( (مز مح می منع کر) عربی شاطرح لآ

اور میم بر جا ذہبار من نے جو کا م کمیا وہ

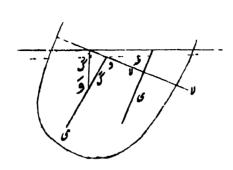
= و{ كا(١- لولا) + ضاطر + ليك طراط }

اس کے کل برونی کام جو ہوا وہ

= لم ج ف طرا (س - ح (تی - گ) ) + لم و طرا (طا - گ) ) جهال طمی ترایش کا رقبه ( سے ادر تیراؤ کے متوی بیزنا بت مود کا جو

ظل ب اس مے گرداس کی گردش کالصف محطر ما ہے۔

(91)

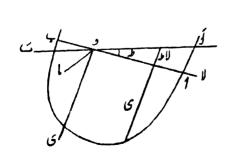


تائیت کے کئے مضروبے۔ (مل ) - جوٹ (طا - گ) ) - جوٹ (طا - گ)

٩٠ - غيرتنجانس الع-ايك جسم غير ستجانس العُين تيررواهم، تيرادك

ستوی بی کے کسی خط کے اُرداس کو گھانے بیں جوکا م کیا جآنا ہے اسے ملوم کرو۔ دفعہ(م و) کی طرح محاور لو اور دہی ترقیم استعال کرو۔ ہم لے سکتے ہیں ن = ت ( می ) لیکن فرد = ج ٹ فری

: د ع إف رى ) - ف ر٠)



دنعہ رس ویا کے بوجب جسم کوکسی تحل میں انع کے اندر داخل کرنے میں جوگا کرنا کرتا ہے وہ جال تکل غرق غده جم رینا گیاہے - مسرکومب ایک صغیرزاویو طرمیں گھایا ط عے توبیکام ہوجا بھگا

## ∭ ، فرلا فرما فرى + كل وَ فرلا فرما فرى الله

بهاں عضر فرا فرا فری برکا بیادار آن نهادر بینے مکلا کی وسعت و جی ہے جو بیسلے تھی لیکن دور ایک کملا فی وست کے اندر لیا کہا ہے ۔ جو بیسلے تھی لیکن دور ایک کملا فالول اول ( اسب و ب کے اندر لیا کہا ہے ۔ اسا است دُری اِن اِی ملا + لاط می اے ت ( ۰ ) }

= د +ج (الطه- لي ي ط ) فَ ري) + لي ح الأط ف ري)

ن الله و المرافز المر

نا وارا سے متعلق تکلہ بن می ہر مگر کے لاطاور کا سے ملم الا میں لد کی صرف بنی نوت مرقار رکھنے سے

ر = ح ( ف ( ی ) - ف ( ۰ ) + لاطرف ( ی ) } = ج ( ی ک ( ی ) )

ن كر و فرقى = ج إلا لم ت (٠) + لاطه ت (٠) - لاطف (- لاطر) }

= أح لاطات (٠)= أج ج ف الاطا

اس لئے ساؤیدارے میں ائع کے داؤں کے خلاف ہو کا م ہوا وہ توانا ئی ا بائقوہ میں ا خانہ سے ، ر

عج طرالا لا ٹ زلا فرافری - ہے ج طام الاری ٹ - لا فرن ) فرلا فرا فری + ہے ج طراکاری ٹ - لا فری + ہے ج ٹ طرح کار + ہے ج ب طرح کار لا فرا فرا کیکن جسم کے وزن نے جوکام کیا دہ

(40)

= مرطا(۱- لمر) + صاط -طا }

جهال بیلے کی طرح جم کی کیت کے مرز دی کے محدد (صاب کا) ہیں

اور دِصا = ولآ = ج کار لاٹ فرلا فرا فری

: بٹاؤکے بیداکرنے میں کل برونی کا م جو ہوا وہ المراح ٹراکر کا فرلا فرا+ج ∭ل<del>افٹ</del> فرلا فرا فری- و(تی- طا)}... (۱)

اگری گہرائی بر ترامش کا رقبہ ﴿ ہوادرستوی ما وی کے ساتھ ترامش کا جو خط تقاطع ہے اس کے گردگروش کا نصف تطرس ہوتو دو سرے تکملہ بر تکمسل بالحصص سے عمل کرنے سے ملیگا

له لا (ج ت إبر + [ج ت أس أ - ج ك في (اس) نرى - و مدهدت كي ريس

- و × هرست ؟ ماں بلحاظ ی کے مکمل خط آب سے زیر ترین ہوا (سطح تک لیا گیاہے۔ ایمکمل کی ترتیب کو کٹ دیے سے کام کا حملہ ہوجا آ ہے۔

المراج في المراجع كوث فري (امر) فرى - و × هرف

جاں نے اور این افتی تاش سے متعسلق ہیں اور اید . ایر ورور کا کی جو کر دور ہے ۔

موائے اُس صورت کے جکہ جسم کا بدندا مستوی ہو۔ مواز ن صریحاً کا تم ہو گا اگریہ جل مشبت ہو۔

9 - بس مرز کے و جود کے لئے ہٹائے موے الع کی کمیت سقل ہونی الع کی کمیت سقل ہونی الع کی کمیت سقل ہونی العامی ادرا چھال کے مرکزیں سے گذر نے والے انتصابی کو هدنت کو تطع

كزا وإسيئ -

## ستقل کمیت کے لئے شرط یہ ہے

یا کا دن + لاطه فرت ) دلا فرا فری + من طرالا فرا = اللات دلا فرا فری این الله فرا فری این الله فرا فری این الله فرا الل

ادر ودسری مضرط کے لئے صروری ہے کہ

الكن (ى + لاط) افرلافرافرى + من طرك لا افرلافرا = . لسرك

سین کرکرک (ی) ازلا فرما فری = . نه سیمشره موجاتی ہے

دوبؤں منرطیں بوری ہونگی اگر محدری کے گرد تشاکل ہو۔ یا اگر مستوی اوی بیں سے تمام انقی خطوط ، متناخل انفی تر منوں سے ہندسی مرکزوں میں سے گذر نوالے صدری محور ہوں اس طرح کہ تمام گہرائیوں پر

كرلاما فرلا فرما = • اور كرك لا فرلا فرما = -

حب بیر سترطیس بوری مول اور هر پس مرکر موتو استرواوی حبت

و الله عرب طريا و (هدر و هن) ط

=ط { ق ب المرابع ك فري ( المرا ) فرى - و مد ه ف

و× هم= ع ( المرا + كن وفي ( ( مرا ) زى }

جان مكل زيرترين ميوارسطح سيسطى تراش ك لياكيا سه-

\_\_ چونکو ونعد ( س ) کانتیجه ( ا ) درست مے خوا دهیم اُنع کے بنیج تخلا ہوا ہو یا نہ تخلا ہوا اس سنے گزشتہ دو دفعات کے نتائج بھی مراک صورت میں

ورست ہیں اور جو کر دفعہ ( ۴ م ) کا طهر ( ) دفعه ( ۹ م ) کے جله ( ۱ ) کی صرف ا کم حاص صورت ہے اسلے ہم یہ متحد تکاستے ہیں کہ متحالس ا نع کے لئے تکمی

صل مشیدہ تا مج درست ہیں خوا دجسم اکع کے جنبے تکلا ہوا ہو یا زہو۔

الك صم فيرتنج نس العُ مِن كلًا خ ق شده \_\_ کُلَّاغ ق سن رہ جسم --ہے -اس کوسی انفی محد کے کرد

سغيرزا وكيس كحاف يس و م كياجا أسب است معادم كرو-اویر کی طرح و ما کو گردستس کا محور

لو اور فرض كروكم محاور و لاوى م میں ٹاُبٹ ہیں۔ نیز فرض کوہ مو ما کی گہرائی گ ہے اور

ت ء ف (گهرانی )) اس طرح زازن کے محل میں

د = ج ( ن (ی ۱گ) - ن (۱)

ادر بٹائے ہوئے محل میں

دَ عِيْ إِف رى - إِي لَا اللهِ ) - ق ( · ) }

= د +ج (الر- لم ي لم ) ت + لم ج الأطر وتى

و اکے گردسم کوایک صغیرزاوں لمریں گھانے میں جو کا م ا کے کے داؤں کے فلاف کرا ٹراسے وہ = ال (د - د ) فرلا فرا فر ی [وفعه ( ۱۹۵۷ ) =ج طر الله الله فرا فرى + أج طر الرولا فرى - سنى فرلا فرا فرى جہاں کمل ہاے ہوے ائع کی کل مقدار کے اندالیا گیا ہے ۔لسیکن مجاؤ میں حسبم کے وزن نے جوکام کیا وہ = و{طا۱۱- له طرّ )+ صاط اله علا } مهال يبله كي طرت حبم كي تسيت مسكه مرز دف ك محدد (ضار). اطرا) أي-اور وضا = و لا = كاكل نف فرلا فرا فرى اس کئے ہٹاؤ میں کل کام توکبالیا وہ = المراح الألا و<u>ت</u> فرلا فرا فرى - و(يق - طا)} = الله طالح على الا وت را فرا فرى - و × هرا ا = + طالع (م) فر<u>ث</u> وى - و م ه لت } جال ممل صبح کے مبدرین تعقیصے زیرترین نقطہ نک ایا گیا ہے۔ -- نوار ن قائم بوگا اگر حمله بالا منبت بو- يس مركز كا مقام جبكه أس كا وجود مو ادبر کی طرح معلوم موسکتاب . پس اگرهر بس مرکز موزواستردا دی منت ودنت مر×طری و (همر-ه نت) طه

 $= \{3 / (3) \frac{i - 1}{i \cdot 3} ; i \cdot 3 - 6 \times 60 : 1 \} d$   $= \{3 / (3) \frac{i - 1}{i \cdot 3} ; i \cdot 3 \} d$   $= \{3 / (3) \frac{i - 1}{i \cdot 3} ; i \cdot 3 \} d$ 

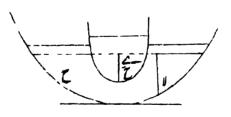
یا دیده هر عالی از با ب اور (بربات از بربات اور با بن اور بندترین اور بندترین افتی تراسون اور بندترین اور بندترین افتی تراسون سے متعلق بین اور بندترین نقط سے زیر ترین نقط یک دیا گیا ہے ۔

اگر جسم اسبنے بند ترین یا زیر ترین نقط بر جیٹا نہ ہو تو ہم نکھ سکتے ہیں اگر جسم اسبنے بند ترین نقط سے ایک شوس جمع ہوجا تی ہے ۔

اگر ایک شوس جم کو الحق میں جم بوس میں مائی ہا تقوہ جمع ہوجا تی ہے ۔

اگر ایک شوس جم ایک برتن میں جس میں مائی ہے تو کام ہوتا ہے اور اس ایک بالقوہ حاصل ہوتی ہے ۔

اوراس التے ایک کے مرز تقل کے اور تراش ہے اور آتی ہے ۔



زض کردکم اکع کی گرائی لائے جم کے عزق سندہ حصد کی گرائی ہے برتن اور کھوس جم کے عزق اور کھوس جم کے عزق اور کھوس جم کے عزق اندہ کا جم سے اور کھوس جم کے عزق شدہ صد کا جم سے ہیں ، ان کا جم سے اور کھوس جم کے عزق شدہ صد کا جم سے ہیں۔ تب سے (لا -ی +ی ) فرتی اور آوان ئی باللزہ میں اضافہ ج شئے لا کے تغیر کے مساوی ہے جبکہ اور آوان ئی باللزہ میں اضافہ ج شئے لا کے تغیر کے مساوی ہے جبکہ

(99)

مرلامیں اضافے مف لاک وحبے سے بیدا ہو۔

= 🎖 لا معت لا - (معت **لا** - معت ب*ی ) نتح -* ( لا - ی ) -

اب جونکه الله ح الله کار لا م کار کے و تی

اس کے کا من لاء سے مف ی

اس کے تغریح (معدی -معدلا)

ینتیجہ اس بات کو ریرِ نظر کھ کر بھی فوراً حاصل ہوسکتا ہے کو تع ٹھوس کم رکے حاصل نتعماً بی دباؤ کے مساوی ۔ بے اور ا مع کے چڑا دُمعتُ لاکی وجب

سے جسم کا تمار معن می ۔ معب لاسسے ۔

مان اسلوانی برتن کے اندر بچے انع ہے، ایک جبیماس انع کے ا ندر تيرر بآسم ، جسم في توآنا ئي بالقوه -

کو دا خل کرنے کے بیٹیر برتن کے اندر جوما نع سبے اس کی سموار یا ے کن مطلح کوشعار کی صفرسطح الو۔ فرص کروکہ ترین کی ہمو دی تراش ہے ہے اور حبیم ساکن مطلح کوشعار کی صفرسطے ال

كى آب راس جكرمبم و را زو مى سبع - فرض كروك توازن سنع محل مي غرق

ٹ دہ تج م ہے ۔ 'ج ٹ = ا کینے سند ، م جسم کے دزن کو تھی تنبیر کر تا

ہے۔ فرضُ کرد کہ تسبی دور رہے محل میں غرق شدہ حجم ملم ہے۔ اس مِوخر الدُّکمُ محل میں یا نی کی ہموار سطح بقدر کا صلہ ہے کئے کے اور اُٹھ مجائیگی - یس اگر صفر سطح

کے نیچے اچھال کے مرکز کی گہرا نئی گ ہورتہ وزن سے بہتے درگ ہے۔ بلندی کے اوپر اُٹھا دیا گیاہے اور کا م جوہوا وہ سے گ + یکے کے مسادی

ہے۔ اس کے اگر مفر سطح کے اوپر مہم کے مرکز تقل کا ارتف ع ق سے بعیر موتو عل توانائي بالقوه موكي

ح ق+ح گ + <u>بح</u>

غرق شدهجبم

> ۱۰۵ - مثال - ایک اسلواز ووسرے اسطواز میں تیرر ہا ہے -تیرنے والے اسطوانہ کے قاعدہ کے

ترنے والے اسطوانے کا عدہ کے مرکز بندسی کو سیدا و لو اور فرض کرو کہ

کے درمیان سے۔

3

قا عُدُكار قبر (ب - نیز فرض كردگر الغ كی سطح کے مستوى كی مساوات ل لا+ م ا+ ن ى = ع

ہے جہاں 'اوبر وار انتقعا بی حظ کی سمتی جیوب انتمام ل، م، ن ہیں۔

تب ج - المع اور الروازن کے محل میں اچال کے مركز كا

مقام هر بهوتوخاه هر. کاظل ادبر دار انتصابی به بهوگا مقام هر بهوتوخاه هر کالا + م ۱۰ + ن ی ) ی فراه فرا

(1..)

نیزاگر جیم کے مرکز نقل دی کے محدد او، ب، ج ہوں توہم و سکیتے ہیں کہ حلائے (ل اوجم ب + ن ج) - ان (طلاع کے در ال + بیم + ۲ صبل م)

اور میں سے لیے کی اس طرح توانا کی بالفتوہ ہوگی

ال المهم ب +ن ج) + ب ال المهم ب +ن ج) + بان (صل + + م م + الم ب الم ب الله به م م الله به م م الم الله به م م - الم الله به م م م الله به م م م الله به م م الله

متالاً فرض کروکه ۱ = ب = . اس طرح ن ، مراز مندسی کے خط و ی برواقع موگا- مکسو سے = اف جہاں ن انتصابی محل میں ڈو ہنے کی گہرائی ہے تب توانا می بالقوہ ہوگی

البح الله المراب المرابطوارة تقريمًا انتصالي موسم تقريمًا ن= الله الناج المرابطة المنظمة المنتصالي موسم تقريمًا ن= الله الناج المناج ا

البسی صورت میں جبکر اسطواۃ تقریباً انتصابی ہو ہم تقریباً ن= الله (لُ +م) المكتب ہیں -اور لُ اور مما کے سر روجاتے ہیں

ارباد المراك (الم عن من المرباد المرب

یس قانمیت کے لئے ہا ( عنا (۲۶ - ف ) کولازاً تراش کے حود کے کم سے کم مدیاد سے کم ہونا چا ہمنے -کم سے کم مدیاد سے کم ہونا چا ہمنے -مزز برال اگرزام نیس دائرہ یا کوئی البسی شکل موجس کے لئے عمدہ براجہ = . قرقوانا ئی با عقود ایسے محل میں حبس میں محدوا شفیا ہی سکے ساتھ زادیہ طرباتا ہی پر برگی ہے اس الم میں میں میں محدوا شفا ہی سکے ساتھ زادیہ طرباتا ہی پر برگی

سا ہے ہر نے جم کومستفل کینے سے سے عند اس طرع اکو کل میں نوازن (۱۰۱)

- (ف (۲۶ - ف) + عر (۲ + مسر اطر) = . حسسه طرکی ایک مقیقی تمیت لتی ہے جبکہ بل اف (۲۶ - ف ) > م ینی جبکہ انتصابی کل فیرقائم ہے ۔ المشا

ا سے بانی سے بھاری شے کا ایک برتن ہے جس کوا دند ماکر کے باتی کی سطح پر رکھا کیا ہے ، اس: ساتنی کا فی مواہد کہ وہ تیرسکا سیند ۔ اگر اسکو کجد فا نہیا ہیں بانی سکے امدر ذرا جیجے ڈ کیلی دیا جائے تو ٹابت کر دکہ وہ توازن سکمالیسے محل میں ہوگا جواندہ ابی ٹاکو کے لیے غیرتوائم ہے ۔ اس ایک محوس مکا فی ما اسپنے محور پر ایک عود وارست توی سے محد د د ۔ ہم ۔ اگر بہ تیرد اور اس طور پرکد اس کا مجورانتھا بی جواور داسسس بانی میں غرق ہو

افر میر میرو بهر اس طور برگه اس کا بحرا مصابی مجوا و رزا مست بای میں عربی ہو تو ہٹا سے بہوے ما مع کے مرکز نقل سے اوپر سیسر مرکز کا ار نقاع و تر خاص کے نصف کے مسادی مبرکا۔

مع ۔۔۔۔ایک مخرد طاحب کا زا ویہ رائس ، ہا ہے یا نی میں اس طرح تیرر ہاہے کہ اس کا محدر انتصابی ہے اور رائس نینیج کی طرف ہے یہ نابت کردکہ اس کا بسس مرکز نیرائو کے ستوی میں واقع ہوگا اوراس کا توازن قائم ہوگا بیفرطیکہ اس کی کٹافت ا منافی کے ہیں۔

سم --- ایک مشا وی انسافین نا نداس طرح نیر باسے کد اس کا عده انقی ہے اور اس کی د حاریا ہی تا عده انقی ہے اور اس کی د حاریا کی د حاریا کی د حاریا کی د حاریا ہی مستوی میں د قوع نیر بهو توازن قائم بوگا اگر فائد کی کتا فست اور سیال کی کتا فنت کی اس میں سیال کی کتا فنت کی اس میں سیال کی کتا فنت کی اس میں سیات اس میں میں کا داور ہے۔

۵ --- ایک بنداسطوانی ظرت برت سے ایک ہوتھائی تجبر دیا گیا ہے۔ اور استعالی محور دیا گیا ہے۔ اور استعالی محور سے ساتھ یا بی میں است تیرے کے سنے جھور دیا گیا ہے۔ افران کا دی ایک جو تھائی سبے جواس میں ساسکتا ہے۔ برونہ کے میکنے سنے بنکے اور دیا توازن کی نوحیت کی جانج کرو۔ جبکہ تبش کی تبدیلی کی وجب بم کی تبدیلی نظرانداز کر دی جائے۔

الم كسنة الك تموس معم دو مرس مخرد الى شكل كاب اور دومساوى وائرى المخول سي محدود من وائرى المخول سي محدود من المقد المراكب سي محروك سائقه المخول سي محدود من المواكب سي ووجند كتانت كم الكفيف زاويدراس بالترتيب مراكب سي محمد المواكب المحمد المواكب المحمد المواكب المحمد المواكب المحمد المحمد

کے ۔۔۔۔ ایک اسطوانی جانئی مونی ترامنس، کی وترخاص کے دیساوی مکازل کی دوساوی وسیں ہیں جو بیندے برمس کرتی ہیں، بیندان سکا فیوں کا مشترک راس ہے اور اس طرح جہاز کے پہلو لمجا ظیانی کے مقعوبیں - جہاز سیدہ کی تیرہا ہے اور اس کا بیندا کی گہرائی برہے ۔ ٹابت کردکہ بیندے کے او بریس مرکز کا ارتفاع ہے

اگ ( ﷺ + گُنّا)

٨ \_\_\_ ايك كروشى مجسم كے كسى قطعه كوج قائم تراش سے بيدا ہوتا ہے الحرين فرق

کرنے سے اچھال کے مرکز اور لیس مرکز کا در میانی فاصلہ ہیشہ ستقل بہا ہے۔ خوا و تطعه کی بلندی کی ہی ہو کا گردشتی مجسم کی شکل دریا فت کرد-ہے اورایک مخروط اس قدروز نی ہے کہ حب تک ر مذکلیس حاک بیساگن منیں رہ سکتا۔ محزوط کی کتا نت اگرتیرے والاحسم اسطوانہ ہو جس کا بحورا نتصابی ہے اور حس کی گنافت ما في الع كى كتافت اصافى كم ساته منسب فراكستى بي تو تابت كردكم توازن امورا) قَائم مو كا اگر قاعده كے نفست قطر اور بلن ي كى إنهى تنبت افذ (ا- فذ) كسير بري مو ر کا نی نما شکل کا کیساُں خول انتصابی محور کے ساتھ تیر، ہاہے اور اس کا نین چوتھا ئی مصدیا تی نے بنچے عزق رہاہتے حبکہ اس کو بحور کی کہ گہرا ئی تک ابیسے مانع سے بھردیا جائے جس کی کتا نت ۵ ہے ، تابت کروکہ توازن خاتم-۔ گروشی مکا نی مناکی شکل کے ایک ظرف میں یا نی سے اور یہ ظرف ایک ناب ا ے کرہ پرساکن ہے اس طور میکہ اس کا اس کر ہ کے مان تربین نقطہ پرے۔ مے دزن اسطوا نی خول میں ا نع۔ لی کتافت کو بیرونی انع کی کتافت انے ساتھ جوسنبت ہے ود ایک سے کم ہو اور بنناة کے نسب سے بڑی موجواسطوار کے نسب تطریو اندرونی انعی انصف کردی خول کوجس میں مائع ہے ایک ایت کھر درسے کرہ کے مدیا کما سے حبر کا قطر خول کے قطر کا دوجیدے ۔ نابن کرو کہ توار ن قائم ، گرینتی جسماس طرح نیرر ا ہے کہ اسسس کا رہم ہے ۔ اس کی تکل سلوم کرو جبابیں مرکز کا تعام مائع کی کتا فت پر شخصر منہو۔ ما تھ غیرقا کر تواز ن میں تیرر ہا ہے۔ ومخروطى خول شيحي واررأنس

توازن قائمنا نے کے لئے اس میں کتابا نی ڈالدیا جائے۔ -- ایک عفوس مخروط انع میں اس طرح رکھد یا گیا ہے کہ اس کا محور منعما بی ے ا در اِس کا راس نہیجے وار برش کے کا عدہ برحس میں مائع ہے ٹیکا ہوا ہے۔ اگر آ ا نُع كَيُّ كَهِ إِنِّي مُحرُو طـــكِ ارتفاع كالنصف مواور اس كي مُثا نت محروط كي مُثا نت كا حيار تحنا بونوشًا بهن كروكه توازن قائم بوكا الرمحروط كازا ويدراس ٢٠، مسع برامو-عُمُوس مَبْرُوط کی بجا ہے اسسِ می ارتقب اع کا ایک نیلامخروطی خول رکھنداکیا ہے جس کا را دید را من ماسی اوریس کے اندر ، رکے میطی نفظہ کی بموارسطی کک مائع ہے اور اس مائع کی کنافت بیرو بی آن کی کتافت کا تضعف ہے۔ نابت کہ وکر وازن خاتم ہو گا اگر حول کا وزن اس کے امدر دنی اگع کے ور ل کے تین ہوتھا ہی سے کم ہو۔ ٨ ١-- - ايك اسطوا ني ظرت مين حب كا وزن نظرا نداز كليا حا سكتاً سيت يا ني سلينه-اس طاف کو ایک ٹابت کمبردر سے داس بر گھدیا گیا ہے اسطور برا اس کے تا عده كا مركز أره كومس رّتا سنه - تعتبه م. وُسسكه منه قائميست في ميرط معدوم كرو- ان الحراس فتهميسك بنائون كم سلف يوازأ باللديلي موتو تابت كروكه حيوسنة أمحسده و مِنْ اللهِ ١٠ - لَكُ كُنَّهُ مِنْ نُوارْنِ عَبِيرُفا كُمُ مُوَكَامِهِ 11 -- برایک زری تحبیم کی شکل معلوم زوجوا تصالی مور کے ساتھ، ال تنابی است، طور برکر مجسمر کے زیر ترین اعظہ کسی اس کر اور اچھال کے مرکز واں کے فاصلوں کے

پرکه مجسم کے زیر ترین اعظم کیسے میں مرکز اور اچھال کے مرکز ول کے فاصلوں کے در مدائن استقل سبت رہی ہو۔
در مدائن استقل سبت رہی ہے در در ان کی کنا ست اپنے ہی ہو۔
ایک اضف واری استورات انتقابی محدر کے ساتھ ایک مان م ہم سبب کی کرنا ہمان کی در کرنا ہمان کی در ایک اضافہ ایک مان میں میں کہ مرکز مرکز استان کی در استان کی در اور سطح کا خط اساطع ہم یہ از نا محدث کی سندھ معلوم کرد ور

معلوقہ رو۔ ام کے ایک فائم ستدر محزوط افتی محور کے ساتھ ایک اسٹے میں جس کی کنا سنگ اس کن کتا فٹ کا دوجید ہے تیرر ہاہیں۔ اس کے راس کو اکم کی سطح میں ایک تا بت نقطہ کے ساتھ وال کردیا کیا ہے ۔ نابت کرد کہ قائمیت کے دیئے رادیر راس کو ۱۴۰ سے کم ہونا چاہیئے۔

(PP)

٢٢ إسب أيب اسطواني فرن أبينه مركز تقل من سن كورن وال ايك فقى عور کے گرد حرکت کرسکتاہے ، اوراس کو اس طرح رکھا گیا ہے کہ اس کامحورا نتھیا بی ہو-اگراس مرياتي والديا ماسك قر ثابت كروكد ابتدايس توازن عيرتا تم بوكا- ايسى شده معلوم كروكه كانى يا فى داكنے ست توازن قائم بنا أىكن ہو-ئے ہوسٹے دزن کا ایک مخروطی طرحت اسپنے انعتی قاعدہ کے ایک قطر کے گرد حرکت کرسکتا ہے ، اس کوایک وزن دارسیال سے جزوّ بحرد یا گیاہے۔ تابت کرو که توازن بهیشه قائم ببوگا اگر محزوط کا نصیف زا دیه راس 🦯 . سَوَّ میکن اگرزادیه است برا موتو معلوم كروكر توازن كب قائم بوكا ادركب غيرفائم-مم م سے ان ایک ظرت میں کے جس کا فاع ۔ کے کہ انفقی ہے ۔ اس میں ایک مکا نی نما ہے جس کا راس ظرف سے قاعب، دیرا کا ہواہے۔ مکا نی نما کوسیال اور نسا مده فرُزُّجرُهُ تماسم بوسعُ بي- مكافى نما كى كثافت نوعى يا بى كى كثافت كالتهم ہے ادر اس سکے بحور کے طول کو وتر خاص کے سا بھر نسبت ہ : ۸ سیت بسیال کی کم سے سام کردیس کے لئے توازن قائم ہوگا۔ ریک مکانی نما پالیجس کا دزن وسے، ایک افقی میز پر کھڑا ہے اس کے اُرر یا نی کی کچے مقدار سے جس کا وزن ن و سبے - اگر بیار ا در اس کے اندر کے با نی کے مرکز تقل کا ارتفاع ف ہوتوتوا دن قائم ہوگا بیضر طبیکہ شکا فی کا رزخاص

∠۲(ن+۱)'ت

۲۶ --- ایک گردشی مجر انتصابی مور کے معاقد تیررہ ہے۔ اس کے مورک ایک فاہت نقط بر اوزان دہنے سے اس کو کورک ایک فاہت نقط بر اوزان دہنے سے اس کو مختلف کہرائیوں نگ ڈوبو یا گیا ہے۔ مجسم کی فکل معلوم کروکہ ڈازن ہمیشہ لقدیلی اسپ ۔

24 --- ایک تھوس مخ وط جس کا محور انتصابی اور راس نیچے وارہ ایک محور کے گروجواس کے محوی خط پر منطبق ہوتا ہے حرکت کر سکتا ہے۔ کس گہرائی میں مزت کہا جا جا ہے۔ کس گہرائی میں مزت کو یا جا ہے۔ کو والم توازن فائی ہو۔

24 -- کا گرے کا ایک معلوم حمرا سے مط معدود اسے جس کی تحدین اقص

کے ایک راج نوبحورا عظم کے گرد گھا کے سے موتی ہے۔ بیسم ایدہ میں ارکر کا کسے عزق ہے ۔ بیسم ایدہ میں ارکر کا کسے عزق ہے ۔ اگر سعیرزادی کہا وں کے ساتے قوازن بعد بلی مونو البت کروکہ

٢ ; + ٢ ; + ١ ; ٠ - ز - ٢ = ٠ ، (ز = جرج المركز)

۲۹ -- ایک نفوس مخوط حب با زاوید راس ۲ عد ۲ ، ۴ -- کو جه ایک سیکند سیدب ارکے گرد جواس کے مرکز نفل پی سے گزرتا ہے اور اس کے محد ربر عود - بے حکت اِسحنا ہے ، اگر تارکو مانع کی سطح میں رکھا جائے قو نابت کروکہ مخروط قائم توازن کیمجل نیں ہوگا۔ جبکیاس کامحور انوی کے ساتھ زادیہ حبب ان جب عد) کا میلان رکھناموں

، تسوی ناب کروکہ تیر سے والے حرکہ اس کے مرکہ تقل کے گرو جمیو نے زاویر ط میں سے کھانے میں بیکا مرکزا ہڑتا ہے۔ ا

ا عد ( (مرا + ابا - ت ح ) ط

جہاں جبر اور مثا کے موے مالغ کے مراکز تقل کا در میانی فاصلہ ف سے اور حبیم کے مرکز تقل آر تیاز کے مسموی کے دئیا کے مرکز تقل کے ویمیان افعی فساصلہ میں بھور۔

ب ب ب ایک مکانی نماییا یہ جس کا مرحاص ہم استے اور جس کی کمیت کا مرکز رہی استے اور جس کی کمیت کا مرکز رہی استے ہوئا فیاں میں اور ت ایس استے ہوئا فیوں نے اور ت ایس اور ۱ تا ہم حضور کے گروھیو ساتے زا ویہ طریس اور ۱ تا ہم حضور کے گروھیو ساتے زا ویہ طریس کھا ۔۔۔ نریس ج کام کرایڑ ہا ہے وہ ہے

ہ وہ وہ ہوئے طا (ن ار نا - ن ) + (ن + ف ) ن ان ا جہاں ن وہ ن مور کے وہ طول ہیں جو سابوں میں غرق ہیں -ایکو ۔۔ ایک میں میراراد تا متساوی اساقیر ہنگٹ سیال دیں اس طرح تیرر واجے کواس بھارا میں بیٹے کی طرف جیمے قاعدہ افتی ہے ، اور اس کے رقبہ کا کہا حصہ

(1-14)

سال کے نیچے غرق ہے ہیں ہی کا مرکز نقل میں مرکز برمنطبق ہزا ہے۔ دریا فت کرو کر توازن حقیقت میں قائم ہے یا فیرقائم-مع مع — گردشی مکانی نماکی شکل کا ایک میسم انتصابی محدرکے ساتھ تیرر ہاہے۔

مع مع --- روسمی مرای ما می مش و ایت جمرامصای خورسط من مراه است. اگر مجود کا مرکز لیس مرکز پر منطبق ہوتو تا بت کردکہ نوازن قام مہوگا-

مم مع -- لا ما مك ستوازى أيك مستوى سه سطح ج ما اليمى ( الا - الا ) كو قطع كرف سع جي ما اليمي أن الما الله عنه و كو قطع كرف سع جومبر برا بهتوا سع وه اب سع ن محكنى كنافت والي سيال

میں تیرر اسبے۔ اگر کسی انتصابی مستوی میں صغیر زادئی ہٹا ڈکے لئے توازن تعدیلی ہوتو نمایت کروکہ

 $\frac{r_1}{r_{\overline{C}}} \stackrel{3}{\sim} + 1 = \stackrel{1}{r} \stackrel{\circ}{\circ}$ 

وہ ایک متساوی اساقین شلتی بترا اسبح ایک الع میں جس کی مخا ایسے بدلتی ہے جسے گہرائی اس طرح تیرر باہے کہ اس کا قاعدہ ایب افقی ہے اور الع کی سطح کے اور واقع ہے۔اگرائع کی سطے کے پنچے ہے کی گہرائی گ ہوتو ہے کے اور بس مرکز کی طبیدی ہے

الله تعالم الله

۱۱۷۴ -- ایک ناقعی بیرا ایک اکع می نصف فوق سفده تیرد اسید اس طور برکه اس کا عرضی محرر ( ۲ و ) انتصابی سید اکن کی کتافت ایسے بدلتی سید طبیع گرائی ۲ و زام ۱۹ و زام ۱۹ مربع می ایست کردکه بس مرکز کی گرائی ۲ و زام ۱۹ مربع - جال ز، خردج المرکز ہے -

44 --- نسعت نطر لا کا تائم سندریا سطوارد ایک مائع میں اس طرح ساکن ہے کہ س کا محوراً تتعما بی ہے اور اکسس کا طول ہے مائع میں غزق ہے اگر می گہرائی پر کتافت فہ (می ) ہو تو نابت کرہ کہ مرز ابعد کی گہرائی ہے آی فه (ی) فری - به او فه ( ج ) میج که فه ( ی) فری

مس \_\_ ایک گرشی مکافی نبان ایک ایع میں جس کی کٹافت ایسے رہتی ہے جیسے گہرا کی اس طرح تیرر ہے کہ اس کا محورا نتصابی اورراس سیمے وارہے ۔ نابت كُروك توازن تَا مُم يَا عِنْر قائم مُوكًا - بوحب اس كے كوم جنس (مُ + و) مسے جھونا ہویا بڑا جہاں تحور کا طول اج اس کا طول عرق سندہ و اور تکوینی

مکانی کا ورز خاص هم ہے۔ (Oblate Spheroid) میں میں ایک چیٹا کرہ نمال کٹا فٹ ایسے برگنی بہتے جیسے گہرائی کا مربع نصف غرق سندہ تیرر باہے اور اس کا محورا متصابی ہے ۔ تابت کرد کہ مان کی سطح کے ددیر مرکز ما بعد کا ارتفاع ہے

٠٠ - اك نفوس كروينى مكافى نما اس طرح تيرد إي كراس كامحوانتصابي راس نینے دارا دراسکہ ابغ کی سطے میں ہے، الغ کی کٹا مت کی عمرانی برسر ( ۱ بری) ہے جہان تکوینی مکا فی کا وٹر فاص ہم او ہے۔ تابت کروکہ راس سنے بسس مرکز کا فاصلہ ہے۔ ۱۲ --- ایک مخروط نیچے وارراس کے ساتھ اسے میں تیررا ہے حس کی ثانت ایسے بدلتی ہے جیسے گہرائی کا مربع-الریخ دوط کی کتا فت مائع کی اُس کتافت کے

مسادی موجومخ وط کے ارتفاع کے الے گرائی برہے تو مخروط کا اور یہ راس مبکر توازن تقديلي مومسا دات

جم عروب ( بر ) الم

سيع حال وكا-

مالهم -- بنارتفاع اور م و و رفاص كا ايك ظوس كافي ناانقعانى كليس المال ايك طوس كافي ناانقعانى كليس المال الله النع ك الدواس طرح متوازن من كرأس كاواس نيج وادم وادريه اب الساس كروج المع كي سطح كے نيج بح كرائى برنابت كرديا كيا ہے حركت كرسكنا ہوگا ہو كافت كردة وازن قائم موگا اگر مكافى مناكى كنافت كواس كرداس برك الغ كى كنافت كے ساتھ جونسبت اگر مكافى مناكى كنافت كواس كرداس برك الغ كى كنافت كے ساتھ جونسبت ميرد و جمع بر مع و جمع مل مولا سے كم مود

سام م --- نفعت زادیه راس عدلا ایک قائد مستدیر طوس مخروط کا عق شده ایک ان میر جس کی کتافت ایسے بدلتی ہے جیسے گرادی اس طرح تیر را ہے کہ اس کا راس اور واراور محدرانتھا بی ہے۔ اگر مخروط کا ارتفاع ن اور انع کی سطح کے بیجے

اس کے راس کی گہرائی ب ہوتو ٹابت کرد کہ راس سے بِس مرکز کا ناصلہ مدس نے مدر میں ہوتا ہے ہوتا ہے میں عبر میں میں میں ہوتا ہے ہوتا

مهم مسد وطلموت وسع كى تيسال مونى جا دركا ايك اسطوا نى مياهركا نصف قطر و فط اور وزن و بوند س بانى من سيد ا تيرر اسب- تا بت سروكر اس كامركز تقل تيك رخ ك ادبر

> 9 + PA 67 73 mam

بیند نامت کو کراس کا درن خواه کچه ہی ہواس کا بس مرکز نیچلے رخ کے اوپر ۔ د× لا بینرناه دون رمیزامہ سریہ بسرناه دون رمیزامہ سریہ

۱۹۷۶ -- ایک اسطوان میاله کیسال تبلی دهلی مونی دهات کی جا درست نبایا کیاست پیاله کی تراش دائری سبنه اوراس کا قاعد د چینا اور منه کهلا مواسبت اس کا طول قاعده کے نفعت قطر کا بیم گذاہ مے اور بیاله میں جتنا یا نی ساسکتا ہے اس کا وزن اخمد

و میے۔ نابت کردکہ بالد انتصابی کون س کے ساتھ قائم قانون میں یا نی کے اندونیس " بیرسکتا اگراس کا وزن ( و ۲۰۱۶) و اور (۵۷۱۱) کو کے درسیان واقع ہو۔

اگر بیالہ کا دزن ﷺ ﴿ ﴿ وَ اس مِيں إِنْ الْأَاسِ عَلَى اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ بنا سکتے ہیں تاکہ انتصابی کمولؤں کے ساتھ یہ نیزے بیشر طبیکہ بیالہ میں جویا نی ڈالا جا

اس کا وزن بن و اور من و ک درمیان بور کا وزن بن و اور من و ک درمیان بور کا در منان کا کار کا در در در کا در در کا در در کا در

ور نمانس م و سب ادر به راس سبه ف فاصلیک در برے میں سے محدود سب بیعنی اک الغیر مبلی ثافت من به ا*س طرح تردی سے که ا*یک سنوی طح انتصاب ہے۔ اگر

س ن (ا سَله) کالو

ت (١٠٠١) + و و ح الم ين الموت (١١٠١) - ١٠٠٠

نة خامه كروكه قائم توازن كي ووعل بريبن مير محورُ انتصابي حظ كے ساتھ زاويہ

Tr-(1-1)-1-1

ہنائات، - بہان کوسے ٹرائر نشائے کہم سے ایک جمروالعات براجن کی کٹائٹیں مشاور میں + ٹر پیس کہم سے ایک جمروالعات براجن کی کٹائٹیں مشاور میں + ٹر آ زا دانه تترريا سبے ۔ آزا وسطح ارز ، تندرک کھے ہے جسم کی جو بھیں سامل ہوتی ہیں

ان کے رہینے کے اور کہ ہیں او ن مے مراز نقل سے اور سے ہیں۔ خفیف ہٹاؤ کے کے رہینے اور سے ہیں۔ خفیف ہٹاؤ کے کے سے

مورائس انتصابی ستوی میں واقع ہو جوج تبے کو نسبع فی : بیت میں یا

غیر محدو دہیں باای ایسے ظرف میں ہیں جس کر ساتوبوں عد ادر عدست تراشنے سے

فراستوں کے رقبے اوا در اؤ کمیں۔

- ایک دومبرا دخانی جهار دومسادی ادر متشابه جهاز در کوایک د کے ساتھ طولًا الماکر ما یا گیا ہے مراکب میں ایک ہی طرح کا ہم درن بوجھ لا داکمبا ہے اگر علیجدہ جہا زول کی صورت میں میلو برالا کینے کے سکنے مرکز انقل سے ادر اس مرکز كا ارتفاع و ہوتو تا سِت كروكه وومېرے جاز كى صورت ميں به ارتفاع سن ایک کا جال تیراد کے مستوی کا رفبہ (اکسی ایک کا حجم غرق شدہ سے ادر وسطى مستولول كا درمياني فاصله ٢ ١ ں کا درمیا بی فاصلہ ۲ ب ہے ۔ ایک منٹوری صبم کے رخ یا پہلو خطا آب کے نزدیک انتصابی ہیں اس کو اس طرح لا داگیا ہے کہ اس کا امرکز تقل اس کے بیس مرکز رمنطبق ہوتا ہے حب کہ اس کو اس کے مخاروں کے متواز می تحدر کے گرد گھا کر اس میں ہٹاؤ پیدا کیا جائے نابت کرد کہ توازن قائم بیے ۔ • ۵۔۔۔ایک مخروط ناقص جس کا نصف زا دیوراس عمر بیمے ایک مائع میں حبیکی نتاِنت اس کی ننافت کا دو جندہے تیروا ہے ۔ ننا بت کرد کہ یہ اس طرح تیرسکتا ہیے کو اس کا محورا نتصابی ممن سنے ہائی ہو اور بڑے قطروا لا برانسیال کے باہر マ(ジャで) ヤイ (ガャで) くっとろ جاں رفوں کے نفوت قارم اور رہیں ۔ بتلے مخروطی خول کا ایک بند مقطوعہ جس کا وزن نظرانداز کہا جاسکتا ہیے متخانس سیال میں تیرر ہا ہے آور اس کے اندر زیادہ وزنی دوسرا متحانسسر سیال ہے۔ ٹابت کروکہ خوا ہ کو نسا ہی رخ غرق کیا جاسے قائمیت کی مضرط

جَكِر محور انتصابی ہویہ ہے کا حراث ہے اور الم + اربر + رابر ) فنا حراث (ربر + ربر) (ربر + ربر) - تاری م ۵ --- ایک مٹوس مکتب ائع ہیں انتصابی محد کے ساتھ نیررہ ہے ۔اسکو کہ مُنام راو ٹی ہٹا وُں کے لئے تو اِز ن قائم اِعبْرِ مّا نم بہوگا ہوجب اس کے سین اس میں سرکی کے ایق میں یہ آباز نا نے

کر بندا دُکِ مستوی سے کمعب کی تراش مسدس کی کمنا فت نوعی اس کی کنا فت نوعی کا دد چند ہے نیررہا ہے۔ ایک جموٹا حفت انتصابی مسوی میں ناقص نما یرعمل کر ایسے اوراس کی خنیف اور دون بوشے کا در دون بوجس سے گر زائند کما گھونٹا کر حفت کے مسرس کر زائند کما گھونٹا سے ایم من دوئی ہوئے جمال کی سٹے واصل می دونوں ہیں ہے۔ سٹے ایم من دوئی ہوئے جمال کا میں اسلی می دونوں ہیں ہے۔ ما ایک بنا ہے کہ اور دونوں ہیں ہے۔ مرکز دوں سے اور دونوں ہیں ہے۔ مرکز دوں سے اور دونوں ہیں ہے۔ مرکز دوں سے دونوں ہیں ہے۔ مرکز دوں سے دونوں ہیں ہے۔ مرکز دوں سے دونوں ہیں ہے۔ مرکز دوں ہوئے ہوئی میں ایک خطر ہے۔ میں ایک خطر ہم میں ایک خطر ہم میں ایک خطر ہم ہماری کا میں ایک خطر ہماری کے سنوی میں ایک خطر ہماری کا میں ما بھی سے ایم ایم واقع ہو۔

سے زا ہونا جا ہیئے۔ جہاں مخروط کا ار نفاع ف ادر محدر کا نوش سندہ طول ہے۔ ۳ ۵۔۔ ۔ ایک وزن وار معانس کمنب ایک سال میں بور می طرح غرف کردیا گیا ہے۔سال کی نخاصہ = گہرائی کے کمعس کامی کا کھیب کے ردرتے ا'بقی ہیں۔ نابت کرد کیس مرکزی ارتفاع مرائ ہے جا سکعب کی کمیت ک اوراس کے

ایک کنارے کا طول او ہے۔ 4 ھے۔۔ تا مم ستدر مخرط کی شکل کا ایک بتلا فات جس کا وزن نظرا نداز کیا حاسکتا ہے انتہا ہی مور کے ساخذا ایک انتح میں بتر ہاہیے۔ مائع کی کتا نت مدید ( او + ی ) ہے جہاں النے کی سطح کے نیجے گہرائی می ہے اور محور کا فرق سٹ دہ

طول ن ہے اگر مخروط کے اندر مئہ (الر+ نَنْ ) کنانٹ کا ائع ہوتو ٹائبت کرو کہ توارن قائم ہوگا لبشرطیکہ

۔ایک بنجانس وزن دارٔ مکا نی شکل کے اسطوا سنے کا ایک طول حصہ

کونوں کے علی القوائم دومتویں سے ادرایسے ایک مستوی سے محدود کے جو مكويني مكا في ت محدر برعمه و وارت بيراسطوانه اس طرح ساكن ب كرس كامحوري

متوی انتصابی سے اور زربزین کمون ایک ظرت کے انفی کھر درے میںدے کو

س کڑا ہے۔ اِس طرف میں ما نیج قالد یا گیا ہے جس کی کٹانت ایسے بدلتی ہے جیسے پیرائی کی ن دیں قوت ۔ مائع کی گہرائی گ ہے و جسم کا اِرتفاع ن ( ) گ )

اور نگرینی مکا فی کا د ترخاص ہم او ہے ۔ یہ زِسِ کرکے کہ تیراز کی حالت بیدائہیں ہوتی ؟ نِابت کرد کہ قائمیت کے لئے جسم کی کٹا نت کو ائع کے زیر ترین لج قد کی کٹا نت

کے ساتھ جونسبت ہے وہ

سے کم ہونی جا ہیئے جبکہ

「(1+1)=(1+1)」(11・-シャ)(0+シャ)くがる جا كا أنفاعل م

**٩ هـــــ أيك ئيحنان بمنوس تعائمُ مستدر مخروط كي كننا فت نثر اورزا وبير رائس** م هرب يه مخروط اك سال من تيرو السب اس طور بركه اس فاراس بيج ك طرف اور امن کا فا عَده سِغُو کے ادبرے میال کی مثالث ایسے بہتی ہے مبیے گہرائی ئی نے وہر قات اور محزو ط سکے استفاع کے مساوی کہا تی یہ اس کی کٹنا فٹ ست سب أنابت كروكدا تصابي على بي توازره الا عم بوكا بشرطيكه (۱+ن)(۱+نهن)(۱+نه ن ) حسب > (۱+نهن)<sup>۲+۲</sup> م نیزیه که مخروط اس صورت "زر"بی متوازن ہوگا حبکرانتھما بی کے ساتھاس کے محور کا میلا ن طهٔ مسا دانت 売 (ロナナ)(ロナナ)(ロナ) = (۱+ نيم ن ( <sup>۱</sup> جم عد قط <sup>۱</sup>۲۰ طه (مم طه-حب عه ) <sup>۱</sup> کسب جس کا کنارہ اسے إنی بی اس طرح بیرد ا ہے کہ اس کے دورخ ا فقی ہیں ادرانتصابی کنارہ ں کا طولِ ل یا نی میں غرق ہے۔ اگر کمعب کر اک انتی کارے کے متوازی محدے کرداک محدد وزاویہ طر میں ملا یا جا اس طور برکہ شائے ہوے یا نی کا حجم غیر شغیر ہے اور او پر کے بنے کا کو ٹی حصہ غرق نہ ہونے یا ہے تو ٹابت کروکہ کام جرکزاً بیٹر اے وہ ہے و الله جبطس ط- ( ال- ل ) مباطع ( دیکھوونعه ۱۰۵ ) ۔ جازے یہیے <sup>ہ</sup>یں یانی ہے اور جاز سمندر میں تیر ہے ا کے مقوس میم کور بن برکی ایک مشین کے دریعہ تهام کر جَباز کے بیٹے میں لٹکا ما ے اس طوار پر کر حسنم یان میں جرء عزق مِناسبے الدیائی کا وزن و بناتا ے - اس كو معراد ر معورا عرق كي فيائے اكراس كا صغيرطول معت لا اور

عرق ہوجائے ۔ نامت کروکہ جہاز اور اس کے اندرونی ما بن کی توانائی القوہیں اضافہ ہے

{و- ( ( ق + <u>و</u> ) } سنالا

جہاں جہازادراس کے اندرونی یا تی کا وزن و ہے حبم کے فاصل آب کا رقبہ ﴿ اور جہازکے فاصل آب کا رقبہ ہے 'اندرو ٹی یا بی کی سطح کارقبہ ہے۔ رین مالا مالا

۲۲ --- مکافی نا لا + - با = ۲ ی کی شکل کا جباز انتصابی محدر کے ساتھ یا نی می تروہ ہے۔ ساتھ یا نی می میر کے کسی محدر کے ساتھ یا نی میں تیر ہا ہے۔ اگر مسس کو تیراد کے مستوی میں کے کسی محدر کے گردی دوزا دیہ طریس گھایا جائے اور بٹایا ہوا تجم دہی برقرار رہے تو تابت کرد کہ جو کام کیا گیا وہ ہے

ع شح (ع جب طر- ف (١- تبرط )

جہاں موری سے گروسف کے مورکا عمودی فاصلہ ع ہے اور استدائی محرر نقل اور ایسال کے مرزکے ورمیان فاصلہ ف سے ۔ معل میں مرز نقل اور ایسال کے مرزکے ورمیان فاصلہ ف سے جو بنقائید کل وزن کے ساتھ ہے۔

مو ﴾ --- ننباد کرجہاز برایک وزن کے میٹا کے سے جوبتفا بلہ فل وزن کے میٹا کے سے جوبتفا بلہ فل وزن کے میٹوا ہے۔ میٹواہت جہاز کے بھاؤرلیز کمونکر دریافت ہوسکتا ہے۔اگر جائوادائتی ہوشد پر مواور وسطی خط سے میں مدون پر اورفار میٹر کس میریند سماط میزال اور مرکز خان اور عرف خان میسط میخا

را دیہ طرمبا سے نو ٹائٹ کرد کر عرشت مرکا دلھ حال ایسا ہے کہ خط میلان اعظم اسطی خط کے ساتھ زاد بیمست ا (ممس طر) بنا آ ہے جہاں بس مرکزی ارتفاعواں کی نسست ہم سے یہ

سیت م سبع -مم ۲۹ - - - مربع تراش کا ایک کنده یا نی میں تیرر با سبع اس طور پر که اس سکے د دلوال مربع رخ انتصابی میں اور تین کنارے جوان رخول بدعو دہیں بوری طرح غرق ہیں - اگر ایک معلومہ کنارہ بابی سع با ہررہ نو نا مبت کروکہ تواز ن کے تعین محل موسکے بشرطیکر کندہ حس سنے کا مناہو ہے ، س کی کٹا فت فرعی ہے اور ہے سکے درمیان واقع ہو ، اوراگر پر مضرط بوری ہو تو نا بت کر دکہ دونول عنیہ سر

(۸۱

منتناکل محل بہلو کے بل لڑکنے کے لئے ٹائم توازن کے محل ہو سنگئے اور تشاکل بحل غیر تائم موکل -

کے در میان واقع ہو۔ اور یہ کہ ان حدود کی درمیانی کٹا فتوں کے لئے ابک کا درمیان ور میان کا فتوں کے لئے ابک کا رہ سب سے کا رہ سب سے

اوير موكا –

۲۰۱۰ — ایک تنجانس حبم قائم توازن کی حالت میں آزا وارز تیرر ہاہیں۔ اگر شبم کو التاکراوبر کارخ سیجے کردیا جائے ادر وہ مناسب کتا نت کے ایغ میں اوسسی بہلے تیراؤکے مستدی پرتیرے تو نمابت کرو کہ توازن قائم ہوگا۔

44 ---بیں مرکزی ارتفاع میں موٹرا منا فہ کا اندازہ لٹگاؤ جبکہ جبازگوایک تیز کھو سنے والے اُڑ بینیے کے ذریعہ قائم کیا جائے ۔

۱۵ میں دیوار بہلو جہاز جس کی توئی تراش ۲ اوع ص کا ستطیل ہے سے سید ہے تحل میں تیرر ہائے اور لا گہرائی کہ عزت ہے جہاز کا مرکز نقل میب دے کے اور کے اور کا گہرائی کہ عزاد یہ طویس ایک جانب بھرادیا گیا ہے اور ایک جہنت کے ذرایعہ جس کا معیار ل ہے اسے تواز ن میں رکھا گیا ہے تا بت

 $\int = وجب ط \left\{ \frac{1}{11}, \frac{1}{12}, \frac{1}{12},$ 

49 --- ایک کیسال موسیم مکانی نما لا + با = سی کے ایک حصد کی شکل کا سے جو ستوی می ایک ایک حصد کی شکل کا سے جو ستوی می = ل سے تراسنے سے پیدا ہوا ہے - بیجسیم نیج وارراس کے ساتھ ایکویں آزا واز تیرر ا ہے - اس کے سستوی قاعدہ سے نعط وضا میا کہ برایک جوٹا وزن رکھ ایکیا ہے - تابت کرد کرمستوی قاعدہ میں کے نعط وضا کی برایک جوٹا وزن رکھ ایکیا ہے - تابت کرد کرمستوی قاعدہ میں کے

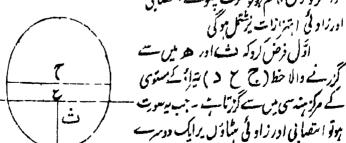
(1-4)



## تيرنے والے اجسام كے ابتنزازات

9 • ا --- اگرایک • زن دارسم اکنهیں کائم تواز ن کے محل میں تیرر امواد است اس محل ست ذرای اور جا جائے تو و ، لیموٹ اسابی ادر زاد کی اہتزازات کر نگا۔ ظاہرے کدایسے ابتہ ازات کا سوال ایک احرکی سال سے اور راز دکی اگر ہم اگع کی حرکت کو نظاندار کردیں تو میسے کے ابترازات کے اورارے سنے جو تمالئے سائس ادری در حفیقی دورون کے اورانی ہرو ہو بھی ۔ اس کتاب کی سست کا جہا تماک انتخاب میں میں میں میں کر ساتھ میں کہ مانع و تمہ و نظاندار دیا گی سنت ۔ ملان و بریس انتخاب ایک میں میں میں میں کے میم فریش کرسیکے کو بسما ہے مرکز میں سے اور میں اور میں اسے اور میں اور میں اسے میں دائی میماور اس

طامبر میرایسیم کی نمام نسطان کی بعد کی کمتیں اس مستوی کے متوازی مونگی اور اگر توازن فائم بولو حرکت چیولے انتصابی



ر معلنیده عور کیا جاسکتاست ...

(11-)

144

ایک چیوٹے انتصابی سٹاؤیر غور کرو۔ جسم کے جیوٹے حصہ سے ع کو حصہ سے ع کو حصہ سال کے با سراٹھا لیا گیا ہے ۔ ایک بتلا استطوانہ خیال کیا جاسکتا ہے ۔ فرض کردکہ سے ع = ی تو ع ن = ج ن میں ۔ی اور شبم برینچ وار قرت = جبم کا وزن - ہٹا ہے ہو نے سیال کا وزن = جبم کا وزن - ہٹا ہے ہو ہے کیال کا وزن = جبم کا وزن - ہٹا ہے ہو ہے کیال کا وزن ح بن ا

ن از عن عن عن الله عن ا

جہاں جبم کی کمیت کے ہے۔ لیکن کے = ہٹائے ہوئے سیال کا وزن = ج مٹ ح احبم کے حصر ج د کاتجم ح ہے۔

> خزای + یہ طری = -خزت ۲ + ی انتین ہوتا ہے -

اس کنے پورے اہتزاد کا و مت ہوگا

کا اساب ج کے گردایک جموان زادگی مٹا وُ (عد) فرص کرو، تب سف بقدراس ماصلہ کے اور اس جموان زادگیا جا میں بر شخصہ ہوگا اور اس کئے نظرا نداز کیا جاسکتا ہے بقابلا کن مقداروں کے جوعد پر شخصر ہوتی ہیں اور کیمرا گرجسم کو ساکن فرض کر کے ہن کو این مالت پر چھوڑویا جائے تو دو (اس فرض کی بنا یہ برکہ توازن قائم ہے ) سف میں سے گزر سے والے انقی محرسے کر داہتزاز مرسے گا۔

اً الراتبدان بٹاؤ منا کے گرولیا مائے تو مبی در اصل وہی اعب بیدا ہوگی

كونكراسي صورت مي سيح انتي سمت بن قابل قدر فاصله سط كريكا (يعني عرب بيلم رمنبه کی صعیم خدا روں کا کیانظ کرئے ہوئے اور ہٹائے بوسے مسال کی سقداراویر کی ظرح

۔ زمیس مرکز هر میونو ن کے گردسیالی دا وُکا معیار

= ع ت م ×در نش جبط

اورط كوكمان أل عن المرابع بهال طدوه زاوير س جوسف هد التساني ك سائدان برمايات-

هرن= المراكدية الهداء اب یو کمدن میں سے گزرنے والاانقی محور صدری محور سبع اس کئے

ک س <del>واطر</del> = - ج ٺ (س [ - و ح )طر

جہاں طہ کی اعالیٰ و تس بطر امدار کروی گئی ہیں اور **سٹ** م*س سے گزرنے* والے ائتی محررے گرجم کے جود کا معیارک س سے ۔ لینی

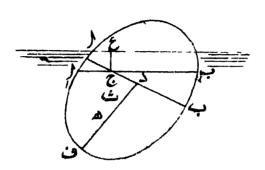
مَ - رَا طر + ج ( مرا الله - 1) طر = ·

يرساوات جموك ابترارات كوننيرك بع جكرا > وس يني جكره اله

کے ادیر واقع ہواورا مہزارات وفت

15(27-15). اگر ن علامت بدل دی جائیگی -یہ معلوم رہیے کو فائمیت کے پر کہنے کی بانخ اس منجہ سے اغذ موسکتی سے ح انجى ماعل كاكيا المزازك لئ من إ- وح كا ابك مثبت معداد موا مراح ٨ م ١ -- المانيا الره أور من كولات والآحط تقطه ج من ت ندكور سي بو

وولاں حرکتیں ایک دومرے سے غیرتعلق نہیں ہونگی ادر وہ قالان جوان حرکتوں کی تعین کرتا ہے طریقہ ذیل سے معلوم ہو سکتا ہے ۔



فر*ض کر وکتسبم* کو تشاکل کے انتصابی میشوی میں خفیف طور پر ہ<sup>ا</sup> اگر جیو<mark>ا</mark> ویا گیاہے اورخط هدف أن ت براتماني كسائف زاويه طرباتا سيع اورى = سطح کے نیچے ج کی گہرائی ہے ع ، رعن کروکہ کھ دف اسپراؤ کے مستوی کو نقطہ دیر تطع کرتا ہے اور

ه ن= ل ح د = ب د ت = د

اور ویگر رمور أندست تر کی طرت -

اور دیار رمور مد سستن سرب تب حث کی گهرانی = ی + ب حب ط + د نم ط عرب در ط + د ،

والمائح بمركبيال كاوزن

إن باعج يا اف بعج کے مساوی جم کے سیال کا وزن ہوگا۔ يه وزن = عث ٢ + عث ( ي

<u>زی،</u> ب <u>زیل</u> - ح <del>ک</del> ی (۱)

سف بین سے آدرہ والے انھی تھر کے گرو (حوصدری محرسے اور شاؤ (۱۱۲) کیست ق رہود ہیں زاد نی حرکت کو میش نفر رھاکر دوسری مساوات حال ہوگی-ست ، ۔، کردسیالی داوسے مدیار کو ور معدول میں تقسیم کیا جا سکتا ہے۔

اک توحید از دنی دیبال ده سعے ہے اور دور را مناسفے موسفے سیال کے خصد

زی کی میں ہوں۔ بالی دبار کا قبل افراحصہ = ہوشہ جوہس مرکز ہر میں سے میں سر میں اور خیال کی در سر بین المریق ہوں کے میں سے

اہ پروار عمل کی سے و اور موخرالذکر حصہ ہے ہے گ اُلی جو تیراو کے مستوی کے ۔ میرو مزیرسی طور میں مصطمر کرتا ہے۔

> طرکر خیز است که میلان ریخصفه والی همسته میں معیار در شرح سرد شروع در در میرود در میرود میرود می طورد رخی ط

= ا شام م سف هرمب طریج ن (ی (ب جم ط- د حب ط)

- ع ط (من ( - اح) ط - ح ف ( ي (ب - د ط ) - بر ح ف رمز ( - ه ح م ) ط - ج ف ( ب ي

ہے جہ ت رس (۔ وسس ) طدے شا ک ب می حمال میں اور ط کے حاص نذب کونظر اندا زکردیا تھیا ہے

نكس از الم المراه وم المراه و المراه و ا

سما فرط = - ج (سما - ا) طربی کی ب ی سری (۲) (۱) اور (۱۱) ساواتول سے حال ہوتا ہے

زای + ع (ا+ برا) ی- عب ( عب ال مرا) ط = -رت ا

مر ہے. ان مساوا وَں کو مکمل کرنے کے گئے دوسری مسا وات کو لدسے صرب دیگر پہلی مساوات میں جمع کرو اور فرص کرد کہ

$$\frac{| k \circ - \psi \circ - \psi}{| (\psi - | k \circ )|} = \frac{| k \circ - \psi \circ - \psi}{| (\psi - | k \circ )|}$$
اسطح ما ل بوگا

ادراس کی حرکت دو مخلف اہتزازوں برمشتل ہے جن میں سے ہرایک قوافین رقال کی پابندی کرتا ہے یہ دو اول ا ہتزاز صغیرا ہتزادات کے ہم وجود ہونے کے

اصول کے مطابق باہم مرکب ہوتے ہیں۔

یہ دیکھ لیا جاسکا کے کہ اگر ﴿ بِ مِن دو نقطے کئے جا کیں جن کے فاصلے ج جے سے سے مت ج دیں لہ ، لمہ ہیں نووقت مت پر ان نقاط کی انتصابی گہرا بیال

ى +لىم طد ادرى + لى طه بونكى يىنى كېرائياں مونكى

ج جم إرار له ب عم اوج جم إلار - له عم عم

ادراس کے ان نقطول کی انتصابی حرکتیں سادہ اہتزاروں تبیتل ہیں جوقا نون رفاص کی یا بندی کرنے ہیں۔ ڈورمیل ( Dubamel ) نے ابنی کتا ہیں

تنها جہلی دنوروں (Cours de mecanique, A:t 152) میں ہس اُمرکی درما فیت کو حوالہ ہینے ہوسئے اس کوائیم کوشمی (M Cauchy) کی طرب نے وب کیا ہے۔

الہ، یعے ہوسےاس ارتمار کی طبیعی (M Cauchy) کی گریٹ وب ریا ہے۔ مساواتیں ( ۵ ) ارتعاش کی طبیعی حیتوں، کو تعسرکر تی ہیں۔ ابتزازوں کے

ادوار تین را ده آسانی کے ساتھ ی = (جم (ن ت +صد) ادرط =

ب ممرون ن + صد) كومسا واتول (٣) ين مندرج كرف سے اولينبت كي كونتيج سے

ما قط کرنے سے عاصل ہو تھتے ہیں۔

المستثلير

ا ---- ایک سبد ہا ڈنڈا دیئے ہوئے ارتفاع سے یانی کی سطح برا مصافی گرا ہا گیا ہے اس کی حرکت دریا مت کرواور اس کے لئے مغیرط معلوم کرو کہ وہ مبس عرق ہوجا کے۔

ہ من کی دعب دریا سے حوالی اسطوانہ ایک مائع میں تیرر ہا ہے جس کی کتا بہت ۲ ۔۔۔ ف ارتفاع کا انتصابی اسطوانہ ایک مائع میں تیرر ہا ہے جس کی کتا بہت ۔

اسطوانه کی کتا فت کا دو چید ہے۔ انع ایک اسطوانی ظریف میں ہے۔ اگر ظریف خوا

تصف نط اسطوار کے نصف قطر کا دو جید ہوا در اسطوار کو خفیف طور برا متھا آ ہٹایا جائے تو نامبت کرو کہ اہتراز کا دفن ۱۲ ما ۱۳ من ۱۲ سے ہم گا۔

۴- - سائے۔ جسم مسکی سطح کا بجلا سید کرو می ہے ابک در ندار سیال میں بیرر ہا ہے۔ زارین کری میں فریز میں زیر دور میں میں بیان اور میں ان کرا میں اللہ میں اور اور اللہ میں اللہ میں اللہ میں میں

تابت کروکه صدیرزاه نی آبتزاز کا و نت و هی موکا خواه کیسی منجانس سیال مین نیرسته-

مم --- ایک مجون نصف کروکو خوایک افتی قطر کے گرد حرکت کر سکتا ہے سیال سے برز مجردیاً گیا ہے۔ نابت کروکہ صغیرا ہتنراز کا وقت وہی ہوگا جواس صورت میں ہوتا حکداس میں سال منوز ۔

السسائی کمیاب (جس کے نمادے کاطول ۱ و ہے) سیال میں تیروہ ہے اس میں طور برکداس کا مرکز نقل سیال کی سطے کے میسچے ب گہرائی برہے - اگراس میں صغیر ہٹاؤ بدیا کیا جا کے اس طرح کاس کے دورخ انتصابی رہیں تو نابت کردکہ اس کے صغیر انتصابی اور زاو تی اہتزار ات کے ادقات علی التر تب ہو تکھے صغیر انتصابی اور زاو تی اہتزار ات کے ادقات علی التر تب ہو تکھے معفیر انتصابی اور سے اور سے الاس التی اور سے اللہ میں سے اور سے الاس التی اور سے اللہ میں سے اور سے الاس التی سے اور سے اللہ میں سے ال

ع (۱۱۴) کے بیدایک اسطور نہ مائع میں انتصابی اینتزازات کر ہاہے۔ یہ انتج ایک دوسے میں انتہاری کے بیدائی اسطور نہ مائع میں انتصابی اینتزازات کر ہاہے۔ یہ انتج ایک دوسے

اسطوات میں ہے جس کا نفسف تطراول الذکر کے نفسف قطر کا ن کناہے۔ ثابت کروکد اسطوان کے محور کا فرق سندہ طول جبکہ وہ سکون کے محل میں مو

(1-じ) ティテ (ビー1)

موگا جہاں ت ایک بورے استار کا وقت ہے۔ ﴿ سے دف کنافت کی ایک موم بتی فہ نخا ت کے سکن یا بی میں انتصابًا تیرر ہی ہے اس کورومشن کرویا گیا اور دیکھا گیا کہ اس کا شعلہ یا بی کی طرفنب میساں دفتارء سے ازر ہا ہے اور بتی میں دفتار سے جل رہی ہے وہ و ہے نابت کروکہ

و (منٹ منٹ) = غہ ع نیزنا ہٹ کردکر اگر بنی کو اُس و تت بجما دیاجا ئے جبکواس کاطول ک باتی رہے توبتی یا بی کے باہر اُتھارہ جائیگی اگرد > مانہ ل ج رَتْ ایک اُکر

ن + ن + ن = ٤

• ا ---- عد زا دید داس کامحروط او نصف نطرکے اسطوانہ میں اس طرح تیرر اہم کہ اس کے مور کاطول او ع ق ہے -اگاسکو ایک صغیر طول میں انتصاباً نہیج و کمیل دیاجا ہے و نیابت کردکہ اس کے اہتزاز کا دقت ہوگا

حاں ف مخروط کا ارتفاع ہے ۔

11 --- ایک ظرف گردشی مکافی نمائی شکل کا ہے ، اس کا تحورا متصابی ہے اور
اس میں مائع کی اتنی مقدار ہے حبکا تجم اسی وتر خاص کے ایک مکافی نما کے قطعہ
کے حجم کے مسادی ہے جواس مائع میں نیررا ہے ۔ اگراس مکافی نما کو آنا اٹھایا
جائے کہ اس کا راس عین سطح برجوا دراگر حجور دینے برید اسنے محور کے ہے کے
مسادی گہرائی تک لوٹے سے خبل خرق ہوجائے تو نا بت کردیمہ

ائعَ كى كَثَافت: مكانى نماكَى كُفَافت: ٣٨: ٤

۱۳ -- دئے ہوے زاویہ راس کا ایک تھوس مخروط ایک ایسے تحور برتھا ا گیاہے حس کے گردیہ حرکت کرسکتا ہے اور جو مخروط کے قاعدہ سے ایک قطر برمنطبق ہوتاہے۔ اگر محور کو انفی طور پر یکوا جاہے اور اتنا یسیجے کیا جاہے کہ مخوط کے حجم کا لیے بیجے وار راس کے ساتھ ایک متجالنس ایع میں غرق ہوجا سے

نوائع اور مخروط کی ک<sup>ن</sup>ا فت<sup>و</sup>ل می*ں نسبت معلوم کرو جبکہ توازن* تعدیلی مرو-اكر توركواتنا فيصح مذكيا حاسئ كه توازن تعديلي بوجائ ادر بيم مخروط كو

بيت طورير مثاويا جاسك توصغيرا بتزاز كاوقت معلوم كروب

موا -- انگ چیشا ( Oblate ) کرد نما پوری طرح دوسیالوں نی غرق کر ویا

كيا سبع يحف سال كى كيافت اما فى اوبرك سال كى كنافت اصابى كا دويند ب كره تما انتصابي عور كسكسات تيروا في اور اس كا مركز سابون كي مست تركيسطج

ترص رکے کرصغیرمٹاو واقع برتا ہے اولاً اسسانی سمن بی اور اسک اس کے مرکز تقل میں سے گزرکے واٹے افقی خط کے گرو ٹنا بت کر ، کو صعیراہنزازول کے اوقات علی الترتیب ہونگے

マレーカ× ユーカーカイア カイ サイ

حال کرین انس کے تصف محور اور ب میں۔ - ایک متحالش مفوس حسم ایک انع میں جس کی کٹافت ایسے براسی ہے۔ جيسے كبرائ كا عزق سفده ترر إسم اس كا مركز تعل كلب كبرائي برسع - ابت كد

ر منبر انتصابی امتزاز کا دفت ۱۱۲ استری ہے۔

(۱۵) | ۱۵ --- یکسار موثالی کا ایک پیزامتسادی اسِاتین قائم الزا دمیرمثلث کی هکل کامے۔اس کا ایک حادہ زادیہ سیال کی سطح کے بیٹیے نا بلت کردیا گیا ہے اوریہ

اس طرح ساكن سبع كداس كا وه صلع جو خرق سنس سبع الثني سبع أناب كروكه اس کے اب مستوی میں صغیرا بشراز کا وقت مرد کا

2/3/111

جهاں شاف کے ہر **عنائع کا**طول او ہے۔ اكه صبم كى كوين متىنى ١٥١ لا ٢٠ ا كومورلا كري كروهما في سي

ا میں میں کا ایک گردشی حبیم مقلف ما تعاب میں تیررہا ہے۔ اگر کسی مافع میں انتصابی اہتزاز کے وقت سے ادر اسس مانع کی کتافت شے میں ربط

یا ا جائے جہاں ف ایک دیئے ہوئے تفاعل کونغیر کرتا ہے و نابت کرو کہ خیم کی تفعید کرتا ہے و نابت کرو کہ خیم کی تفعید کا میں اوات ہوگی

11 --- ایک یکسال فان کی دھار پر عمود وارتراش ہر حگر متمادی ابها قین متلاث ہے جس کا نفت زادیہ راس مسس ۱۳ اور قاعدہ ب ہے۔ اسی دھارائع کی سطح میں تا بت کردی گئی ہے اور فانہ اسپے سے دو چند کتافت بوعی کے المقع میں تیررہ سے۔ پھراس کو راس سکے گردایک صغیرزا دیہ طریس جیجے جھا دیا گیا ہے تا بت کرد کہ است کرد کہ است کرد کہ اسپے ابتدائی محل برلوٹ آسنے سکے سلئے جو وفت در کار ہوگا دہ تقریباً برموگا

------

له ما(٦) كا تفاهل كوفريرتا ميد مرجم



(114)

كره بواني كا دباو

ا ---اگرایک مشیشه کی ملی آقریبا بین نش لمبی حبن کا ایک سرایزد م سے بھردی حاستے ادر بھر اِرہ کے ایک ظرف میں اِٹاکر اس طرح رکھی فیائے لراس کا کھکا مرا ڈوبا ہوارہے تو رسلوم ہوگا کو نلی کے اندریارہ کچر اُٹر گھیا ہے ا اس طرح ساکن کہمے کہ اس کی ادبری سطح بر من کے بارہ کی سطح کے اوپر تقریباً ، ۲۵ ایخ بلندست - به تجربه حبکو پہلے طابیلی ( استعال کی طرف رہبری کرتا ہے جس سے کرہ ہوائی کا دباؤ نایا جا سکہ! ہے۔ باریکا اپنی سا دہ ترین ٹنکل میں ایک سدھی شینے کی الی ( نب ہے جس میں یارہ ہوتا ہے اور جس کا نجلا سرا یارہ کے کی جب کر چرف در اسلامی کا میں میں اور میں کا میں اور کی سے اور میں کا میں اور کی میں کا میں کا میں کا میں کا م ایک جیمو کے حوض میں ڈوبا ہوار ہما ہے ۔سرا (بند سوتا مے اور بازد ۱ ب میں بوانیس ہوتی-جراوں سے برمعلوم مواسے کسطے سج کے اور باره كي سطح ب كارتفاع تقريباً ٢٩ آيخ الموناج أور يونخسط ب يركوني واؤنهي بري اس سنے یہ ظاہرہے کہ ج پر موا کا دباؤ وہ قرت سے جو بارہ کے مستون ب ف کو تھا ہے ہم نے پہلے یہ بتایا ہے کہ ساکن سال کا وباؤا نفتی مستوی پر کے تما رفقطوں

یر دہی موتاہے اس میتے ج برکاد باؤ ف پر یارہ کے دباؤ کے سادی ہے۔ فرعن کرد که باره کی کتا نت شهیم اور سج پر کره هوانی کا دباؤ π سے تب ٣ = ج نه نب في

اورار تفاع ب ق سے کرہ ہوائی کے داؤکی بیاریض ہوتی ہے۔ یارہ کی کافت زیادہ ہوسے کی وجسے یہ سب سے زیادہ مورول ال ہے جو بار بیاؤں کی نباوٹ میں استعال ہوسکتا ہے حالانکہ کرہ ہوا دی کا دباؤ سى سرنے انع كے استال سے ايا جا سكتا ہے۔ يادوكى كتافت يانى ك کٹا فت کا اُنقریبًا ۸۶ ۵ و ۱۳ گنا ہے اور اس کئے یا بی عے بار پیا میں مانی کے ستون كا ارتفاع تقريباً بي ١٧٥ نث مؤكار

إره كى كنَّا نُت تمِنْ سُك ساقة دلتي سبع اوراس كئة ته لاز التبيُّ شركا [١١٤]

تحربہ سے یہ معلوم کیا گیا ہے کہ ایسنتی گرید کے اضا فہ کے لئے یارہ کا پھیلاؤ ا بينه عجم كا <u>- اه</u> محمّا موتا سرت بس أكرتبش ست بركمّانت ش<sub>ه</sub> اورتبتس . ىركنانت نەپروتو

> نتم = نتن (ا + به مه علم ) = نتن (ا + ۱۸ ۰ ۱۸ ۰ ۰ ۰ ۰ ت فن = شر (۱ - طرت ) أكرط = ۱۸۰۱۸ ،۰۰۰ اور ١٦ =ج نز (ا- طه ت ) ب ق

صابطہ ہے۔ ج(ا۔ طہ ت) ف کی مدوہے کسی مقام پر کے کرہ ہوا تی کے وہاء ا ى بالبنس موسكتى سے بشرطيكر عرض لمدكى تبديلى سے ج كى قيت ميں جو بدیلی واقع ہوتی ہے اس کا لحاظ رکھا جائے ۔ نیزید دیما کیا ہے کہ ایک ہی برخواه تبس بدمے یا د برے یہ د باؤ بدت ہے اور بہارد س پر چراہنے میں ی مقام کی ہمواری سے او برکسی ذریعِہ سے صعود کرنے میں یہ وہا و گھٹا ہے۔ یہ بات سالات کے توازن نے نظریہ کے مطابق ہے کونکرا دیر حرفسنے میں ۔

ماریا کے اور موا کے ستون کا ارتفاع مکمٹ عالم سے اوراس کئے ج پر موا کا دباؤ تجواس کے اوپر کی ہوا کے ستون کے وزن کے مساوی ہے تکٹ جاتا

م ادر اس سلنے علی میں یارہ سینچے اسر اسی ۔

اب اگرایرہ سے ارتفاع اور اُس ارتفاع میں حس میں کہ سعود واتع ہونا ہے ایک ربط معلوم ہو جائے تو ظاہر ہے کہ ایک ہی وقت میں دومقالات پر

بار بیا بی ستویوں کے مکشا ہوات سے ہم این مقالت کے ارتفاعوں میں فرق

اس متصد کے لئے ہم ایک صابطہ کی الاسٹس کرینگے۔ لیکن پہلے ہمراُن قوامین کا بیان کر دینا صروری است<u>حمته ب</u>ی حرمختلف تعینو**ں پرجوا اورگس**وں کے د باؤل میں صنبط سیداکرئے ہیں اور نیزان قوانین کا جو گیسوں کے آمیزول سے

متعلق ہیں ۔ یں ۔ ۔ ہم نے لیکدارسال کے داؤ کٹا نت اور تبیٹس کے درمیان اس رشتہ

ر=م ن (۱+عرت)

کو پہلے بیان کیا ہے۔ یہ بخربہ کے دوسب زیل منتجوں سے اخذ کیا گیا ہے۔ (۱) اگر تیش مشقل رہے توہوا کا دباؤاس کے جم کے بالعکس بدلتا ہے۔

(٢) اگروبا ومستقل رہے تو ہوا کی کسی کمیت کی تیش میں او سنتی کریڈ کا

(۱۱۸) اصافہ اس میں اتنا تھیلاؤ بیدا کرتا ہے جو اس کے صفر در جرسنتی گریڈ برِ سکے حجم ( ڈالٹن اور کے لڑک کا کلیہ ) کا ۱۹ ۲۷ ۰۰ ی. گنا ہوتا سے۔

اس طرح اگر بوا کا وہا ہُو د اور کھا خت سن بو جبکہ تمیش صفرے تو

اب فرض کروکر تمیش کو مت یک برایی جانا ہے جبکہ وہاؤ و ہی رہتا ہے۔

اس كو سمجين ك سئ فرض كروكه بوا ايك اسطوانه بن سب عب مي مليكي ميست عابل حركت ايك نشاره لكابموا ہے ۔ ادراس فشاره پرايگ مت قل وت ملَّى ہو أيج

111 - تتیت رمطلق-اگریم یوتسور کریں گرکیس کی تبیش کو اتنا گھٹا دیا گیا ہے کراس کا دہار حجم کی تبدیلی کے بغیر معدوم ہوجابا ہے قرہم تبیش کے مطلق صفر پر پہنچیتے ہیں اور تبیش مطلق میں نقط سے اپنی جاتی ہے -

برہ ہاں کرکہ ت اس تیش کو سنتی گرید تہشش بیا پر تغییر کرتا ہے ہیں مساوات ا + عد ت = اسے عاصل ہوتا ہے

74 m - = -1 - = -

فارن إيك كي يايه مين مطلق صفر - 9 ه م م بوكا-

ساواتوں و = م ٹ (۱+عه ت) ، و = م ث (۱+ع ت)

= م ٹ عر مت اگریت تبش مطلق ہو۔

چونکہ نتاح مستقل ہے اسکئے دہے /ست بمی ستقل ہے اور یا کلیہ مطلق

پیانہ میں، واؤ حجر اور تیش کے ربط کوظام کرتا ہے ۔ ۱۱۴ -- اسمیز کے اختلف لیکدار سیالوں کے امیز سے کا داؤ۔

دو نختلف کیسوں برغورکرو جو دو ظرفوں میں میں جن کے تجم سے اور سے ہیں۔ ادر فرض کردِکہ ان کے وار اور تبیشیں راور کت رونوں کے گئے ایک ہی ہیں۔ فرض کروکران دوخروست میں الیاق پیدا کیا گیایا در نون گیسوں کو آیک

بند ظرن میں جس کا حجم سے 🛨 سے متعل کردیا تھیا ہے۔ ایسی صورت میں جبکہ

ان يركوني كيمياني عمل وقوع بذير بهنين موتا يه معلوم مواسي كه وديو ركيسير عليمده بنیں رہتیں بلکاکب ووسرے میں نفوذ کرتی ہیں حتیٰ کہ وہ ایک دوسرے سے

پوری طرح ملجاتی میں اور یک حب توازن قائم موجاتا ہے تو آمیزے کے داؤاور نمیش دونوں دہی موت ہیں جو پہلے <u>تھے</u>

اس ایم تخربر کی دا قبیت سے ہم سب ذیل مسُلداخذ کرسکتے ہیں۔

اگردد گیسوں کو من کی تبش وہی ہے ایک ظرن میں حس کا حجم سے سے لادا

مائے۔اوراگران کیبوں کے وہاؤید اور قدموں جبکہ ان کو فروا فروا حجم ص والع فرف میں داخل کیا حائے قرآمیزے کا دباؤ < + ذکر ہوگا۔

فرض کروکہ دونوں گیسوں کو ایک دوسرے سے جدا کردماگیا ہے اور سم تکسیں

کے حجم میں جس کا وہاؤ د ہے تہش کی تبدیلی کے بغیرا تنا تغیر کر و یا گیا ہے کہ اس کا دباؤ کہ ہوجا ہا ہیے۔ تب کلیہ بائل کی روسے اس کا تجرح سے / آہوگا

اب فرمن کروکه ان دو گلیوں کو ایک ظرمت میں جس کا حجم ا

てききしてき+で

مع ایک دوسرے سن لادبا گیا ہے تب آمیزے کا دباؤ و ہی تہ ہوگا اور لِمِشْ غير متعبر مبيئي ١٠٠٠ أكرا ميرسسه كو حجم سنح مين دما ديا جاسس و اس كادباؤ

ہیر ہے رہاں ، ہائل کے رویت دید کا کہ ہوگا۔ یہ بیتحبر صریکا کی ہول کے کسی تعداد کے آمیز سے ہرصا و**ں آناہے۔** سے ایتحبر صریکا کی ہول کے کسی تعداد کے آمیز سے برصا و**ں آناہے۔** 

سر السام و مختلف گیبول کے حجم ح احتم ہیں ادران میں کے دباؤ علی انتریب ( ۱۲)

د کو میں ۔ ان کو ایک ووسرے سے اس طرح الا دیا تنیا ہے کہ اسکے آمیزے کا حجم ع ہو جاتا ہے ۔ آمیزے کا دباؤ معلوم کرنا مطاب ہے ۔

ودول گیسوں کے دَا وُ جبکہ ان کو حجمء میں محدود کیا جائے علی الترتیب 5-2-12-

ادرام سلئے دفعہ اسبن سے آمیزے کا دباؤ

5 <del>7</del> +> <del>7</del> بحدور اگريه وباكو 4 سے تعبير كيا جائے تو

د ۶= د ۲ + د ک

الم نے کے بیٹیٹر اگر کیسول کی مطلق تبیشیں ت اور ت ہوں اور اللے کے بعد تیش مطلق نہ ہو جائے ادر مجمر ء تو گیسول کے دباؤ علی الترتیب ہو کئے

دح <u>ت</u> اور دخ <u>ت</u> تـ

یس آمیز سے کا دباؤ کم ان دومقدار د ل کا حاصل حمع ہوگا اور اس کے

<u>رِي</u> + رِي - بري - بري

گىيدل كىكى تعداد كة ميزى كى صورت ميں

## $\frac{\zeta_2}{\zeta} = \frac{\zeta_2}{\zeta}$

مہاا ۔۔ دفات اسبق کے نتیج اور کلئے ناوات کی صورت میں اسی طبیح صادق آئے ہیں۔ نباوات اور گیبوں کے جلی خصوصیات میں بالی ظوائ کے کیسیائی حضوصیات سے موت یہ فرق ہے کہ قبل الذكر آسانی کے ساتھ، تبہت کی تخفیف سے ، اگو میں تبدیل ہوجاتے ہیں اور موخوالذكر كی تكفیف مرف بہت بڑے ویا ویا انتہائی شندگ یا دونوں کے ایک ساتھ استعال ہے ہوسكتی ہے اور اس خوال ہوا ہے این داخل كیا جائے تو محال ہوا ہے کو محال ہوا ہے کہ محال ہوا ہے گار الزار میں خوار و باؤمون محال ہوا ہے كہ محال ہوا ہے گار الزار و باؤمون محسل ہوتے ہیں اور ہواكی كنافت بر مخصر نہیں ہوتے ۔ بس اگر ہوا کو خوار میں کے ۔ اگر تبش محمی کرویا جائے تو محال کی کٹافت اور دباؤ و ہی برقوار رہیں گے ۔ اگر تبش میں امنافر کیا جائے ہی مزید مقدار میں امنافر کیا جائے یا نصابی مزید مقدار میں امنافر کیا جائے یا نصابی مزید مقدار میں امنافر کیا جائے یا نصابی کی مزید مقدار میں امنافر کیا جائے گار بیا گا۔

اله پروفیر فیار فیسے نے کارا نک الینگس اور دوسری گسوں کوجن کی کنیف کے ئے بہت بیست بیسے دباؤ کی عزورت کئی کمنفت کرنے میں کا سیا بی حاصل کی اور اس کے تجربہ کے نتائج کسے یہ خیال بیلا ہوا کہ بہت ممن ہے کہ تمام گسیس انعات سے بخامات ہوں - اس کی بہت بجہت بی کیٹ ( M Pictet ) نے اُس سال کے بہت میں موٹی جبہ ایم - بی کیٹ ( M Pictet ) نے اُس سال کے اوائل میں موٹی موٹی کو انع میں تبدیل کیا اور اسی سال کے اوائل میں موٹی کی ایم کیلیشٹ ( M, Cailletet ) سنے میٹر دجن اور ہواکی ایک میں تبدیل کیا ۔ سیم کیا ۔ سیم کیا یہ سیم کی اور اسی سال کے اور موٹی کی ایک میں تبدیل کیا ۔ سیم کیا ۔ سیم کیا ور میں کیا دور موٹی کی اور اسب اور موٹی کی منتل میں تجا وی اور موٹی کی اور اسب ہوا اور دوسری مختلف گیسیس ایک کی منتل میں تجا وی اسٹیار بی ۔

نعنایں جب تک یانی کی کافی مقدار ہاتی رہے جس سے بھاپ بن سکتی ہے نعنا بھا ہب سے بھاپ بن سکتی کے نعنا بھا ہب سے میں میں میں میں کہ اس بیش براس نعنا میں رہ سکتی ہے۔ لیکن اگر تین کو آنا بڑا دیا جائے کہ تمام یانی معایب بن جائے تو اس میش اور اس سے اصطلاعیشوں کے لئے بھاپ کی دہاؤاسی کلید کی بابندی کرنگا حس کلید کی دواکا دہاؤیا بندی کرتا ہے۔

مرصورت بن خواه فضامير شده مويا نبو اگر مواكا داؤ د اور مجاب كا

کے ہو تو آمینرے کا دباؤ کا + کم ہوگا ۔

۱۹۹ - گره موائی میں ہمیشہ آئی مجار موجود ہونا ہے جس کی مقدار مخلف اوقات برمخد تف ہوئی ہے تبھی کم اور تبھی زادہ - اگر کرہ ہوائی کی فضا کا کوئی مصد سخار سے سیرکردیا جائے بینی اگر نجار کی مخافت اس تبش برحبتی بڑی ہوسکتی ہے اُنٹنی ہو جائے تو تبش کو گھٹا نے سے بحار کے کے حصد کی تکنیف موجواے گی لیکن اگراس تبت بر سخار کی مخافت کتا فت اعظم نہ ہوتو کوئی تحفیف وقو م پذیر نہوکی حب تک کہ تبت کوائس نقط کے جیے تک نہ گھٹا دیا جائے جس بر فصنا

یں تکتیف سٹر درع ہوجا تی ہے۔ مث بنی کی پیدائش –اگرکسی سطے کو جوکرہ ہوا تی سسے تماس رکھتی ہے اتنا سردکر دیا جائے کہ اس کی تیش اس کے نزدیک کی فضا کے سیرشدہ ہوئے کہ فتار سیر جمعے میں اس کے تاریش کا پہنچہ میں شاہ گاریں کمڈنی زمین کا

کے نقط سے بینچے ہوجائے تو آئی بخار کی تحقیف رو نما ہو گی ا ور مکفٹ سجٹ ار سطح پر سنسنم کی شکل ٹی انو دار ہو گا۔ اس لئے رمین برسنسنم کی ہیدائٹ اسکی سطح کے ٹھنڈ سے ہو ہے بر مخصر ہے اور یہ عملی طور پر ریا دہ سرعت سے اُس وقت ہوتا ہے جبکہ آسان بربا دل نہول ادر اس لئے اشعاع کے ذریعہ حرارت کا مقابلہ ہ

زياده نقصان بوتا مو-

نقطار شنروع ہوتی ہے۔ اس کا نعین بالاسٹ اسٹارے سے کرنا پڑیاہے۔

مخلف نینوں پر جو بخار کوسیاب کرنے والی کتافتیں ہیں ان کے جواب میں بخار کا وہاؤ ہمی مجربہ سے معلوم کرلینا جا جئے اور اگرایسا کیا جاسے نوفقط م

(177)

کے منابرے سے کرہ ہوائی میں تجار کا دباؤ فوراً معلوم ہوسکتا ہے کیونکہ اگر نقط منم ت اور اس کے متناظر معلومہ دباؤ کے ہو تو کسی تیش مت پر جو ت کے اوپر ہے دباؤ کہ سیادات

> <u>د - ا + م ت</u> آ - ا + ع ت

> > مصےمعلوم ہو جائیگا۔

4 ا ا --- اکیس کی تبس اور دمازُ پرسچیکا وُیا بسط کا اثر –

کتربہ سے سی سلوم ہوا ہے کہ اگر ہوا کی کسی مقدار کو جوایک ایسے ظرنب کے اندر بند ہے جس میں حرارت وافل ہیں ہوسکتی بچکایا جاستے تو اس کی تبن بڑ ہجائی ہے ادر میں اگر ہوا کی کسی مقدار کو خواہ وہ کسی قسم کے ظرند میں بند ہو لیک کی دیا جاسے اس طرح بڑ ہوائی کسی مقدار کو جا ہر بکلنے کامو کتے داسے تو اس صورت میں میں جیش اسی طرح بڑ ہجاتی ہے۔

۸ اا – استعداد حرارت کے کسی مب کی استدا، حرارت ، حرارت کی وہ معتدار ہے جواس کی تیش کوایک در حبر بڑیا دسینے میں مطلوب موتی ہے۔

رِ حرارت کی اکائی جوعملاً استال ہوتی ہے حرارت کی وہ سقدار سے جوانی

کی اکائی کمیت کی تبیش میں ایک در حبر کا اصنا دیپیدا کردسے جبکر یا بی کی تبیش ، م سنٹی کریڈ ادر ۴۴ سنتی کریڈ کے در میان ہو۔

تحرارت نوعی - کسی جبم کی حرارت نوعی اس کی کمیت کی ایک اکائی کی ا استنداد حرارت ہے یا با لفاظ ، گیر حرارت ہوعی دونسبت ہے جو حرارت کی آکس مقداد کو جوجیم کی تیش کو از بڑیا دینے یں مطلوب ہوتی ہے حرارت کی آئس مقداد کے ساتھ ہوجو سیادی وزن کے بانی کی تیش کو ایک در مر بڑیا دینے یں در کار بوتی سر

در کار ہوتی ہے۔ اگر حرادت کی مقدار فرف کمیت کی ایک اکا ئی میں فزنت تیش کی تبدیلی ہیسا کرد سے توحوارت نوعی کا ناب <u>فرق</u> ہوگا۔

کمیسویں یں ۱۰ صورة ں پر غور کرنا صروری ہے (۱) جبکہ دباؤمستقل رہے تھ ادر كبير كو يحيكمه أي بالسندر المجبكة تم مشقل رسيد -یان دو سور بال میں حرارت لوعی کوئم موز ج د اور ج سے تعبید

یه ، کمد لینا آسان ہے کہ سے یا سے بڑا ہے کیو کم پہلی صورت میں حرارت جرکسی کودی کئی ہے گئیں کے میدانے میں می کام کرتی ہے اوراس کی

مِسَ کے سرعات نے من بھی۔ (۱۲۲) 114 سے حزما گذر بھیلا ؤے کسیس کی دی ہو نئ معدار کے بیکاؤیا بسط کا از دریا

کرمے میں بیزظاہر ہے کہ مرازت مطلو ہو ج ، جہ اور بت کا تفاعل ہوگی اور جو نکہ ح د حد مت اُس سے کسی کھیلاؤے کے لئے حوارت مطلوب سے اور د کا تفاعل

زق عن رح + جن ف زد

ادر العوم د = م دف عدت یا آگسی کی دمی ہوئی مقدار کی کمیت کو کمیت کی اکا کیٰ آیا جائے تو

ہو کی۔اس لئے بینتیجہ سکتا ہے کہ

ح د - م عرت = ل ت اگرد! دُستقل ہو تو فرق = ج د مرت

ن جن ف زح = ج د زت = ج د رز

بنق = جدد

الرحجمتقل بوتو

جنق زد عج زت عج م آزد مند

ي م تقريب د م ح م تقريب

اگر جی کو جی کے ماقد جو سنبت ہے اُس کو منقل ایس۔ اگر دائع تغیر ماکر قدائع ہوجا کیں تو ماصل ہوگا حد نے ایس کے سے کا میں کی مج

باں ہو = جہ / جی جو ادر بیز مال ہوگا  $\frac{1}{1} = \frac{1}{1} = \frac{1}{1} = \frac{1}{1}$ 

مساوات دس م استقل، حرم کیا من میں حرنا گدر خطوط کی مسا وات سے ادر یہ گیس کی کسی کمیت کے جم اور اس کے دباؤ کے در میانی ربط کو تعبیر کرتی ہے جبکہ جم میں تغیر کے وقت نہ کوئی حوارت صاباً تع ہو اور نہ بینجا کی حالے ہے۔

موں ہو جبہ ہم یں سیر سے رک مادی کو ایک ماہ کا اور اور میں ہو ہوں ہو ہوں ہو گئی ہو گئی ہو گئی ہو گئی ہو گئی ہو ہوا کی کسسی کمیت کے یکا یک پھیلاؤیا بجکا اُد کی صورت مس تھبی مسا دات ہالا درست رمہتی ہے کیو کمہ حرارت کے قابل قدر نقصان یا بیرو نی اخذوں سے حرارت

بالاور من رہی ہے مور طرارت سے قابل فار مصان یو بیروی ، فادوں سے وارف کے اکتساب کے لئے کانی وقت مہیں متابیہ علوم مو گاکہ رابط بالا آ واز کے نظریہ میں بہت زیادہ اہمیت رکھا ہے ۔۔

(۱۲۴) استے, - جے مستقل - اصول وانان کی مدد سے یہ تبایا جا سکتا ہے کہ

كسى كيس كے كئے حر اور ج ج كا فرق مستقل بوتا ہے۔

حرحر کیا ست کے ایک کلیدی روستے کسی نظام میں حوارت کے

منعال سنه جونواز کی امل بی عابی به مراه سه کی تقار که مهما سنه دن بین اوجود سه کی اکا دی کا حل ساول عنو در لیس کی اکا تی کمیت میں مرارت کا این به فرید کی به باد سنته از رست می ای را است دارین

1× 30 ورست

نگین یہ توانا نی کیجے اور کے ہوئے مجم پر میش کے بڑا ہے میں صرف ہوتی ہے اور کچھ اس جم کے پیسا سے میں -

> ن غبر برزت = در به ع به بی ونت ادر مح = ل ت

> > غ (٦٠- ٦٠) ف

جس سے ظاہر ہے کہ ہے و سبح سنتل ہیں۔ ہم اس مسادات سے د نغہ ( ۱۱۹ ) کا نتیجہ حاصل کر سکتے ہیں ۔ رہے کو سر

کونکہ اُڑ کوئی خورے ۔ بہنچا کی حاسئے تو کوئی توانا نی داخل نہیں ہوگی۔ • ۔ ۔ : ۔۔ :

رر نه در ۲۰ غ × ج م فرت = ٠

لين حد = ل ت = غ (جر - جي ) ت

.. د رح+ ح نرد = ع (ح, - جع) نرت

ادر د فرح (جر- جرح) + جرح (دفرج + حرفه) = -

جس سے جو × د فرح + جی × ح فرد = · سلے کی طرح -

ا ۱ ا ۔۔ گیس کے حزاگذر بچکا وُ میں جو کام ہوتا ہے اس کامعلوم کرنا ۔ دفعہ ۱ میں ہم نے یہ مان لیا تھا کہ بیش ستقل ہے یا با نفاط ویگر پر کہ بچکا وُ ( sothermal ) ہے۔ یہ مالت اس طرح پیدا کی جاسکتی ہے کہ عمل آناسست کیا جائے

کہ حو حرارت بیملا ہوتی ہے وہ اثنا ہے تمل میں ملف ہوجا ہے۔ اگر بچکاؤ حرنا گذار ہو معنی عمل کو، س طرح ترتیب دیا جائے کہ کوئی حرار

نه منا نُع حائثًا اورنه داخل ہواور یہ اس صورت میں عملاً ہوتا ہے حبکہ بحیکا وُ

ہت سرعت سے واقع ہو توالیسے بچکا رُکے لئے دفعہ ( ۱۱۹ ) سے یہ ربطاقال

ے کے حج میں متعل نے ہر جس سے پینے نکلیا ہے کہ مجم سے حجم عمیں بکیا ہے میں جو کام ہوا (۱۲۵)

=- کوفرے = - کوم ح- میر فرح

= <u>مر</u> ( حام عرام )

زمین کے کرہ ہوائی کی کل کمیت

-زمن کے گرد ہوا اور سخار کی کمیت کا کچہ ا مدازہ باریما کی مدوست سکایا

ماسكا ہے۔ یہ مالك دمين و تصف قطر كا ايك كره ہے اور اس كى سطح كے

تمام تقلوں پر بار بیائی ستون کا ارتفاع دہی ف ہے کرہ ہوائی کی کمیت قریباً گارہ کی کمیت م ہو شرع ف کے مساوی ہے۔

فرض کروکر زمین کی اوسط کتانت دیت ہے تب من کره موائی کی کمیت : زمین کی کمیت

=٣ مشراف ٢٠٠٣ شارا

۽ سرزن: فر

یک یان کر میاری نے لینے سے تر = ، ۵ رس اور ف تقریبًا ه ده کے مناوی سعلوم کیا گیاہے۔اوراکرف کی تعریبی قبیت ۹ ، ۹ م ایج

لی جائے تو یہ معلوم ہو گا کہ کمیتوں کی بینسبت اُس سنبت سے کسیقدر کم ہے جو ایک کو دس لا کمر کے سابع لگھ ہے۔

متجانس کرہ ہوا ئی کی لبن دی

۱۲۱۷ - اگرموا کے پورے، ستون کی ہر بھگہ وہی کٹانت ہوتی جور مین کی سطح رسیے تواس کے ارتفاع کول اورمارہ کے اُرتماع کو من سے تعبر کسنے سے

. ببال ت بواکی کثافت ہے۔ یہ معلوم کا گیا ہے کونسبت یڈ: ف تقسّا ں میں ریاسے اوراس کے گرینتر کی طرح نیا کی میب ۹ و ۲۹ استوار کرنے سے يدمعلوم مواف كه ل، دميل سي سيتسيقدر كم سبع -

كرهُ بهوا بي- كے ارتفاع كى تغروري حد

ظاہر ہے کہ رمین کی سطح سے کھی فائند پر اس کی سند شرکہ ک جاتی ہے اور اس سلنے ا بواکی کثافت اور دباد کھٹ مائے من اس برح نہتی الاحقیقت مع بہت بعید (۱۲۷) معد بہرکھٹ ارتفاع کی حداس مات کومیس نظار کو رمعلہ کم میجاسکتی ہے کوزمین سے

له تجمسیر برکی مسایر زمین کی اوسط ۱۶ مت مسوسیب کردنے کا موال انم شبر رير كبف راب - بع- ايج - يواشك كم معمول 1803 Ad m P 20 Ex ev 1803 میں رمین کی اوسط کتا فت کی نتیت مهم و و و حاصل کی تکئی ہے۔ سی۔ وی ۔ بائیسم (C Bi tun) , اورسی - بران (Pail Trans 1895)

Denkschrift d Math natur Klassed Wiener Akad, 1895

میں اس کو ۲۷ ع وہ تا تے میں - نیز دیکھو سے -ایج یوا نسکے کا مصمول Gravitation constant and mean density of the Earth, Encycl Brit,

eleventh edition

مركزسے ایک حاص فاصلے براس كى كشت مود كے ذرول كورارى والدون ركھنے كے ما قابل ہوگ۔ نیکن فروس کا ان ماروں کو مرتشم کرنا صروری ہے تاکہ اصّافی توازن

خطاستاً اربر ملرسة را عن كامادى ب جا سرسد زيين كي داوني ر نمارے اوراس کئے کا ارتفاع بروہ توبت جو ہوا کے درہ کیت ک کو

سلینے دائری حرکت میں رکھنے کے لیئے درکا ر ہو ک ج (ار + می )/۲۸۹ رکے ساوی ہوگی۔ اسیارتفاع پر زمین کی کششش

اوراس کے استہائی ارتفاع مساوات دیل سے حاصل بوگا

ر + ی (ر+ی) = ر+ی

1- FA9 \$ 1= 6

مكن سبته كريه ارتفاح اصلى ارتفاع مست ببت زياده هو كيونكه غبارول ميس تجرابت کی نیا برمعلوم ہوا ہے کہ اور برطرست وقت ہوا کی بیش بہت زیادہ سرعست کے ارتفاع کے ساتھ کھٹی جا تی جا اور اس کے بیر بالکل مکن ہے کہ درست کم ارتفاع

بر موا بیدار دی کی وجهست انع می تبدیل موگئی بواور اس کے اسکی برون سطح

الیسی صورت میں اُسی تشم کی ہوگی بس قسم کی غیر کوگدار سیالوں کی سطھیں ہوا کرتی ہیں۔

ماریبا کے ذریعہ ارتفاعو*ں کا معلوم کرنا* 

م ۱۲ سے باریہا کے سیابی ستون کے ارتفاع ادر سطح سمندر کے اوپراس آلی کے ارتفاع کے درمتیان ربعا تائم کرستے وقت ہیں کرہ ہوا تی کی تبش مے متعلق ایک

مغروصة فاتم كرلينا وإسيئير

اول فرض کرد کرمیش مشقل ہے اور ی الدتھ عیروباؤاورکتافت د، ف سے تعیر ہوتے ہیں ادر ی ارتفاع پران کی تمینیں کو اٹ این - تب ترازن کی مساواتیں ہوئی

م لوک د = هر - ج ی

لوك بي = ق (ي - ي )

نیز اگرف ب ک سے دومقاات بر کے ہار بیا کوں کے ارتفاع تعبیر ہول 🛘 (۱۲۷) ادران مقایات کے ارتفاع می ادری موں تو

 $3 - 3 = \frac{4}{5} = \frac{4}{5$ 

اگرتیش مستقل نه ژوتو فرص کروکران دو سقا ات ترمیتیں ۵، تذہب -

اب اگران دومقالت کی مبندیوں کے درسان، ارسطیکیاں تیش ت =

الله عنه عنه المعرومنداختياركيا ماسئ تو داور بن بن ربط د = هم ف × ( ( + عد ت ) عامل مو كا اور مساوات (١) بروجائيكي

تى-ى=<u>ك</u> (ا+ أع (ته + قر) كوك <u>ن</u> ، (١)

ادراگر دونوں مقامت پر بار پیاؤ سنکے اندرونی بارہ کی تمیشوں کے

زق کوئمی کموظ رکھا حاسٹے تو دفعہ (١٠٩)سے

د = ف (ا - طرق) ، جال طرة ١٨٠١٨ ... م

ادرمسادات (۲) ہوجائیگی

 $(2^{-1})^{-1} = \frac{1}{2} \left\{ 1 + \frac{1}{4} a(\bar{x} + \bar{x}) \right\} \sqrt{2^{-1} - 4 a(\bar{x})}$ 

١٢٥ \_\_\_ ليكن أكر سطح زمين كے او برارتفاح كافي زيادہ ہوں تو يہ مزوري ميے كه

زمین کے مرکز سے مختلف فاصلوں برجاز سار من سے تغیر کو بھی کموظ رکھا جا سے۔ اس سلتے ہم زیادہ چیج صالبطہ کی تلاش کرتے ہیں -

فرض کردکہ سطح بحریر حاذبہ ار مس کا آیا ہے ج ہے اور زمین کا صف قطرار سے توار تفاع می برتجا ذیلی تو ت

> ج رئے (ر + ی) ا سے نایی جائیگی - اور توازن کی مساوات ہوگی ن

فرد = - ج رانسی، من فری

نیر مم مبائنے ہیں کہ د = م نف (۱ + عد نت) اور بہاں یہ و مکھ اسٹ ا فردری ہے کہ د در حقیقت موا کے وباؤ اور آبی تخار ( جو موا میں مثال ہے) کے دباؤکا محبوعہ ہے۔

م ف (ا+ م ت) + م ت (ا+ ع ت) اوراس کے مساوات بام سفدارم من ورحیقت وو مقداروں م ف،

م ف کا مجرم سے جو علی الترتیب ہوا اور آبی بخارے جواب میں ہیں۔ اوپر کی دوسیاوا تول سے ہیں حاصل ہوگا

 $\frac{6c}{c} = -\frac{1}{1+0.4}$  ج دلافری  $\frac{1}{(1+2)!}$ 

کے پوری میں سے کھاؤسے یہ بہتر ہوگاکہ م ث کی بجائے م من کھیا ما سے جہاں من مانسی ہواکی کمافت ہے ۔

ا در گذشته کی ارج ہم س کومسقل اور ان وو مقانات برکی مبیتوں کے اوسط کے مسا دی انبیں گئے '۔

م وک د اختا باک + هر

 $\frac{f(z)}{(z-z)} = \frac{f(z-z)}{(z+z)(z+z)(z+z)}.$ 

فرمن روك كرسفة كي طح إر كم مشام ورده أرتفاع ف ف اورمبني ت، يربي - ن چو يحدي ارتعاع برعاد به ارعن كي توت مفدار المدين

سے نایی جاتی ہے اسلے

د = جراً بريخ ن ( ۱ - طر ته )

رُ - رَبِيدُ فِي عَرِيبًا عَدِ فَ (ا - طورَ )

 $\frac{\vec{\zeta} = (\frac{v}{v}, \frac{v}{v})^{2} + (\frac{v}{v}, \frac{v}{v})^{2}}{(\frac{v}{v}, \frac{v}{v})^{2}}$ (٢)

اب چونکر طرایک بی<sub>ن</sub>ت حیوانی مفدار ہے اسٹنے

ى -ى = م (١+عدت) (ر+ى اربى الربى) (لكراف + الوكرار + ى - مرطرت منا

جباں م = وک ہو = ۲۹ ۲۹ ۲۹ ۲۹ و اس ضابط سے اگری دم ہوتوی کی قبمت محسوب کیجا سکتی ہے ۔ اگر نجلا مقام سطح بحرکے توبیب واقع ہو تی = ، اور

 $2 = \frac{4(1+2c)}{6\sqrt{7}} (1+\frac{2}{1}) \left\{ (1-\frac{2}{1}) + 7 \right\} \left\{ (1+\frac{2}{1}) - 4 \right\} \left\{ (1+\frac{2}{1}) - 4 \right\}$ 

الا - گرستد تحقیقات میں ہم نے سطح زین کے مخالف حصوں یرجا فہ ارائن کے تعبر کا کوئی کاظ ہمیں کیا ہے۔ رمیں کی کرہ نمائی شکل اور ا بینے محور کے گرد اس کی گردش کی د بہت جا ذبہ ارض کی توت کی متبت مختلف عرض بلد بر مختلف ہوتی ہے اور زمین کے چھلکے کی ساحت کے باعث زمین اور سمند بر اس کی قبیت مختلف ہوتی ہے اور نیزید معلوم کیا گیا ہے کہ بحری چھو نے جزیوں اس کی قبیت دیا وہ ہوتی ہے ۔ بر براعظوں کی برنسبت اس کی قبیت دیا وہ ہوتی ہے ۔ میں ادسط قبیت ہے گئے ایک جدید ضابطہ

ع = ۲۹ م ۱ م ۱ ۲ ۲ ۲ ۳ ۵ ۰۰ و جب فر - ، ۰۰۰۰ و حب ۲ فر ) سمرتانیا

یا ع=۳۲۲ء۰۰۹(۱-۲۹۴۲۰۰۶م فد ۵۰۰۰۰ء جم ۲ فد) سمر تانیز حاصل جوا ہے جہاں فدعوض بلدم اور خطائستوا اور عرض بلده م پرج کی قمتیں بالترتیب ۲۸۰۱۵۸۹۱ اور ۲۳۲۲۵۰۹۰۰۰۹ بیس ۔

اگریم ج = ۹ د ۱۹ (۱- ۲۹ م ۲۹ د ع م ۲ د ) لیں ق ی کے لئے ج آخری جل ہم سے حاصل کیا ہے وہ ہو جا نیگا

ى= المراء مراء عرب ) (۱ + عرب ) (۱ + عرب) ( المراء ) (

Handbuch der Physik A Winkelmaner, Leipzig, 1908, p 479 d

Figure of the Farth by A R Clerk and F R

Line of the Farth by A R Clerk and F R

Helmert in the Encycl Brit Eleventh Edition

حیان نه پاره کی کتانت ہے۔

ادر نز/ت = ۱۰۲۱۲ سيف

هم = ۲۰ ۲ × ۲۲۷ م ۱۰ ج ملی مثیر = ۱۲ دا ۹۵ د ج میشر

اس سے سرم/ ۲ د ۸ ۹ م = ۱۸ ۳۰۸ میر بوجائے گا- لیکن اس

آ بی نجار کو بالکل نظر ایداز کردیا گیا ہے اور ہ کی ایسی تمیت موسٹ ہرہ کروہ حمایق کے رادہ مطابق سینجے بیدارتی ہے ۱۳۶۱ء ع ہے جس سے حاصل ہوگا

١٨٣٣٧ = ١٨٣٣٧ ميشر

صابطه ( م ، سے می معلوم کر الے کیلئے اول اس کی تفریبی قیمت مساوات

کے بایں جانب یں می کو نظراندار کر کے معلوم کرنی جائے۔ بھراگراس نقریب قمت کواس مساوات کے بائیں عابب میں استعال کیا جائے تری کی زیارہ

صحیح قیمت عاصل ہوگی۔ اس عمل کورنہ طاعنرورت مجرد ہرایا جاسکتا ہے۔

- دوسری تصحیحات تھی صروری ہیں جب ک<sup>ے عم</sup>لی طور پر بار پیا کے وربعه ارتفاعون كالطيك عليك معلوم كرنا مطلوب موس مثلاً م كي ممت

اس وحبسے بھی برلجاتی ہے کہ دی و نی تیش اور د باؤیر آبی بخار کی کتا نست

خنک ہواکی کتافت سے جوانبی والت کے زیر از ہو کم ہواکر تی ہے اور آبی نجار کا تناسب خنتک ہوا کے ساتھ دو مقامات پر مختلف ہوسکتا ہے۔ (۱۳)

ادربالعموم ختلف ہوتا ہے۔

للاده برین اگراه بر والا مقام زمبن کی سطح مرتفع کے کسی حصیر ہوتو ژمین کے اس حصہ کی تشمیش کو بھی محسوب کرنا جا ہمنے جو اس کی ادسط سطح سے اور ے-اس سے اس کت سے کا کر مقداد ج را / ( ر + ی ) میں است

كأباب

بارساكے دراجارانفاع ألى بين

يا تقريباً ج { - منى } (Routh, Analytical Statues II P 12)

اس صورت میں و کے لئے مساوات حاصل مولی

زرد = - ن { الله همک } ن ری اوراس کینے اگر نجلا مقام سطح تجریر ہوتو

$$(1+2c^{2})$$

$$\frac{1}{2} \int_{0}^{1} \left( \frac{(30+1)}{10} + 1 \right) \frac{(41+6+1)^{n}}{7} = 3$$

د معہ ( ۱۲۵ ) کی مساوا ہے رہ ) کی ہے سیس مساوات

$$\left(\frac{1}{c} = \left(1 + \frac{a \times b}{a \times b}\right) \left(\frac{1 - d \times b}{1 - d \times b}\right) = \frac{1}{c}$$

عاصل ہوگی۔ اور ی کے عاصل کرنے کے لئد آخری سیارات وفعہ (۱۲۹)

ک مساوات (۲) میں ۱+ یک کی بجائے ۱+ هی درج کرنے سے عاصل مرگی- میسلوم رہے کہ لوک (ا + 6ی ) نقریبًا ۲ لوک (ا + 6ی ) کے مساوی سبے ۔

یہ قابل توجہ ہے کہ اگر می اور رکو میٹروں میں نایا جائے تو مجا

= ۱۵۷ ... و. ی تقریباً

اس طرح کے کو نظر انداز کرنے سے جوعلی واقع ہوگ وہ عام طور بچھوٹی ہوگی۔

میال کیا جاتا ہے کہ اس تیم کا ضا بطسب سے پہلے لاپلاس نے بیان کیا ہے۔

الا سے بھی معلوم رہے کہ اربیا کے اندر کے بارہ کی تبش کوہم نے وہی ان ہے جواس کے گرد کی جوائی جاز کی میں مثلاً جبکہ ہوائی جاز کا باہے ہی متام برات عوصہ میں متاجات گئے جائیں تو یہ مکن ہے کہ بار بیا ایک ہی مقام برات عوصہ میں ستاجات گئے جائیں تو یہ مکن ہے کہ در کی ہوائی بیش کے مساوی ہوجائے ہی دولا کے بیش کے مساوی ہوجائے بارہ کی جین بیرطال تیس بیا کے ذرایعہ دربا ت ہوسکتی ہے جب اس کے جو فر کو بارہ بیا ہوائی بیش سے جب اس کے جو فر کو بارہ بی جین بیرطال تیس بیا ہے۔ اس طرح سے بارہ کی جینیس حاصل ہوگی آنکو وف در ۱۲۸ کی مساوات (۲) میں استعال کرنا ہوگا۔

وف (۱۲۵) کی مساوات (۲) میں استعال کرنا ہوگا۔

لارڈ کیلون نے اس کواس طرح بیان کیا ہے در بب سیال کے تمام حصے آبیس لارڈ کیلون نے اس کواس طور بیان کیا ہے در بب سیال کے تمام حصے آبیس کی تعزیب کرنا ہوگا ہوگا۔

در سیال کی تیش حملی توازن کی حالت میں ہے " اس حالت میں بیات متنبط کرنا ہوئی میں بیات متنبط کرنا ہوئی سے در بارہ کی مساوی کمیتوں کو حوارتے کسب کیوں کو حوارتے کسب کو بیات کی مساوی کرنے کی سیا دی کمیتوں کو حوارتے کسب کو بیات کی سیات کی کمیتوں کو حوارتے کسب کو بیات کسیال کی تیش حملی توازن کی حالت میں ہوئی ہوئی کی مساوی کمیتوں کو حوارتے کسب کو بیات کی مساوی کی میتوں کو حوارتے کسب

کے مالطہ رسم ) میں مرف عدوی سروں میں اسلاف رکھتاہے اس مونوع کے متعلق اساسی مناظر دسم ) میں مرف عدوی سروں میں اسلاف رکھتاہے اس مونوع کے متعلق اساسی مناظر میں اسلام مورکی کناب میں اسلو ورج کیا گیاہے بار بیائی تفصیحات کے استعالی منوابط کے لئے ملیات کی کسی مدید کما سکا لدکرو مسلما ('hwolson') کی کا سب ملیات کی کسی مدید کما کا مطالعہ کرو مسلما ('hwolson') کی کا سب کا کہا وہ کہ اور جد اول عدد می اسلام ویکھو ( Lehrbuch der Physik, 1902) مسکو ویکھو ( Obser rer's Handbook ) مسکو ویکھو ( Obser rer's Handbook ) مسکو ویکھو ( Obser rer's Handbook ) مسکو ( Office ویکھو کی مالیات کیا۔

یازیان کے بیرا پس میں تبدیل کرویا ما سے تو وہ صرب دباؤکٹا نت اور تبیث محاتبا دلہ کرین کے اور بحثیت مجموعی کوئی تبدیلی مذہو گی - اس کھتے اس صورت میں مذکورد بالامساواتیں ہوجائیں گی

فرد = - ج ف فری .. . (۱)

دیم س اور دیل ن ست جان سی مطلق میش کوست تعبیر کرتا ہے۔

ن م ج ث ج-۲ فرت = -ج فری ادر کمل سے م م م ث م م شاہدا اور کمل سے م م م م شاہدا اور کمل سے م

ن جرال (ت- س)=- جى ى

جاں طے بحریرمطلق تبیش کوسٹ تبیرکرتا ہے۔ میاں طے بحریرمطلق تبیش کوسٹ تبیرکرتا ہے۔

<u>ت = ا - ج - ا حی</u>

کت میں میں اور اگر متحالت کو کا ارتفاع کھر ہو تو

ل ب س ۽ ب ۽ ج ب ه

(r). . 3 × 1- 9 -1= 1

اگرمساوات (۱) میں ج کی بجائے ج زا/ (ربی ) دکھا مائے تو گوشت کیطرح اگر مساوات (۱) میں ج کی خت کیطرح انگرار اور اندراج سے ہیں عاصل ہوگا

ن = ا - جر-ا × هر (ر+ی) × ات ت

(PT)

ن  $\frac{\pi}{6-2} = \pi + 3$  ث ی فرض کرد که آبی بار بیا کا ارتف ع کگ ہے: ۔۔
تو  $\pi = 3$  ث گ

اس لئے مبتک که اسطوانہ کا ارتفاع گ سے بڑا نہ مبو بانی داخل ہنیں کمیا جاسکتا- کیونکہ بالفرض اگر فشارے کو نتیجے دبا کڑی اس پر یا بی ڑالا جاسے تو شیجے کی ہوا کا داؤ فشارے کو اُٹھا دیگا۔

و سیم کی ہوا کا دباؤ فشارے کو آتھا دیگا۔ منفی حل کو، جبکہ و حرک ، یوں خیال کیا جاسکتا ہے کہ یہ ایک مخلف سوال کا حل ہے جس سے بہی جبری ساوات قائم ہوتی ہے۔ فرض کرو کہ اسطوانہ فشارہ کے اور براہا کیا ہے اور فقارہ کو ایک ایسی قرت سے بقدری فاصلہ کے او پر اسمانا مقصوہ ہے جو اُس بانی کے وزن سکے مساوی ہے جو اس اسطوان میں می ارتفاع کک بھرا جا سکتا ہے۔ اس سے مساوات بیدا ہوتی ہے

7.1

ر ۲ ) ایک عبارہ کی حرکت معلوم کرنا مطلوب ہے یہ فرم*ن کرکے ک*کسیجل

میں اس کی مٹائی ہوئی ہوا کی کمیت متعالن سے ادر اننا سے حرکت میں تعبیش ں رہتی ہے۔ فرمن کرد کہ عبارہ کی کمیت کے مرکز کا ارتفاع می اوراس کی کمیت ک

ہے۔ اس کا مجم ح اور ی ارتفاع پر ہوا گی کتانت مٹ ہے۔ تب وہ مساوات جس سے حرکت کا تعین ہوتا ہے میرو گی

ک فرای = ج فح -کج

3 = 3 V

الكن مساوات فرد = - ج نف فرى اورد = م ف سے بي مال موكا

ج <u>حري</u> (=πو م (ر+ي)

 $\frac{1}{\sqrt{12}} \frac{1}{\pi} \frac{1}{3} \frac{1}{3} \frac{1}{7} \frac{1}{3} \frac{1}{7} \frac{1}{7}$ 

(۱۳۲) جس میں ک بہ نتر س ر کھنے سے اور ۲ <del>فری سے صرب</del> دیر تنکمل کرنے سے نذ (- <del>( الله على ) = ب - ١٦</del> و الروي + الله على الله عل

ابتدان خرائط - - ۱ ۲۰ ۱۲ فرا

ن فرى ٢٠ = ١١ ( ا - و مرد مى ) - ٢ فرى ا

## غبار کوزیادہ سے ریاوہ اڑھے ع نر سی

ز کی در نت ذرک

ر کھنے سے حاسل ہو گا۔ اور اگر عنبارہ کی اوسط کُنا نت اور ہوا کی ، سط کُنا نت میں بہت تھوڈا فرق ہو تو جی چھوٹا ہوگا ادرا یک نقریمی تنیب معلوم کیجا سکتی ہے

## امثله

( ۱ )-اگر مواکی کتافت اصافی س۰۱۱ د اور باره کی ۹ ه و سر۱۳ بو اور اگر باریها کا اردها ع سر ابنج موتو تالبت کرد که مشعل هم کی قیمیت تقریباً ۳۳۰سر هموگی : بکه طول اورو فت کی اکا ئیال فط اور تا نیم بین –

ر ۲ ) - ۵ و دا سنی گری پرخشک ہوا کے ایک کسرکا ور ن ۱۶۲۳ گرام ج حمکہ بار ما کا ارتفاع ۲۰ و فی میر ہے - اس تبس پرآبی نخار کا دباؤ پارہ کے ۳ د ۱۲ فی میترستون کے مساوی ہے اور اس کی نخافت کو اسی تمین رور دباؤ پر کی خسک ہوا کی کتافت کے سابھ وہی نسبت ہے جو ۵ کو ۸ کے ساتھ ہے - ایک لینہ ہوا کا وزن معلوم کر و حب اس کو ندکورہ بالا تیش اور دباؤ برآبی نخار سے سیرسٹ دہ کرویا جائے -

(س) - الك ناتص باريبياك ارتفاع ۲۹۶۲ اور ۲۰ ايخ بين جكه احر ۳۰ ايخ بين جكه احر ۳۰ ايخ بين جكه احر آل الم بين جكه احر آل الم بين الم بين الم بين الله بين الل

روسے کی۔ ( ۴ )-کرہ ہوائی کی ایک کمب گز ہواکو ایک ظرن میں حبکا مجم ایک کمس نٹ ہے پچکایا گیاہے۔ ہار پیما کا ارتفاع ، سو ہے۔ جمع ستد، گوا مائی کا عدو می نایب نقریبًا معلوم کرو حبکہ یارہ کی کثافت اصافی لمحاظ پانی سکے 9 موسوں ہے ادر پانی کے ایک کمعب ایج کا وزن 2 موسوم کرین ہے۔ ( ھ ) - ایک بالکل نیچے مییا تی باربیل سے ارتفاع عمر اور جو ہیں جبکہ ایک ناقص بار بیا کے متنا ظرار تفاع جس میں مجھے ہوا ہے و اور و ٹا بت کرہ کہ اگر نا قص اربیا کا ارتفاع ج ہوتو

(ع-و)(ب-ب)(و-ب)

(1-3)(2-1)-(1-3)(2-4)

کی محت در کارم و کی۔ ( ٩ ) - الرُّنْبِسُس بِاكواكِ الله مِن مِن كَيْ نَبِشْ معلوم كُرْنا مطلوب مِن

جزءً وبو دیا حاسے اور اس سے میش ت کا اطبار مو جلکہ مواکی تیش تہو اور تبسس با كاغير خ ق سنده صدم درج بروّ نابت كردكه

ك معت وركار بوكى اكر بيش بيا كے ايروني باره كا بسيلاء حرارت كے الكے بالله موية فرص كرايا كياسي كر برصه بن باره كي تبث اس صدكو 

( ٤ ) ایک بندا تعدا بی اسطوان کے اندر حبکی تراش کا رتبہ ایک ہے وورل کا ایک میں اسطوان کے وسط میں ہے اور اس کے میں اور اسطوانہ کے وسط میں ہے اور اس کے میں اور اس

اویرکی نعناسیرشده مواسے بھری مونی ہے - اگر نشاره کواہنے حال پر جھوڑو یا جائے تو وہ ابتدائ ارتفاع کا نفست سیجے اُترما اے۔ ابت کرد کرسیرسفدہ

بخار کا تناؤ ہو۔ م ہ ہوگا جاں کرہ ہوا نی کا دباؤ ہ ہے۔ اس عمل کے

ابتدا اورا ختیام برتیش دری زمن کرلی گئی ہے۔ ( ۸ ) انتصابی باریبا ٹی بلی بنائی گئی ہے جس کے او برکا حصد مرسے بر

بندكرديا كيام - اس مصرى راض كا رقبه واسب - باربيا كا ورميا في حصر ایک جونہ ہے حس کا حجم ب سے اربیا کے سیلے صدی زاش کارتبہ ج" ہے اوراس کا میندا کملا ہواہے۔ جو فرق یارہ سے محرا ہواہے لیکن

الى كے غلے اور اوير كے حصول ميں بارہ جزء بھرا ہوا ہے - بارہ كو سيعي سے با مرکل رانے سے ایک جکتی کے دربعہ رو کا گیا ہے جو آزا دانہ سنجے

(177)

او پر حرکت کرسکتی ہے اور جس پر ہواکا دباؤ عمل کرا ہے۔ نلی کے بالائی حصّہ میں حلا ہے۔ سابی ستون کے خلیے اور او پر کے سروں کے محل میں تعیر معلوم کرو جبکہ کرکہ ہوائی کے دباؤ میں دباجوا تغیر واقع ہو۔ ماگر آلا کے اندرونی کل بارہ کا جم تھے جا ہو جہاں باربیا کا ارتفاع تھے اگر آلا کے اندرونی کل بارہ کا جم تھے جا ہو جہاں باربیا کا ارتفاع تھے

اگرا کہ ہے اندروی علی اِدہ کا عجم تھر جہ ہو جہاں بار بیا کا ارتفاع تھر سبھے تو یہ بھی نامت کرد کہ او پر کی سطح تبنیل کے تغیرسے غیرمتا خررہ گی۔ دید میں کی مصلاد خاری خاص از بھی طبحہ تاریس کی تیم

( ۵ ) ایک اسطوانی ظرن غواص پانی میں ڈو بتائے بیاں گئے۔ اس کے کچھ حصد سے میں ہوا باتی رہتی ہے۔ اس محل میں ہوا کی کچے مقدار ہس میں دِاخل کی جاتی ہے جس کا حجم کرہ ہوائی کے زیرانز ۲سے سیمے سلوم کرد کہ غواص

کو گفتی گہرا در کہاک اور سیمجے ڈو نباً تیا ہیئے کہ اس کے اندر کی کل ہوا کا حجم اتنا ہی ہو طبئے عبدنا کہ تحل اول میں تھا۔

بہت کی میں ہے۔ کیزاس سے گئے شرط درانت کروکر محل اول میں جب ہوا زور سے واجنسل کیجاتی ہے تو ہوا غواص کے بینچے سے تحکیر سکلنے نہ یائے ۔

بہت ایک فرن ایسی سطی کی کا ہے جس کویں مکانی کی ایک توس کو جوراس پرختم ہو جاتی خون ایسی سطی کی کہ ہے۔ اس خرف جوراس پرختم ہو جاتی ہو گئی ہے۔ اس خرف کو نیچے وادمذ کے ساتھ بارہ کے ایک برتن میں ڈبویا گیا ہے۔ تابت کر دکھ خرف کے اندر کی ہوا کا دباؤاس فاصلے کے مربع کے تناسب معکوس میں بڑا جو خاف کے درمیان ہے۔ نیزید فرص کے کہ خاف کے درمیان ہے۔ نیزید فرص کے کہ خاف کے مواس اور اندرو نی بارہ کی سطیح کے درمیان ہے۔ نیزید فرص کے کہ کو مها محور کے طول کو باربیا کے ارتفاع کے ساتھ وہی تنسبت ہے جو ہ م کو مها کے ساتھ ہے خرف کے اندرو نی بارہ کی سطے کی گہرا کی معلوم کرو جبکہ خرف موں بوری طرح غرق ہو۔

یں بیدی مرک مرک ہو۔
( ۱۱ ) ایک بے وزن فشارہ ایک انتصابی اسطوانہ میں تنسیک بیٹیتا ہے۔
اسطوانہ کا قاعدہ بند ہے اور اس میں جوانجھ می ہوئی ہے ۔ ابتدا نسفارہ
اسطوانہ کے سرے پر ہے۔ اگر بانی فشارہ کے سرے پرا ہمتہ اس المانے
تر نابت کرد کہ بانی کی اوپر کی سطح زیرتر میں ہوگی جب کہ یا نی کی گہرائی ما(وقت)
د ف جو جہاں آبی اربیا کا ارتفاع ف ہے اور اسطوانہ کا ارتفاع او ۔

( ۱۲ ) ہار میا کا ار تفاع ۸۸ ء ۲۹ انج ہے اور تیش پما فقط کشت ہم رہے۔ ہار بیا اور با نی کے ایک پیالہ کو قابد میں رکھدیا گیا ہے جس سے ہوا کا رج کردی گئی ہے۔ اب بار پیا کا ار تفاع ۳۶ و ۱ ایخ ہو جاتا ہے۔ کرہ ہوا تی کی ہوا کا دیا ہوا حجم حتنی حکمہ تھیرتا ہے اُس کو معلوم کرو اگراس سے اس کے وہاؤ اور تیش کی تبدیلی کے بغیراس کا بخار خارج کر دیا جائے ۔

وابو اور تیش کی تبدایی کے بنیراس کا بخار خارج کر دیا جائے۔

( ۱۹۲ ) ایک سیتی نی کیک سرے برمددوسے برکھلی، ایک بحورے گرو جو اس کو اور یہ مار کار برکستا ہے مستقل زاد کی رفتار سے گھوم رہی ہے۔ جا ذبہ ارص کے عمل کو نظر امداز کر کے نلی کے اندرو نی بواکی کتا فت کسی نقط برمعلوم کرو۔

( ۱۹۲ ) یکسال سوراخ کی ایک خمیدہ نلی کے بازد ایک دوسے کے علی القوائم ہیں۔ یہ نلی این میں نوق ہے مستقل زاد کی رفتار سدستے گھوم رہی ہے۔ نابت کرد کہ اضابی بازومیر حس ارتفاع تک یا نی جا تو مرکبی ارتفاع تک یا نی جراحیگا وہ ہوگا

را - و المرادة عن (ا - و المرادة

جہاں افقی با زو کا طول وائر کرہ ہوا نی کا دباؤ ہے۔

ہماں افقی با زو کا طول وائر کرہ ہوا نی کا دباؤ کو اس کی نخانت کے ساتھ ہے۔

(۱۵) و لفف قطری کیسال تیلی وائری نلی حسس میں ہواہ ایکوئٹ کے دباؤ کو اس کی نخانت کے ساتھ ہے۔

کے گرد را و نی رفتار سہ سے محموم رہی ہے یہ عود کے درن کو نظر انداز کرکے اسی نقط برکا دباؤ معلوم کرو۔ اگر ج ، واسے کم ہوا وراعظم اور افتسل دباؤ و اور و ہول قوتا بن کروک

لوک <del>دُرِ = سنا</del> ( و + ج )<sup>۲</sup>

( ۱۶۱ ) اگر دومفاہات کے باریبا کئی ارتفاعوں کے لوکار تول کے فرق کو ۱۰۰۰ سے ضرب وہا جائے تو ٹاہٹ کرد کہ اس سے نحینیا دہ فرق حاصل ہوگا جوان مقامات کے ارتفاعول میں ہے جبکدان ارتفا سول کمنیدہاں(shion s) ہیں نایا جائے۔ میں نایا جائے۔

ر دا) - ح اور ت مجم کے دو نیر مرصل ظرف ہوائے بجرے مو کے میں اور تعمیر کے دو نیر مرصل ظرف ہوائے بجرے موکے میں اور تینیس ت، ف الکر ہو، کی اِن کمینوں کو محم کے ایک غیر موصل برنن میں طادیا جائے تو آنیزہ کا د اِ وُ

> ۲ عدته: ۲ + عد ( ت + ت - ۲ ته ) کی سنبت رکبیکا جهاں تصیلاؤ کی منرح عدہے۔

( 19) - ایک لجگدارگردی گفافہ کے طرد ہوا ہے جو بخارسے سیرخدہ ہے۔
اگراس کی اندرونی ہوا کا دہاؤ کرؤ ہوائی کے دباؤ کا دوجید ہونا تو اس کالضف تظر
السینے اصلی نصف قطر کا دوجید ہو جاتا اور اگراس کے اندرا کرو ہوائی کے دباؤ کر جو تنظر اس کے دباؤ کر جو اس کے دباؤ کر جو اس کے اندرا کرو ہوائی کے دباؤ کر جو تنظر اس کا لضف قطرا ہے نے اصلی لضف قطرا ہے نے اصلی لضف قطرا ہے نے اصلی لفسف قطرا ہے نے اصلی لفسف قطرا ہے کہ اصلی لفسف قطرا ہے کہ کہ اس کے دباؤ کر ہوا کے دباؤ کر ہوا ہے جو اس میں شامل ہے۔

بدتا ہے جو اس میں شامل ہے۔

ن برای موفق می نول کا زادید راسس ﷺ ادرار تفاع ن سے اس میں اس کے وزن کا دو چند یا نی ساسکتا ہے اس کو اوند حاکر کے رائینی جبکہ راس اور کی طاف ہو) انتصابی محرر کے ساتھ یا نی میں ڈیویا گیا سے اور بھریانی کو زاد کئی رفنار (عج الرم فت ) سے گھایا گیا ہے۔ کمانے کی

رم سے مفروط یانی میں اس قدر ووب جا آہے کر اس کاراس یا نی کی سطے میں ہوتا ہے۔ تابت کردکہ ان اربا کے ارتفاع کو مخروط کے ارتفاع سے دہی سبت - جوس کے سم اس کے سے بے ۔ ( ۲۱ ) ایک جموٹے غبارہ میں ہوا ہے ادر ۱۰۰ گرین سیسہ اس کے ساتھ بندها ہوا ہے۔اس کے مفافہ کی وہی کٹانت ہے جویا نی کی ہے۔سیسسمیت اس کیانی میں درا آگیا ہے۔ اگر این کی تیش ادر کرہ ہوائی کے دباؤ بر غبارہ میں أيك كمنب اليخ بوا ساسط توكتن كران تك اس كو دونا برك كاكرير غيرقائم توازِن کے محل میں آجائے جکہ آبی بار پیا کا ارتفاع ۳ س فٹ ہواور کیہ ديا گيا موکه بهوا کی کتانت : یا نی کی کتانت ؛ سیسه کی کتانت ته ۱: ۰۰ ۸ : ۹۱۶۰ (۷۲) ایک کیسال شوس مکا فی نماست اس کانصف حجم علیحه وکرکے ایک بیالرسب یا گیا ہے اِس طور پرکراس کا اندر و نیا حاطہ ایک مسا دی ہم مور مکا تی خا ا معمل کاراس قبل الذكر مكافئ تماسك ماسك بريد من بالدسليال بن ادر المعالى الدر المعالى الدر المعالى الدر المعالى المعا خلایں وال کائی ہے کرای سیال کی سطحی اُٹھ آناہے اب اگریا ہے اندرو ن احاطه ی نصف گهرائی تک یا بی ہوتو نابت کرد کرسیال کی کفافت كان ماكى كنانت كاليم ب ( ۲۶۳ ) اگر بوا کا دا وائیسے برالے جیسے اس کی کثانت کی (۱+ ا) ای قوت قوتبش ادر ما ذبه ارص کے تغیرات کونظرانداز کرسکے نابت کرد کرکرہ ہوا تی کی لبندی متجانش کرہ ہوائی کی لبندی کا (م + ۱) گنا ہوگی -( ۲۴۷ ) و دزن کا فشاره ایک انتصابی اسطوانه میں ساکن۔ (114) اسطوانہ کی عمود ی تراش ک بے اور نشارہ ہوا کے ستون کی گرانی ایسے مقاہوا ہے۔ نشارہ کے ڈورٹ پرایک انتصابی دھکرتی بڑا ہے میں سے فتارہ بقدر من فاصلے کے بیجے ملا ماتاہے۔ اب كردكم

 $(c+\pi \lambda)$ ف + و لوک (۱- ین )  $+\frac{30}{4}$  = .

جال کره موانی کا داو πبے۔

۲۵ --- ایک کروش غبارے کا نصف قط رہے اور اس میں گیس کی محداد ہے جبکی کتا فت سطح زمین رہے کرہ ہوائی کئے دباؤ دہر نہ ہے - اگر فعبارہ سناؤ ت كو ميں سنھا كئے سے قابل إو و نابت كردكه يديب جائے كا اگراس كى قيار اتنی ہو جا کئے جنتی

 $\frac{e^t}{t} = \frac{7}{2} \frac{d^2}{L} + \alpha \, e^{-L} \left(1 - \frac{7}{L} \frac{d^2}{L}\right)$ 

سے حاصل ہونی ہے - جال غبارہ کی حرکت کی مزاحت نظر انداز کردی گئ

٢٠١ - يه فرص كرك كدكرة بوائي بورى ففنا بن بعيلا بواب ادر إس كي تبش ہر مگر کھے اب ہے تابت کروکہ مریخ کی سطے بر کے کرہ زوائی کی مثنا فت کو زمین کی سطح یرے کرد ہوائی کی کتافت کے ساتھ تقریباً قوائے میں کی تنبت ہوگی۔ یہ دیا گیا ہے زرگے کرد موائی کی کتافت کے ساتھ تقریباً قوائے میں کی تنبت ہوگی۔ یہ دیا گیا ہے کہ مریخ کی کتافت وہی ہے جوزمین کی کہیے اور اس کی مضعب قطر زمین کے تصفت

تطرك نفيف سي اوروين بركره بواني كا داؤ سوس ا كام في مربع سمرب اور ہوا کے ایک کمعب سم کمیت کا وزن عظم ۱۲ . ، و گرا م ہے۔ زین کا نصف قطر

۰۰ ۱۳ ۹ ۳۳ میڑے -۲۷۔۔۔اگرار بیما کی درج بندی کے بعد ہوا کا ایک خیف جم ح 'بارہ کے اوپر کے خلایں داخل کیا جائے اور تیش غیر متغیر رہے و تابت کرہ کرکسی مشادہ خدہ ارتفاع ن کے لئے

<u>ن</u> ج- (۱- ن)(ن- ف)

كى تصيير كى برك كى - جهال الى كى راض كارتب مدر برتن كى تراش كارتبه اورج مس ظامری خلاکا طول سے جوا تقل بار بیا سکے دوسرسے مشاہدوسفدہ ارتفاع ف کے جواب میں ہے۔ ۲۸ --- اگر کرہ ہوا تی کی تبش بلندی کے ساتھ کیساں طور پر گھٹتی فرض کی جلب تو نابت کروکر سطح بحرسے کسی متفام کا ارتفاع می

= ا (ا - (ن - ) }

جاں اس تفام پراورسطے بحربر بار پیا کے ارتفاع بالترتیب ف، ف بیں اور

ا ، هم متقل ہیں -۲۹ --- حملی تواز ن کی حالت میں نابت کرد کو کرہ ہوائی کی تبش او پروار کیسا

مفرح سے معنی جائے گی-اس شرح کوسنتی گرٹیے کے در جوں میں نی ۱۰۰ میٹرمعلوم کرو جُبِکُرِحب وٰ بلّ ما تیں معلوم ہون:۔

تَیشِ (مطلق) ۲۷۲ سنتی گریدِ

باره کی کثافت = ۲۰ و س

نوعی حرارتوں کی نسبت ( صب ) = ۱۸ م را (س ـ گ ، ف نظامیس ) ـ



(۱۳۷)

Flexible surfaces )کے توازن کے عام سکر Mecanique Analytique Tom I ) مِن أورثير رونفسیل سے اِنگین نے ( Memore's de l'Institut, 1812 ) بیت کی ہے۔ ہم اس باب میں خاص قسم کے سوالات برغور کریں گے جوعام صورت

میدا ہوتے میں بینی ایسے سوالات براج الائم سطحول برسیالات کے عل سے

ہے۔ ہم جانتے ہیں کرسیال کا دائوکسی سطح پر جو سیال کے ساتھ تماس رکھنی ہو

ائس سطح کی عما دی سب میں مل کرتا ہے اس سکنے فی الحقیقت ہمیں انسی ملائم اسطوں کے قوازن پر غور کرنا ہوگا جوعادی دباؤں اور ان کو محدود کرنے والے خطوط ہر کے تنادُن سکے زیر علی ساکن موں ۔

موسیت کی خاطراصطلاح ملائم سطی، ایسی چیزوں کوتغیرکر تی ہے جیسے کیڑا اور بیلا کا غذ جن کومور سفے میں کوئی قابل مستدر مزاحت تحسوس نہیں ہوتی اور جومور نے

یا مرور سنے سکے بعد اپنی ابتدا کی عکل پر اوشنے کا میلان مہیں رکھیتی کا ل طور پر لائمُنطحوں کوخواہ وہ امتدادیذیر ( Extensible )ہوں یادمتداد نا پذیر بے کیک خیال کیا جائے گا ۔

وفعات ذیل میں ہم یہ فرمن کریں گئے کہ لائم سطے کے کسی دو صوں کے درمیا جوزور عمل کرتا ہے اُس کی سمت سطے کے بالکلیہ عاس ہے ۔

## مناؤكا

ایک لائم اور بے کمچک سلح بر هور کرو جو تناؤ کی حالت میں ہے خواہ یہ سطح ما دیزیر بهولیا امتداد نایند برآور فرض کو گذنطه ن میں سے گذر سنے والے سى مادى مستوي سے جوزاش عاصل ہونى ہے اسس كى ايك جو في وس قان ق ب - اب اگرخط تی ت سے محدود مو نے والی سطح کے حصول کے دریان حاصل عمل ت × ق ق مو جومماسی مستوی میں ق ق پر عود سیے تو نقطہ ن برکے تناؤ کا ناب س موگا۔ برا نفاظ ویگر نقط ن پرکے تناؤ کی مشیح ت ب يا وه قوت جواس شئ كى اليسى تراش برعمل كريكى جسكاطول اكانى ب اور جو سر جرگانسی حالت تناؤ میں ہے جیسی که ن بر کی سطح -

عام طور پرسطے کے ان حصول کے درمیان جن کو ت تی علیحدہ کرتا ہے جو زور عمل کرے کا وہ ف ت کے عود وار نہیں ہو گا ادر اس کئے وہ تناؤت وق ق

اور قوت ته \* ق ق کا حاصل ہوگا جاں توت ِ ته × ق ی منحنی ق فَ کے

ماس کی سمت میں عمل کرتی ہے اور تہ اسی تسم کی ایک مقدار سے جیسی کہ ت ہے

اوراس کی بیالیٹس بھی اسی طرح ہوتی ہے۔ (۱۳۸) اسوا۔۔ ایک ظرف قائم مستدیراسطوا نے کی شکل کا ہے جس کی شخنی سطح ملائم

ا ور حبس کا محوراِ مُصابی اہے۔اس ظرت میں سیال ہے۔ کسی نقط پر سے تناواوروباؤك ورميان ربط معلوم كرنا مطلوب سبع -

فرمن كرو كرسطح كاايك جيمونا حسب

ن فی سے جو دوستو ہوں کے درمیان جو عور پرعود وار بن اوراسطوان کے دد کووں کے درمیان محدود ہے۔

فرض کروکه ن ق کے کسی نقط

پرانقی نتاوُ ت اور وہاؤ د ہے۔تب سطح کا عضرت ف ذیل کی قرنوں کے

"نادُاوردا و كرميا فيربط

زبرعل متوازن بركا .- ما دى د باد و × ن ن م × ن ق ، ماسى قويس ت من ن ردمت ، ق ق ، اور ن قد ادر ن ق يركه اتصابى تناؤ اگرانشصا بی سمت میں کوئی تناوعمل کریں ۔

یں توتوں کو عماد وع کی مستدر تخلیل کرنے سے جونقطہ وسطی ع تک نامید منجاكيا سريه

ر×ن نَ × ن ق ع ۲ ت × ن نَ جب ( المن ن و ق )

-ات من نَ 1 <u>ن ق</u> ، ارْضف تطرر بو،

۱۳۷ ۔۔ اگر کسی شکل کی اِسطوانی الائم سطے میں سیاں سائن ہو تو اسطوا نے کے محور کے علی القوائم تراس کے کسی تقط بر کا تنا و و می ہوتا ہے۔

فرض کروکہ سطح کا ایک عنصرت ف سے (شکل وفد ۱۳۱) فرص کروکہ ا يركام كزانخنا ورا يركا تناو ت الكب يركات + معت ب اور نقاط (اور

فب پرکے ماسول کا ورمیانی زاویہ مف فہ ہے۔

نیز فرض کرد که ن ق یر کے سیالی و باؤی سمت کا میلان و اے ساتھ مع سا ہے مبکرو ( ، وب کے درمیان واقع ہونا چا ہے ۔ تب ( یر کے ماس کی سمت میں قوق س کو تحلیل کرسے سے

(ت بسنت) جم ذ- ت = و × أب بسس سا

ء درمعت فہ حب معت سا

اگر ﴿ يركانفت تطرائحت ربو-لیس بالا فرحسب که معت فه معددم بوجا سے

اور چونکر تراش کے ہر نفطر پر بات صادق آن سے اس سلتے ینتی نخلیا ہے کہ ت

المتنقل

(179)

سمت وع بن و ول كوتحليل كرف سے گذمت، دفعه كى طرح دلط

ت = در مامل ہوگا جوسطے کے کسی نقطہ پر کمون کے علی افتوا ہم تناور وباؤ اور انخت کے در مان ربط ہے

منتقل لين سي مساوات ورد من سي نقطه بركا داؤ معلوم موما بيكا الرسطي دي وري مولي موارد

اگرسال برعمل کرسنے والی قرتیں دی ہوئی ہوں اوراس کئے داسال کے اندرکسی نقط کے محددول کا معلومہ تفاعل ہو توالیسی مساوات سے لائم سطح کی افتیار کردہ فحکل کا تعین ہوجا ہے ۔

## ثوببيراور لدنبير

ساسا ا-- ٹوبیو ( Lintearia ) دوسخی ہے جومہین کراے کے ایک تطیل طکڑے پریانی ڈا سے سے بدا ہوتا ہے جبکاس کے سرے افتی طور پر تصامے گئے ہوں اور یا نی اندکو پرسے خطنے نہ یائے۔

ہوں اور پائی ہوں برگ سے کے ایپ اس طرح اگر کیوے یا جہل کے کنارے ارب،ع ند ایک مندوق کرکنا اس میڈمہ کر کہائے



سے کپڑے کو تاشا جائے تو یہ عودی تاسف فربیہ ہوگی۔ دباؤچونکر عما دکی سمت میں عمل کرتا ہے اس سلنے کپڑے کا تناؤمستقل ہے ادراس سلئے اگر نقطہ ن بر کا تضعف قطر انخنا رہو اور ب ع بانی کی سطے ہو

( دوسری شکل دیکھو ) تو

ردوسری س دیسو) و ج ن × ك ل × ر متقل ہے ۔ تناؤ كوج ث ها سے تبير كرنے سے اور ن هر ا مالينے سے ہيں عامل ہوگا۔

بمسس

هم فرر = فرا = رحب فه

ور د مولا = جم نه - جم عد ، اگر سب بر كاندان عم يو ،

يا ما 
$$\sqrt{4} = \frac{6}{\sqrt{40}} = \frac{8}{\sqrt{40}}$$
  
 $= \sqrt{4}$   $= \sqrt$ 

اباس میں حب عم عک ادرجب فیے = ک منع

ر کھنے سے حال ہوگا

اه ترقیم: - جن ع ید Cn u = من

ca u z no

Dnu zsob

( ۱५٠)

بهراگر

> د هر = لا تو <del>فرلا</del> = جم نه = ۱ - ۲ ک<sup>ا</sup> جن او نه لا = هم گر (! - ۲ ک<sup>ا ج</sup>ن او) فرع

ینی اوم (۲ ق (حطر) -۶ کی ۱۰۰۰ س) جهاں ق دوسری قسم کا اتفی تحکام ہے -تقلی سار نظ یہ ہیں کہ لائی اس سب کے سب معددم ہو جائے ہیں جکہ ہو =

E.(em u) = (タレ)ご

ادر ان آیتو کر مساوات (۲) میں استعال کرنے بستے زمیں ب=۲ م ک علل بوتا ہے۔ یہ اگر لا = اور اس = آ جب کہ ما = ف توال کر مساوات (۲) میں مندری کرنے ہے ، = سن م ، بسس معلوم ہوا کہ و کی متناظر قبیت کے ہے جو ناقسی تفاعل کا یقیقی ربعی ور سے ۔ ادر اس کئے (۱) اور (۳) سے ہم عاصل کرنے ہیں ل ۽ م ک

1 = م{ اق (طک ) - ک }

اسِ کئے تو ہیرمساوا توں (۱)، (۲)، (۳) سے ماصل ہونا ہے بشرطیکر 

سے پیداہوتاہے یہ تو بید کے تمال ہے۔

ڈ ڈے کو ب وع سے تغیر کرواور فرض کروکہ نؤازن ، لب اور ع بر کی تو توں سے جومتضا دسمتوں میں ممل کرتی میں برقرار رہتا ہے۔

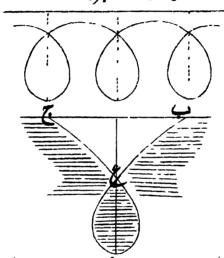
نقط ن برجم كا وكا معيار ازر Bending moment کے متما سب سے اور اس نے ب ن کے توازن پر عور کرنے سے اور نقطہ ن کے گردمعیار لینے سے بیرستنظموتا ہے کہ نقطہ ن برکا انخذا الیسے دلتا ہے۔

Routh, Analytical Statics, II p 269, or Kelvir and Tait Natural Philosophy, 591

For a full de cussion of the Elastica see Kelvin and Tait. 1 Natural Philosophy 611 I ove, The Mathematical Theory of Plesticity, p 384, or L Lavy, Precis Elementaire de la Theorie des Fonctions Elliptiques, p. 112

جیدے ن ل - اس طرح ر ب ن ل = م

اور اس کے لدنیہ کو توبیہ کے مانل ہے۔ مسا -- لدنیہ لھیفون ( convolutions ) ی تخلف نغیداد بیست تم ہوسکتا ہے جس طرح کراشکال ذیل سے ظاہرہے



یان کی سطح اور اس کے دہاؤگ مناسب ترتیب و نظیم سے فربیہ کے ہی خلف لیفیے ہوسکتے ہیں۔

مِنْلاً اگریم ب ہے کوسطح آب تصور کریں اور اس طرح کے انتظامات عمل میں لائیں کہ یا ن فضاء وع میں مجرویا جائے اور یا نی سب ع بہتے عے حصول کو اوپروار

دا کے قر بیں ایک سفیفے والے لدنیا کے ماغل تو بیال حالیگا۔

اگریم بین تصور کریں کہ ب ج ، مڑے ہوے ڈونڈے کو ب اورج پر مسس کڑا میں حوں کے لئے یہ مغروری ہوگا کہ فونڈا لا متنا ہی طول کا ہو اور اگر الدسنة كي طرح وبرك ماس سعة الفران الإماسة

ر = ١٥٠ جكه فه = ١١

$$w = a (\frac{m}{n} + \frac{\delta}{n})$$

آینده معلوم ہوگا کہ بیشعری مختی ہے۔ ۱۹سور – دیرس ٹراس ( Weirstrass )کے اقصی تفاعیل کی رقوم میں بھی ہم تو بید کی مساواتیں حاصل کرسکتے ہیں۔ مثلاً و فعہ (۱۳۳) سے

$$\frac{\frac{i}{\sqrt{v}}}{\frac{1}{\sqrt{v}}} = \frac{\frac{i}{\sqrt{v}}}{\frac{1}{\sqrt{v}}} = \frac{1}{\sqrt{v}} = \frac{i}{\sqrt{v}}$$

$$\frac{1}{4} = \frac{1}{4} = \frac{1}$$

$$\frac{r_{l-1}}{r_{l}} = 1 - \frac{r_{l-1}}{r_{l}}$$

له جيس بوني پرانحس تاجس فيريك ساوات درايت كي-

$$|e(i)|^{2}$$

$$\frac{(e^{-3})(e^{-3})(e^{-3})}{(e^{-3})(e^{-3})(e^{-3})}$$

$$\frac{c = \frac{1}{6}(2 + 0 - 1)}{(1 - 3 + 1)(1 - 3 - 1)(1 - 3 - 1)}$$

$$\frac{100}{6} = \frac{1}{6} = \frac{1}{6$$

$$\frac{iq^{n}}{iq} = \left\{1 + \left(\frac{iq}{i}\right)^{n}\right\}^{\frac{1}{2}} = \frac{iq}{\sqrt{(1-iq)(1-q^{n}-1)(1-q^{n}-1)}}$$

$$\frac{iq\omega}{iq\omega} = \frac{iq\omega}{iq\omega} = \frac{iq\omega}{iq\omega}$$

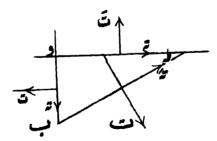
$$\frac{iq\omega}{iq\omega} = \frac{iq\omega}{iq\omega} = \frac{iq\omega}{iq\omega}$$

(144

اس کنے فحہ (ء + سم ) = ع، ک بسء کی متناظر قبیت سم ہونی جا ہے۔ اور ستقلوں اور دوروں میں روا بط ذیل ہو شکتے

اوء طا (سم)-، طا (سم) - الم عرسم

ل = ۲ ها سر المعرف الم



سطح کا کوئی مربع عنصر سینے سے متعالی اصلاع کے ایک جوڑے پر کے ماسی اعمال تہ فرمیں اود (تہ + معن تہ) فرمیں انتہا پی جنست تہ معن میں ہ بناتے ہیں اگر عفر کا ایک صلع معن میں ہو۔ اور چوبکہ اس کی تعدیل ووسر سے جنت تہ معن میں سے ہوئی جا ہیئے اگر تہ علی القوایم سمت میں ماسی سمل ہواس کئے اس سے نیٹیجہ تخلیا ہے کہ تہ اور تۂ مساوی میں ۔

راب ایک چمونا مثلنی عنصر و ( ب لوجو و برقائم الزاویه سے اور زورول کشکل کے بوجب تغییر کو-ب ( مے سوازی قونوں کرتحلیل کرنے سے ہیں ماصل ہوگا

تَهُ (ب + قه و ( جمطه + تَ × و ( حب ط = ت × وب ممط + تـ × وب حب ط

٢ تَهُ = (ست - تَ )جب٢ ط - ٢ ترجم ٢ ط يةَ صفر ہوگا جب كه

(ت - ت)مسروطر = ٢ ته

جس سے دوعلی القوا کم متیں حاصل ہوتی ہیں ۔

۱۳۹ --- اگرشکل میں ہم یہ ان لیں کہ وا آور و ب صفر ماسی عمل کی سمتیں ہیں ادر اگر تو توں کو ب ( کے متوازی اوراس کے علی لقوائم سمنوں میں تحلیل كما حاسب تومساواتين

> ت = ت جباطه + ت جماط رَ = (ت- تَ) جب طرم طر

اس صورت میں مقاویر مت اور مت بڑے سے بڑے اور جھو ہٹے سے جیوٹے یا چھوٹے سے جیوٹے اور بڑے سے بڑسے مناؤں کونتبیر کرنگی اور اس نے ہم ان کو صدری تناو کہیں گے۔

۱۸۷۰ -- اگر اب بر مے حاصل زور س × ا ب کامیلان و اکے ساتھ فہ ہوتو

مس فد = ت × و ف = ت ممط

مس فەمس طەھست

(140)

نیز نا ۱۰ اساء تا روبا با تا و وا

٠٠ سُ ع ت جب ط + ت جم ط

اور طركو ساقط كرف سن بين ربط لميكا

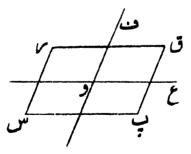
ا = جمان + جسان الم = ساء + ساء

اگراب سمتون و اور و ب می نقط و کے صدری تناؤت اورت برا اور اگر وع کا میلان و کر کے ساتھ طر ہوتو دع برکے زور کی سمت و ف مساوات

مس ومس ط و ت

سے عامل ہوگی اور زور کی مقدار نی اکا ای طول سمت و من میں اُس اقص کے نفط سے تعبیر ہوتے ہیں ۔ سے تعبیر ہوگی جس کے نصف محاور صدری تناؤں سے تعبیر ہوتے ہیں ۔

۱۴۷) | ۱۲۱ه-مزووج زور - اگر د غریا زور د ن کی ست مین عل کرے ترون ن یرکا دور د ع کی سمت مین عمل کرے گا۔



کونکو اگر ہم ایک ایسے عفر کے توازن برغور کریں جوایک متوازی الاصلاء ب ق س س کی تفکل کا ہو اور جس کے اصلاع وع اور د ن کے متوازی ہوں تو ب س اور ق م بر کے رور متعاول ہیں اور اس سلے یہ تیج بخلام کرب ق درس برکے زور بھی تعا ول میں ہیں اور اس کے سمتول وع اور ع و یس عمل کرتے ہیں -

۱۳۲ - اگر و ع اور و یسی سے کے مزودج زور می اور شمی ہول اور اگر صدری منائو ت کی سمت کے ساتھ و ع اور و ف کے میلان طر اور فہ ہول تو دفعہ (۱۲۰) سے مساواتیں

 $\frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{x_3}{1} \frac{\dot{a}}{4} + \frac{4 - y_1}{12} \frac{\dot{a}}{4}$   $= \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{x_3}{12} + \frac{1}{12} \frac{\dot{a}}{4}$ 

عالمسل مونی میں۔ جہاں طہ ادر فہ میں ربعاہی

مسن فرمسن ط = ﷺ عد اور فاکوسا قطاکرنے سے

ニニェグレ

س معلوم مداکسی نقط پر دومزدوج زورول کا طاصل دنرب متقل ہوا ہے اور یہ مستقل مداری ہے۔ مستقل صدری تناؤل کے حاصل خرب کے سادی ہے ۔ سامیم اسے بھی میں جھے دوشلٹی عنا مرول میں، وال ک کے توازن کی

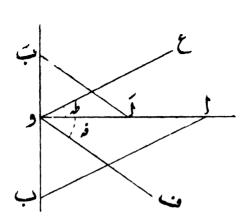
۱۴۳ میں بی سینے دو سلمی عما طرق کا جب و ( جب سے وارق می شرطوں کو لکھ کینے سے حاصل ہو سکتے ہیں حہاں ا ب اور آگ جب و ع اندہ وی کے متعان میں میں

اور و کشک سکے متوازی ہیں ۔ اس طرح مہمہ میں اراتیں

اس طرح تهمیں مسا واتیں

س جم فه عت جب طه سن جب فه عث جم طه سَ جم طه عت جب فه ، سن جب طه عت جم فه حال بونی جا بئیں -ان سے ہم ذکورہ بالانا کج حاصل کرسکتے ہیں۔

(۱۴۲)



مهم ا -- اب اگریم ایک طائح جملی کی صورت بر غورکریں جوسیالی دباؤ کے زیر عمل ہے اوراس کے ایک جمع شخص کے توازن برغورکریں تو گذشت میں دفعات کے نتا بج اس صورت بر بالکل عاید ہو جائے ہیں کبونکہ عما دی دباؤ کے اجزائے تعلی انتہا میں بقا بلہ ماسی عمل کے معدوم ہوجاتے ہیں - معداری تنا و کیسی شکل کی ایک طائم سطح سال کے زیر عمل ہے - کسی نقط پر کے وہاؤ مصدری تنا و ک مران اوران تناؤں کی سمتوں میں انخیاول کے درمیان ربط سعلوم کرنا مطلوب ہے ہے۔ کے درمیان ربط سعلوم کرنا مطلوب ہے ہے۔ فرض کروکہ ن کے متصل نقطے تی ، ق ہیں جون میں سے گذر نیوالے فرض کروکہ ن کے متصل نقطے تی ، ق ہیں جون میں سے گذر نیوالے

له طالب علم كوير بيجر لينا جا مبيئ كرصدرى تناول اور صدرى الخناول ك ورسيان كون تعلق مهد

خلّا ایک ایسی میلی برخور کرو جو ایک اسطواز کے گردلیدی گئی ہے جہلی برا سی گھائی کے مرفولی خطوط( Heheal lines ) کی مجھے بتعدا رکھینچو۔ چہلی کو ان خطوط کی مستقل میں تنایا جاسکتا ہے جو بالا خربڑے سے بڑے تنا کو کی مستقیل روجہلی کو ان خطوط کی مستقل میں تنایا جاسکتا ہے جو بالا خربڑے سے بڑے تنا کو کی مستقیل

بن جائینگی اس صورت میں عمروی تماؤ صفر ہو گا ادوایک کمون برے ندود کی ست اس کمون کے شامیلان آپائی

صدری تناؤ کے خلوط ن ق ا ن ق برمانع اس بن اور ق میں سے عادی مستوی کینیو جون ف ادر ن کی پر عمود ہوں ادر سطح کو ا ب ایک نوسوں میں (۱۳۸) . فرمن کرد کم ف ن<sup>۱</sup> ق ن مرود ہ کے متعملہ نقطوں میں سے گزرنے والی عادى مسنوى قرسين ب ح، ج دراتى گئى ہن -عفرب د ، داسی توتوں ت ۱۰۰۰ ت جد ست داد سبح ادر عماري قوت د × اب ب ج کے زرعمل ساکن ہے۔ فرص کرد که متعمیو*ن* ن ق من تی کے نقط ن برکے اضف قطرانخا رو ر ہیں ۔ تب ن پرعا د کی مت میں زوں کو تحلیل کرٹ سے ہیں اولا خرماصل ہوگا د × راب × ب ج = ۲ ت ا ب <del>ارک</del> + ۲ ت ب ج <del>ا راب</del> ر = ت + ت أُرسط كى روحيت اس طرح كى بوكه ت= ت توساوات بالاموجائيكي 1 + 1 = 1 + 1 = 2 جان س، س صدری نصف قطرانخا این-بس ارسطح کی مساوات ی = ن ( ۱٬۱۱ ) ہوتو ر ( جن ی ۲ من ی ۲ ۲ من یا ی = (+ (جنى ٢) جناً الم حنى حنى حناى = المجنى الم المجنى الم المجنى الم المجنى ا

۱۲۷۱ کے سی سمت میں تنا او۔ اگر مت اور ت کی سمتیں وہی نا ہوں جو صدری تناؤں کی ہیں تو مساوات میں <sup>ماس</sup>ی عمل داخل ہوگا ۔

سطیر کوئی نقطه ولو اور و ل

د مب ایک دورب پرعلی انتهایم سے کر فرطن کرد که ان سمتوں میں نتاؤست<sup>ا،</sup> سئه بیں ادر ماسی اعمال هنگ دست - و بر عما د وی کھیچو-

عادی مستورن (وی ببوی

کے متوازی اور ان سے بالکل فریب جا۔ مستو می تھینچواور فرصٰ کروکہ بیستوی سطح کو

جد،دع،عن،فج ير

نطع کرنے ہیں۔

تب بالاسمزج د ادرع ف کے ماسی اسمال دیت × ج د اورت ×ع ف ایک دوسرے کے مساوی گرست میں مخالف ہیں میں حال ع د اور ج ف پرکے ماسی درائر سے

ماسی اعمال کا ہے ۔ میں میں مگر دینہ بعد سرفر دین کی مار معاور داتر سے دیس دیتر

بس وی کے گردمدیارا فریسے سے دفعہ ۱۳۸ کی طرح الیمعلوم بوجاتا ہے کہ دی ۔ دی ۔ اگر منحنی ج دیے مقط ( بر کے ماس کا میلان مستوی لا ما کے ساتھ طر ہو تو

مس ط = جفامی × (و

له كونكرم مكر سفت بي

کس ط = ف(ول) = ف (۰) + ولا م ق (٠) + ...

(149)

ادراسی طرح نشطهٔ ازیر،

مس طَه = جعت المجعن (- ول)

يسمت وى بي اعمال ت × ج د اورت × ع ف كامجموعه

- دس، ۲۰ جد جوای و (- دس ۲۰ ف جوای (- وا)

= ست × ج د × دع × جعدای

اوراسی طرع کی رقم عمل دیت سے حاصل ہوگی ۔ و ی کی سمت یں تعلیل کرنے سے اب ہمیں حاصل ہوگا

ر × ۲ × ۲ ع = ۲ = ۲ × ۲ × ۲ عدع وب + ۲ ت

 $x = \frac{1}{x} + \frac{1}{x} +$ 

٢٨ ١ -- و نعات (٩ ١١) اور (١٢٥) - ي بهي ميتي ما صل كيا جاسكتا سع

اوراگرچه به طریقه بهبت طویل سیم لیکن اس بیر به فائده میکه سیم سدی تنا و کی سمنوں اور

'مسدری ای کی ستوں کے درمیان متیز کر نے کی اہمیت ایتھے طور پر واضح ہوجاتی

1

کے مار مسلموں کے فادن کے عام سندر پر طبی ایج ، بیسن نے کے اور اس کے عام سندر پر الحملی ، ایج ، بیسن نے کے مار

Ou a l' J wood of Mathematics Vol IV 1800

اگر کسی دو ملی القوائم سمتول و لا و ما مین تنائر مت است جون اوران می سے کسی ایک سمت میں مماسی عمالت مواور سمتوں دِن ، و نَ میں صدری ثنائر مت مت جون اور زاویو ن و لا = طر، تر د نغہ (۱۳۹) کی روسے

ت = ت جماط + دي حباط

ت وت جاط و ت مم ط

ت = (ت - ت ) جب طر مجم ط

اب اگرصدری انخنا کی منیس وج ، وج بول ادرزادی ج و لا = فه ،

ادر انخاکے صدری نفف قطر می اس بول اور ولا و اون و ن می سے گزرنے والی عما دی تراشول کے نفف قط کے، ر، ر، ر، کرمول تو

 $\frac{3}{10} + \frac{3}{10} + \frac{1}{10} + \frac{1}{10} + \frac{1}{10} + \frac{1}{10} + \frac{1}{10} = \frac{1}{10}$ 

 $\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{3}(d-6)}{\sqrt{2}} + \frac{(d-6)}{\sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} + \frac{\sqrt{3}(d-6)}{\sqrt{2}} + \frac{\sqrt{3}(d-6)}{\sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{2}}$ 

كسئ متدين بناؤ

$$\frac{\sin u}{v} + \frac{\sin u}{v} = (\cos u) + \sin u + \sin u) \left( \frac{x'}{v} + \frac{x'}{v$$

$$\frac{1}{100} \left( \frac{1}{100} - \frac{1}{100} \right) = \frac{1}{100}$$

$$\frac{1}{100} = \frac{1}{100}$$

$$r = \left(\frac{1}{\sqrt{1}} - \frac{1}{\sqrt{3}}\right)$$
 جف المجعن ا

۱۲۷۸ - یم ته ویجیت بین که اگرا تخاب سنده سمتین و لا و ما ، صدری انخها کی سمتوں بر منطبق مو جائيس توفه = ١٠ اور صنا لطه ما لا

ہوں یا صدری انخبا کی متیں۔

الا ا — اگرہم ایک ایسی سطح کا تصور کریں جس کی نوعیت اس طرح کی ہوکہ ہں کے سی نقط پر کا تنا و اس نقط میں سے گذر نے والے ایک خطائقیم پر ہمینٹہ عو و وار ماک برتہ میں بار ہر انتہاں نے تعدید کر ہے۔

مل کرے توبہ تبایا حاسکتا ہے کر کسی نقط پر کا تنا ؤ ہرست یں دہی ہوتا ہے ۔ اگرامیسی سطح کے ایک جبو سے شلتی حصہ پر عزر کیا جائے تو ماسی مستو کے صلوں کے تناؤسے بوری طرح متعین ہوجا اے کونکہ ماسی

مستوی کے قوار عالمہ (اگر کوئی ہوں) مقابلہ ٹناؤں کے اِلآخر معدوم ہوجا تی ہیں اور چونکہ صلوں کے طولوں کے طولوں کے

متناسب ہونا چا جسے اوراس کے تمام سمق میں تناؤ کے ناپ وہی ہیں۔
نیز سطی پر تناؤ سر جگہ وہی ہوگا کیو نکہ اگرایک جمو نے ستطیلی عنصر پر عزد کیا جا
تو شقالم صلوں پر سکے تتاؤمساوی ہو سفے چا ہمئیں۔
تو شقالم صلوں پر سکے تتاؤمساوی ہو سفے چا ہمئیں۔
اس سم کی سطی کا تصور کرما ہا کل ایسا ہی ہے صیاکہ ایک کا استوار جسم یا
ایک سیال کا ل کا تصور کرنا ہے تاہم ایسی سطی سکے قریب ترین نوسنے ان جمیلوں کی

مورت میں ملتے ہیں۔مثلاً صابو بی مبلہ کی سورت میں یا اُن حبیلوں کی صورت میں جو یشے کی بوتل میں نظراً بُس گی جباراس کے اندر کے انع کوخوب ہلا اِ جانے ۔ ائعَ حِسِيوں كى بُنْ كَرَمُ آيندہ إِبْ نَك لمترى رَكِيتِ هِي -

. ۱۵ – ایک ظرف جو ملائم اورامتدا دناید برت سے بنایا گیا ہے گرشی

سطح کی شکل کا ہے۔ اس کو انتصابی محر سکے ساتھ یکڑ کرمتیانس ہائع سے (۵۲) عمر دیا گیا ہے کسی نقطہ پرساری ٹاومعلوم کنامطلوبہیں۔

فرض کرد که وظرف کاز برترین اضاری - و کو مبدأ تواردو س

لا كوانتصابًا اوسروار ثا **بواور** و عز کروکه کونی افقی تراش ن ع ق ہے۔ اوپر کا خارہ اس سے

حوتا بت ہے۔ افقی ترامش ن قِ

كي تمام نقطول ير دما وُ صريحاً

مِن كروكر نفعت الهارئ تناء ست سير بني وه تناؤ جومنحني إن سك نقط ن برکے ماس کی ست نی انقلہ ن بر ان کا اور فرص کر کہ نقطہ ال بر ا سی تناوُ ت جمر میر مدر می مراری می اور این من می ساخسای تناوُت الا إنتما بي حاصل اسطح ن و ق ب- كه حاسل اتصابي داؤكي تعديل را سرع -

ادرزاویا ن ت و یا طر ( 1= ピノ タンニ 1 )

١٩١ ت جمله = ) بعث ١ ما أم ولاً + ج ف ١١ (م - لا) الرُّوج = ٢ أ

اس مسادات سنے مت کا تعین ہو جاتا ہے۔ اور ت مساوات ت مت مت . د دفع ( هم ۱)

سے عاصل ہوتا ہے جہاں د ہے بن (م - لا) -یہ یا در ہے کر منتخنی (ن کے نقطہ ن بر نصف قطر انتخا رہے ادراس کے

عمد ووار جو عماوی تراش مرم اس کا نیم فطر انخنا کر لینی ن کک میم مرا است ما است می است

ایک ملائم ظامت گریشی سطح کی شکل کا ہے ادر سیالی وہا و کے

زرعمل سے اس اطرح برکدکسی وائری تراش کے تماسرنقطون برسالی

وباؤوبی ہے یکسی نقط پرسکے صدری تنا 'بسعادم کرنا مطاوس، تی ۔

ر من کرو کم ن ع ت ن ع ک ک و مقصل دائری تراتیں ہیں اور

تقطرت يركا نصف النبارئ منائوست سے ۔ اگرون = من وداره ن ف يرمورسك موازي ماسل مار

= ۱ ۱۱ ما مت فرنس-تَ قَی بر و لا کے متوازی حاصل تناؤ

=۱۳ (ات فرلا + فرس (ات فرلا )معساس \اَرُن دَ، مِنس

له يه ما دات اس صورت ك لئے اس طرح مبى عاصل بوسكتى سے اك جوا عصرا وجوائ كے خطوط سے محدود ہو سی نضف الہاروں اور امنی دائروں سے یو یر ( Meuner ) کامسکداستمال کرہ اور اس کا خیال رکو کہ انخا کے حطوط کے لتی سعنی عسام طرر برہماہ ی سقوی ہنں ہوتے۔ . ۲۰,

لمائم سطحوں كا ثنا وُ

اں دونوں کا فرن ادارو ن ق ، ن ق کے دمیان سطی جویتی شائس سرکے و لا سے متوازی حاصل دباؤ کی نقدیل کتا ہے ۔ یہ حاسل دباؤ د×۲ ہمامع س فرا کے مساوی ۔ ہے اگرواڑہ ن ف کے کسی تقطر پر کا داؤ

ز میرب

اور دیو کو لاکا ایک دیا ہوا تھا عل ہے اور اسلے
س کا تعامل ہے اس لئے پرسا وات تناؤت
س کا تعامل ہے اس لئے پرسا وات تناؤت
کا تعین کرنی ہے اور ت گذشتہ کی طرح میا وات
س کا تعین کرنی ہے اور ت گذشتہ کی طرح میا وات
س کا تعین کرنی ہے ۔ و د سے مال ہوتا ہے ۔ و د ساقط کرنے ہے ہیں ت اور ت کی ربط میں ہوگا لیکن بر تربیہ ہے کہ یہ ربط بیل ایک دبط ماصل ہوگا لیکن بر تربیہ ہے کہ یہ ربط بیل ایک بھوٹا عنصرت ن می من لوجونف الہما اور وائری قوسوں ن ن می من سے اور وائری قوسوں ن ن می من سے اور وائری قوسوں ن می من سے اور وائری قوسوں ن می من سے عدود ہے ، وص کرو کم

تضعت امنباری مستویوں کا درمیانی زاور مف فر سے اور نصف انہاروں کے نقاط ن أور من برئے ماسی خطوط کے درمیان زاویہ ٢ معن سامنے ۔

تب أن س المعن فر إدر ن ن = مف س ن م اور ن م كى تنصيف كرك والع نصف الناركي سمت ك

متوازی قرتوں کو تحلیل کرنے سے

زر اس امع نه) من اء ۲ ت من س جب من سا

= ت منس <u>نسم</u> = ت منس امن و

اور چونک

ا عب طه = فرا ، شکل دند (۱۵۰) (م ۱۵) اس کئے مساوات ذیل حاصل ہوتی کے

ش = (ات) - ت

ادر چنک زے اقطام اس لئے

ت + ت جم طر = د

اور اس کئے ان دومساوا تول سے ت اور ت معلوم ہوجائے ہیں۔ بہلی مساوات سے ظامر سے کہ اگر کسی افتی تراکش پریت اعظم یا اقل ہو

ادر اس کے فرات صغربوجائے تو

ے ہے۔ لیکن اگر ماہی اعظم اِ اقل ہوتو یہ نیتجہ براکد بہنیں ہوتا کردکہ ہم یہ نیتجہ نہیں نکال سکتے کو فریسے صفاحے۔

بچراگر مرنقط پر ت = ت نو <del>رت \_ = ۱</del> اور اسس کے متعظ

۳۷ ۱۵--- امتیلہ -- (۱) ایک محزوطی شکل کے کامل طور میہ طائم اور کھکے اُر تھیلے کو نیچے وار منہ کے ساتھ ایک افقی مستوی پر کور سے جوڑ ویا گیا

٢٣٤

سے اور راس پر کے ایک چھوٹے سورا نح کے ذریعداس کو مانع سے بھ دیا گیا ہے جس سے سکون کی حالت میں اس کی شکل تا تم مستدیر

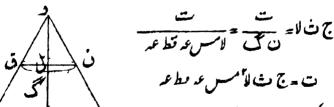
المطوانه كى تنكل برياتى ب اكرسنوى سيماس كا الحاق تورو ياجك

ا ورہا ئع بانم کل ٹر سے تواس شکل کی مسا داست معلوم کرو جو میرا ختیار کریگا

اگراس کے وزن کونظرا نداز کروما جائے ۔

زنن کروکه نقط ن پر مکون و **ن** سکے عمود وارسمت م*یں ت*ز اورسمت و ن یں تناؤ ت ہے اور مخروط کا زاویہ راس م عرفے ۔

ب ووت + ت سے (اگر دل عدلا) حال ہوکا



لكِن ١٩٢ ن ل تَ جمعة ون ق ير

ء <u>ہے</u> ج ن n 17 مر

(100)

ت = الم ج ن الأمس عه قطعه زم كوكه ما ئع بحل جانے كے بعد سطح جس كردشى سطح كى شكل اختياركر تى ہے الم ما كوكم ما ئع بحل جانے ہے اللہ ماركان

اس کا تکوینی منحی وَنَ قَ ہے، ادر وَل = صَاء نَ ل = عاً ، ادر تَ

کا جواب ہے ۔ اگر نَ کَ = مف س ، منحنی کی ایک چھوٹی قرس

معن لا قط عرد من س (ا+ س)

لامس عر = عا (١ + 🖵 )

کیک کےمقای*س ک*و ود **یون** ستوں میں مخلف <u>لینے س</u>ے۔

ب اور ت کی حاصل شدہ نمیتوں کواستعال کرے لا کوان دومسا واتوں سے ساتھ کیا جاسکتا ہے اور اس طرح صنا اور عامیں ایک دبعہ حاصل ہوجاتا ہے.

يهلى سادات يى ج ف مس عرقط عه المراسطرح حال بوكا

$$\frac{\sqrt{U}}{\sqrt{U}} = \sqrt{\sqrt{2}} = \frac{1}{1 + \frac{U^T}{V^T}}$$

س جمد الله اكس كووت المال في

لا کی رقبت دو سری سیا وات میں مندرج کرنے سے حاصل ہو گا

لامس عرمس (<del>س</del> جم مد)=عا (ا+ <del>ج ن والمس ع تعاع</del> مسرا (<del>ال</del> جمع) }

جو شخی کی تفرقی مسا دات ہے۔

اس معورت میں انحا متقابل ممتوں میں بیں اور اگر ن بر کا عماد ن گ و تو ہرا کیب تصف قطرانخنا ن گ کے میاوی ہو کا اور مقااز ن کی مساوتا میں ہزنگی معتبر ہو کی ساوتا ہوں کہ سے معتبر کے معاون کا معاونا کی ساوتا میں ہونگی

ت\_ت = و ی ن گ اورت = فرا (ات)

ادرجو کم نگ = آل اک فرت = د ما جہاں ک زبیر کامتقل ہے

ن اکرنت ته) = در ۱۱-کا) جان ته اس بر کا نفعت انباری تناؤی

ر ت = ته + و (م الا - كال)

ان میں سے بہلی ساوات حصد النہ کے تواز ن بر عور کرنے سے فرراً عاصل ہوسکتی ہے جال زنجرہ کے راس کو السم مرکزا ہے ادر بھر ت کی قیت مساوات ت ۔ ت = در سے عاصل موج ان ہے ۔ اگر محمد ل کے وزن کو نظر الذار کیا جائے اور یہ فرض کیا عاسے کہ اندرو نی ہوا کے دباؤسے توان ن برقرار رسما سے تو

יח פ (=+ + - ( נ"- ב") } = · ח פ"

ت= والم اورت = سرواً

(۱۵۱) مم ۱۵ ۔۔۔ ہم نےاب تک صرف تیساں موٹا ٹی کے مبتروں پر عور کیا ہے نسب کر۔

الیسی صورتوں کو بھی شامل کرئے کی حاط جن میں میترے متغیر موالی کے بعدل

تنا وُ کا زیادہ عام ناپ دریافت کیا جا سخناہے ۔ فرض کردکہ کسبی متجالنس ما دسے کی سلاخ 1 ب سے وزن و لٹکایا

گیا ہے اور سلاخ کی ترامشس کا رقبہ کہ سٹھینب ن یں سے

گزرنے والی ترامش پر کا تناؤ ، وزن و اور سلاخ کے حصد

ن ب کے دان کوتھامے ہوئے ہے۔

اوراگران اوزان کا محبوعه نه کدر مونو نفظه ن برتناؤ

کا ماپ نی اکا بی رقبہ تہ ہوگا۔

يمطوم رسع ك ت كى نسبت ندك بدافيد ايك ك ب

م ہے ۔ در حقیقت اگر کسی نقطہ پر ایک ملائم بہرے کی موٹائی

ع مواوراس برکاتنا و ت ہو جرمتم ای رہے اسے تراش کی نی اکا نی طول کے لئے معلوم کیا گیا ہے تو

ت من س = ترع من س

ت = ت ع

100 ۔۔۔اس باب کے مسائل عوماً اُن سطوں پر قابل استعال نہ ہو شکے جو غیر لائم یا جن کی لائمت ناتص: - لیکن اگر کسی خاص صورت میں سطح کے متصلہ حصوں کا ، رمیانی عمل کلاً ماسی سنوی میں ہوتو تناؤ اور عمادی دباؤ کے درمیان محصلہ روا بط برقرار رہیں گ۔۔

متلاً اگرایک المقسانی سعد ریاسطوا نه کسی غیر لا نم شنے سے ناموار سیں سیال عبر دیاجائے ترکسی نقطہ برکا عمل گلاً ماسی سن میں کہوگا اور اس کی نوعیت تناؤ کی سی بوگی –

## امنيله

ا --- یہ فرص کر کے کرا ایا کے تنگیج کے اسطوائے ایک سی اوری سے سے سے بوئے ہیں ادرم ایک سی اوری ایک میں اورم ایک می اور اور ( من منافید میں است معلوم کرو -

۴ -- ایک اسطوان رس و ایج موتے وان کے بترے بایا کیا ہے اوراسی وبات کا ایک درن و کو عیں سنجال سکتا ایک درن و کو عیں سنجال سکتا ہے - الراسطوان کو انتقانی محور کے ساتھ ان می کا عاضے و معلوم کردکداس می کتناسیال ڈالاعاسکتا ہے کہ دھیٹ رحائے .

سم \_\_ ڈیصلے موٹے لو ہے کی نادی ( Tensile ) طاقت تراش کے ٹی مر بع ایج کے لئے ، ، ، ۱۹ پونڈورن ہے ، یک ڈیسلے ہوستے لوہے کے با بی کے ایسے مل کی موٹائی معلوم کردجس کا امدرد نی نظر ۱۲ سیے کہ اس برکا زور اس کی انتہائی مصبوتی کا صب ہے توجیکہ یالی کا ارتفاع ہم میں نظر ہو۔

مم --- ایک محدود کو ص کو داس سیم وارس با بی سے مجرو یا گیا ہے - معلوم کروکر فقی تنا وسب سے دیا دہ کہاں ہے -

یزمعلوم کرد کرن کی مت من نیاد کی قیت سب سے دیادہ کہاں ہے۔

ے ۔۔۔ ایک متطیلی صدوق کے اور کا اُرخ یکساں مجکدار بندمی ( Band ) کو اس کے تقابل مندمی و در سے اصل عام اس کے تقابل ضلوں یو ما مدھ و سے سے عدارہ یا کیا ہے بندھن و در سے اصل عام بر

(a-)

تھیک مبیعتی ہے۔ اگرصندوق سے ہوا بتدریج حارج کردی بائے تر نیکرار مندعین جوشکلیں اختیار کرنی ہے ان کو معاوم کرو - اور جب بدھن صندوق کی تہ کو حین مسر کرے تو ائس دفت کرہ مرائی کے الررو نی وبیرونی دائوں میںجو فرق ہوگا اس کومعلوم کرو-· واكرى سوراخ كى ايك ليكوار بلى مربع سوراخ كى ايكسسه اسد إر بلى مي أركليدى · ئی ہے جس میں وہ بغیر شنے ہوئے مٹیک مٹیر جاتی ہے۔ ملیاں لائما ہی طول کی ہں-اگر ملیوں کے درمیاں ہوا نہ ہوا درکسی اباؤی جوا محکدار الی میں داخل کی طامئے تو ناہت کرو کہ رید و باز اس سنبت کے متماسب مرکا جو میکدار می سے اس معد کو جراستوار ملی کو م کراہے اُس مقعہ سے ہے۔ جسمی شکل کا ہے۔ ے ۔۔۔ ایک طرف جوکسی تبلی ہے سے بنا یا گیا ہے مخود طی تسکل کا ب اس کا راسس

نیجے وار اور محدرا تصابی ہے ۔ اس کو ما مع سے بحر دیا گیا ہے اور اس کا سرا مدر دیا گیا ہے الراس كواية محديث كرديكان رفيارت كلمايا عاف توكسي نفط يا مك صدري تماؤ

ایک کروی لیکدار نفاف کے گرداوراس کے اندر ہواسے جوکرہ موانی کے وباؤ ( ہے) پر ہے۔ اس کے اندر جواکی مساوی مقدار داخل کروسی گئی ہے ۔ نابت کروکھ نفافہ کے کسی نقط پرکا تناو Tr ( ۲ و - تر ) / ۲ و جو تا ہے جو ال ابتدائی اور انتیا ئی ىفىن توكى رار تر تغركريتي ي

- ایک نجکدار کرو می تفا نه میں حس کا قدرتی تضعف فطر لا سیم جوا داخل کی گئی ہے حب سنے اس کا نصف قط ب ہو جا گا ہے مجراس کوایک قابلہ میں خب ہی سے ہوا خارج كردى كرى سبع ركار اكيا كي جس سے اس كالفن قطرج موجاً اسب - مواكى مقدار علوم كرا جوامس میں واحل کی گئی ہے۔ یہ فرمِس کرایا جائے کہ نا وسطے کے امنا فہ کے سناسب ہے • ا --- و نفعت تطر كا ايك كيدار كروى نفا فه مواسع بعرديا كيا سع جس كي تبيشس ( ت ) اور وباؤ وہی ہیں جرگر د کی ہوا کے ہیں۔ تناؤسطے کے اصافہ کے متناسب ہے ادراگرا ندرونی بواکی مقدار دو چند کردی عاسف تو تصف قطر م او موجام و اور محراگر الدرد في تميش كو ست مك برًا ديا ماس توسف تطرًا ف الربوطاتا الم نابت کردکہ

(アート)(1-で)じょしュー

م" ( م" - ۱) ۱۱ \_\_\_\_ الا تصف آها کے رسف کر دیا تھیلے کو اس کی کر سے تعاکمریا کی ہے بھر دیا گیا ہے ۔ تا ت كروكر لا كمراني يرسدري تماؤ ل مين ييست ہوگي

یر علی معلوم کرو کہ اضح تنا ہ کہاں معزم وعا آئے ادر تھلے کے ایک جمعہ براس کے معنی زویے

۲ ا -- ایک تصف کرری تھیلے کا مدا کے استواد مستوی سے ، ج اس کی کوریر مایدہ دیا کیا ہے بندرویا گیا ہے او مس کوار ندھا اروپا گیا ہے ۔ "است کر، کر لا گہرا نی رصدری مناق سيراسست موكي

r ا - ۲ لا: 1 1 - ۲ لا

۱۲۰ – لا نفست تطرکال وی تعاد ت فتات کے انع سے عین محرد یا کیا ہے۔ ے تفافہ ایک فط کے گر دعسال دادی دفتار مسیرسے گھوم *دیاہے –* جا ڈیرکو د<sub>ظ</sub> اید*اد کر*ے ا س کرد کروش کے دوست داد فی فاصلے در صدری اتناؤیون

ا ن ساد لا حباد اور الرساد الراجاد

م ا - عدود موالى كالك اعطواني خول اليسي اترى في ساع كاب جسس كا ایک ڈنڈا ایک مربع ایخ آاس کا بعیر وٹشنے کے تباؤیة سینمال سکتاہے۔ اگری خول ادرونی سیالی دباؤ ھے کے ریر ممل مو حواسطوان کو توڑ ہے کے مین ناکا بی ہے تو نات کرد کہ

ھ = تر لوک اور ب ماں حول کے بیرونی داغرید نی نفعت قطر و اور ب میں -

۱۵ --- ایک مخروط من درن دار ما تع ہے - اگر کمونوں کی سمت میں تمام نقطوں پرممروط امان کا ناؤ دہی ہوتو تا بت کروکہ مانع کی کتا عت ، راس کے ادیراس کے ارتفاع کے مربع کے تنامب معکوس میں ہے۔

19 --- ایک محدب استداد نایذیر ملائم لفا فرگردتنی سطح کی شکل کا ہے اور اس کے گردش کا محدر انتصابی ہے - نابت کردکہ نفیف انہارہ محدر انتصابی ہے - نابت کردکہ نفیف انہارہ کی ست میں سب سے چوڑ سے حصہ پر کا نناؤ اعظم یا اتل ہوگا ہو جب اس کے کریہ تناؤ سفیف النہاروں کے عمود وارتناؤ سے کم یا زیادہ کو ہو -

کا -- قایم سندر مخروط کی شکل کا ایک لائم تقیلا الئے سے عین مجردیا گیا ہے اوراس کے قامدے کی کرائے است کا میں می کورایک ایک ایک ایک ایک تقیلا الئے سے عین مجردیا گیا ہے اوراس کے مرکز سے قامدے کی کورایک استوارستوی کے سابھ تنہت کردی گئی ہے نوا عدے مرکز سے دام و تیں الئے برغمل کرتی ہیں جوایسے بدلنی ہیں جیسے فاصلہ کسی مقطہ برصدری تمن و معلوم کرد -

اگرامستوادمتوی می ایک سوراخ کردیا جائے اوراس میں فتارہ لگا ویا جائے اور اس میں فتارہ لگا ویا جائے اور کی سے اور کیم اس متارہ پرایک خرب لگا نئی جائے توکسی تعظم برصدری و مبکا تناؤ معلوم کرو۔ ۱۸ - اگرد فعد (۱۰۱) میں، ظرف مکا نی نمائی فیکل کا ہواور اسکہ میں سے گزرنے و الی افغی ترامت کے مرتقط پر صدری تناؤ مساوی ہول تو نا ست کروکہ محور کا طول و ترخاص کا چے ہوگا۔

رفقار ۱۹--- مائع کی کچه مقدار حوایک میتلے کر دسی خول میں ہے انتصابی قطرکے گرد کیساں ناونی سے مگوم رہی ہے - کسی نقط پر صدر می تناؤ معلوم کرد اور گھو شنے کی رفتار میں اصنافہ کے اترات کی حامج کرد۔

۲۰ - ایک ما مخ سطح اس تسم کی ہے کہ اس کے کسی نقط بر کا تناؤ ہر ممت میں وہی ہوتا ہے اور جس کی مشکل مساوات می و ف ( ۱۱ ) سے حاصل ہوتی ہے - یہ سطح سیال کے زیمل سے - کسی نفط ریسکے واؤکو تناؤ کے ساعة جونسیت سے اس کومعادم کرو-

ا است کروکر پرنسیت سط م الا = س می ( الا + ما ) کے ایسے نقاط بر ۱: س ب مہاں الا = ا = ی

الم -- ایک قائم مستدر اسطوان کیدار اوے سے بنایا کیاہے اور اس کے سرے استواد معقوں کے سرے استواد معقوں کے سرے استواد معقوں کے ساتھ لگاد کے گئے ہیں اس کوسالی داؤسے منا یا گیاہے - یہ انگر کے منصف النہاری اور دائری تراسوں میں تناویک کیلیہ ( Hooke s law ) کے تاہج ہیں ایسی سا دائیں معلوم کو جواسطوانہ کی اختیاد کردہ فنکل کو یوری طرح معین تاہج ہیں ایسی سا دائیں معلوم کو جواسطوانہ کی اختیاد کردہ فنکل کو یوری طرح معین

كرنى بي كاني مون - اگرواو «مىنقل مورة ناب كروكرىفىف انبارى سحنى ج 

جاں ابتدائی نضف فطر او ، کیک کاایک مقیاس لدا ادر جمل کے مستقل

ر سب میں۔ ۲۲ ۔۔۔ ایک مجکہ ارجلی جبکہ وہ نئی ہو ئی نہ میو تصف قطرار کے اسطوا نے کی سحنی شکل ا ختیار کرتی ہے۔ اگر اس کے سرے نابت کرو نے جائیں اور اس میں موا واخل کی جا سے اور کھراس کے سرے بدکرو نے جائیں قرنا بت کرو کہ تحور میں سے گذر نے والی کسی تراسشے کی میں سے اللہ کا می دوکر نے والامنی مسادات

(أب ) ( الح تعادر - ا ) = ٢ و (ك - م )

ے عاصل ہوگا۔ حبال فدوہ زادیہ ہے جوماس محرر کے شاقتر با آ ہے۔ تحد، بر کا عمودما ، سیرونی وابدرونی دباؤں کا فرق در ، اور لیک کی سترح که ہے ۔ مستقل ف، كُ اور ايت سراسقل فرسادات كي محل سے طاصل موكس المسار معادم کئے جا سکتے ہیں۔

٢٧٠ - ايك طرف تهيين طائم ادرا متدا دما يذير ما وه سے نايا گيا ہے - اس كى تكل الیسی سطح کی ہے تواکی زئیرہ ( vateriury ) و سکامدل ک ہے اپنے مورك أرد كھانے سے بدا ہولى ہے - اگر مورسے لا فاصلہ ير صدري سب أو ت ، دئ ہوں ڈٹا بت کردکہ

۷ ت - ت . ۲ ت = لا /ک : حسر ۲ لا مرک

حکه یه رض کرلیا جائے که ۱ درویی و بیرونی و با وُل کا فرق مشقل ہے -۲۲ - اگرایک کلائم ظرف جس ای سخوین ، حطاتده پر کو اسبے فاعدے کے گرد (۱۹۵) فمانے سے ہوئی ہے اکا سے عن عرابوا ہو جو بفرکسی بیرونی قرتوں کے عمل کے مورے گرد یکسال دفتار سے تموم راہر قرنابت کردکر صف الہاری

منحنیوں کی سمت میں اوران کے علی القوائم سمت میں یا ڈن کی نسست م ، ہے۔ یہ مان دیا گیا ہے کہ دہائو محور پرصفر ہو جاناہے ۔

۳۵ - ایک کابل طور پر لائم ظرف کی تکوین خط تدویر کو اینے بحر کے گرو گھا ہے میں کے بعد برامی دفتہ اور میں گھاری اور بیست آگا ہی میں تاریخ

سے ہوئی ہے اس کا تحور انتفعالی ائے۔ اگر طوف یا نی سے تقر باً بھرا ہوا ہو تو ات کرد کرایسے تقطہ یر کا انقی تمامُ جہاں ماسی ستوی، افق کے ساتھ دم ہ کا میلاں

ر کھا ہے ریرترین نقط پر کے ناوی کا آل ( اللہ - اللہ ) ہے - ظرف اِلکل

تجرا ہوا کیوں نہ ہونا چاہسنے ۔

۲۶ - ایک بے سے ایک طرف اس طرح بنایا گیا ہے - ایک بے وزن تختی کے ساتھ،
کیا ہے کا ایک الله می مکڑا جس کی شکل نیم توط و کے کرہ کے منطقہ کی ہے لگا دیا گیا ہے
اس کہ ہے کی ایک مستوی ترامش تختی پر تھیک آ جاتی ہے اور دومری کرہ کے مرکر
میں شکھر تی ہے -اس طرف کو بڑی تراش کی کورسے تھام کر عیر متجانس مائع سے
معرویا گیا ہے جس کی کتافت ایسے براتی ہے جیسے می (وا ۔ نی ) م جاں سی

گہراتی ہے ۔ صدری تناؤ کی نسبت معلوم کرو۔

٢٠--- ايك استداد نا فيرير الله مُ لفا فه كي شكل كردستى مكا في نها (وترماص م و ) كي الم - - بد لفا فرك نصف قط ك الك تابت ا نفتى دائره سے لنگ د باجے - اس ميں مث كتا مت كا سيال ہے جو لفافے كے انتصابى محدرك كرد زاو في رفت ار

(ج/۱ ب) المسيح كوم را ب- أابت كردكه نفا فرك كسى نقط يرمورس

ر فا صله پرافقی تناؤ ہوگا

۲۸ --- ایک ملائم جلی گروشی سطح کی شکل کی ہے نیمف النہاری منحنی اس طرح کا ہے کر کسی نقط پر کا عماد ، نصف قطرانخا کا ن گناہے۔ جلی کو مانغ سے عین بجر دیا

گیا ہے ، اور افغام مٹوس جہم کی طرح محورک گردیکسال را وی رفارت کھوم رہ سے اگر ان مرکوئی میرونی تو ٹیس مل ندکریں اور مجدیر دا کہ سھ بریو کا ست، وک
ا گرمان مرکونتی سرونی تو تین مهل مذکرین ادر محدر پر دا که سفر بر بو تا ست، موک
کسی نقطه پر صدری تنا وُ کی سبت مه - ن ۱۰ موگی-

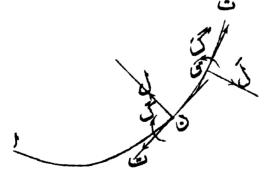


استوار مانککدار بترامسسالی دبا ؤکے زیر کل

١٥ -- اب مم اسطواني بترے كي صورت يه وركرتے ميں جو سيالي وباؤك

حدا ہو سنگے اُن کے درمیان کا زور ایک ماسنی قوت کا ایک بَر عی توت اور

ایک جست مشِسل ہو گا۔



نقط ق پرکے احمال ت بدس سن کی + مف لی، گ + مع گی ہیں۔
حض کرد کو تن ق بر مقعر جانب سالی داؤ و مف س ہے اور
دص کرد کہ نقلہ ﴿ برکے عاس سے نقطہ ٹ برکے عاس کا انفران فرہے
تب نقطہ ٹن پر کے عاس اور عماد کے متوادی قوتوں کو تحسیلی کرنے سے
ادر معیار دن کو گرد سین سے ہمیں پیسا واتیں حاصل ہو تکی
مع ت + (ل + سن ل ) سن ذ + د مع س سے ہے
معت ت + (ل + سن ل ) سن ذ + د مع س سے ہے
معت ن - رت + س ت ) من ذ + د مع س سے ،

س گ- (ل + من ل) ن س + (ت + من ت) من فر س س س س س ب

- دمنس سسس بر .

یا، انہایں فرت +ل =

زل ز م ز مر ز مر

<u> زنگ</u> - ل <del>رن</del> = .

اگر بترے کی شکل وی گئی ہو بینی اگر شخنی ﴿ نَ کَی وَا تِی مَارَاتُ وَکُیُ ہو اور اگر د ، فد کا معلومہ تفاعل ہو تو ان ساور تو ں سے کسی کمون کے ساتھ ساتھ عمل کرنے والے زور کا تقین ہوسکتا ہے۔

ے ۱۵۔ مستوی سپترا۔ اگر سپزالیکدار ہو اور قدرتا ستوی ہوتو ہمیں ایک زاید سٹرط حاصل ہوگی اور دو یک کگ انخا کے متناسب ہوگائین گ = ع/ر

(1,

جہاں نقط ن بر کا نسف فط انخادہ ہے۔ اس صورت میں تیسری مساوات ہوجاً بگی ل ر = سرع فرند اور اس کے پہلی مساوات سے ور اس کے پہلی مساوات سے ور ت حرف فرند

سطرت

 $\frac{3}{2} \frac{\dot{q}_{1}}{\dot{q}_{1}} = \frac{3}{2} \frac{\dot{q}_{1}}{\dot{q}_{1}} \left( \frac{\dot{q}_{1}}{\dot{q}_{1}} \right)^{3} + O - \frac{3}{2} = c_{1}$ 

ا ں مساوات ہے۔ یترے کی احتیار کر دہ شکل کا تعین ہو جائے گا بیکہ دب کا قانون دیا گیا ہدادریا دباؤ کا فانون معلوم ہو جائے گا جبکرا غیتیار کر دہ شکا دی گئی ہو۔

کل دی فئی مبو-ایسی صورت میں جبکہ د مستقل ہویا ر کا ایک دیا ہوا تفاعل ہوتو .

فرر) = ی د کھنے مساوات بالا کا بہلا تھمل عاصل ہوسکتا ہے اور اس طرح تم

فرر کور کی رقوم میں معلوم کر لیتے ہیں۔ مزدنہ مرحمہ سراکا تہ تاریخ میں میں میں میں میں اور

۱۵۸ — اگر قدر تا بیزادی موئی اسطوانی شکل کا ہو اور اس کو قدر تی شکل سے الحال جبکا یا جبکا یا

اس مساوات کی صداقت اس مفروضہ پرمنبی ہے کہ اوسطارمیشہ کا طول کمونوں کے علی العنوائم غیر سنغیر رہتا ہے۔ ہم نے یہ بھی مان لیا ہے کہ سے وہی ساوات پر کسی تسم کا از بہیں ہوتا۔

ی من میں اسطوان - ان مسا واتوں کے استعال کی تونینیج کے لیئے ای ایسی اسطوان کی بعد میں میز کر تے ہیں جاکسی شا اینوا نئے ہے ناہوا میک

ہم نا نصی اسطوانہ کی صورت بر غور کرتے ہیں جوکسی بتلی اسنوار نئے ہے بنا ہوائے مروں برمید ہے اور ہوا سے بھرا ہوا ہے جس کا وباؤ بیرونی ہوا کے دباؤ سے اندان میں کرنا ہے۔

نفدر و کے زیار وہنے ۔ ک کو ساقط کرنے سے عاصل ہوگا ذم ت

فرات + ت = در مزنوا مرازم

ادر، مبدلوں کو بدلنے کے طریقے سے بیر معلوم ہوکا کہ

ت = د (الحب فه سام مم في المسير مم فر م سب مب م

اوراسطئ کے (جب و ۔ ب جم فر۔ و (الاجب فرجم فر) = (جب و ۔ ب جم فر) آ

تشاکل کی روسے اور نیز ممل و روعمل کے مساوی ہوئے کے کلید کو استعمال کرنے سے بیمننظ ہوتا ہے کہ او بین ( Apses ) برگ صفر ہوجا تا ہے بینی جبکہ فہ = ، اور جبکہ فہ = ﷺ -ہوجا تا ہے بینی جبکہ فہ = ، اور جبکہ فہ = ﷺ -بیں یہ معلوم ہوگا کہ ( = ، اور جب = ، اور اس کئے ت = را م ادر ل = - د الا ب ج د جب فرجم فه رگ - ل ر = - د (اا مب ب ) اا ب اجب فرجم فه فر فر - ک ر = - (اا حب فر + ب مجمع فر) ا  $\frac{(1 - \frac{1}{2})^{3}}{(1 - \frac{1}{2})^{3}} + \frac{(1 - \frac{1}{2})^{3}}{(1 - \frac{$ ه با و ( ح د الم مستقل ) الك ـ الك ـ يار (ج دَا - ج دَا)

۱۹۰ - تنوبیو -سم نے دفعہ (۱۳۴) میں بیشا دیا ہے کہ تو بیہ اور لدنیہ متعافلاً دہمی سختی ہیں -اگر ایک بیلی لیکدار محتی کے مقابل کے کمنا روں کو ایک و دسرے کی طرف مصینچا ایک بیٹر ت یا بینی ہوئی جا درکے در یعہ ملا دیا جائے تو منحنی سیدا سندہ و قعہ (۱۳۳۱) کا توبیہ ہوگا۔



اس صورتِ میں مدیع، إور مشق کے طور پریہ ویکھ لینا تفید ہوگا کہ وقعہ کی مساوات کے محمل سے تو بید کی ذائی مساوات حاصل ہوتی ہے۔ اگر ملا نے والی چا در کا تنا وُ ق ہم اور ن بر کا تنا وُ اور حزی قوت على الترتيب من اور ل بوس تو بترك ك حصد ن ب كقاران بر غور کرتے سے یہ ساواتیں ماصل ہوئی ہیں

ت = - ق مم ذر ن = - ق جي ذ

ا ۱۶ -- ایک بیتلا میکدار بینرا د ومتوازی نابت ملاخون پررکها مواب -اس یا

را و دا الراس کو نونبیه کی تنگل میں تبدیل کرنامقصود سے دبا و کا قانون معلوم کرو۔ مقاویر مت اور گئے۔ دونوں ان خطوں پر صفر ہو وبائے میں جسلافوں

كوممس كرستة مين - اوراس ك ان خطول يرتضعف فطرائخنا لا متنابى بهوكا-

يس مسأوات ت یک - س

۲۷ بی ہم دیکیتے ہیں کہ سک = اور اس کئے

ت - - ت

توبیہ کی واتی مساوات ہے

ر ۱۲ = م ( جم ف - بم عه ) 🕆

اور دبارُ و مساوات دبن منه حاصل رونا سے

 $rac{9}{\sqrt{2}} = \frac{6}{\sqrt{2}} = \frac$ 

۱۹۴) عمل انداع سے بیعلوم ہوگا کہ ا عام جم بیہ در = عجم بیہ

اب توبيين دفعه (۱۳۷)

- 10- = 1

، = ن ( × - عَبْمُ مِنْ مِ

ادراس کے مطلوب وباؤ، مف کٹانت کے مائع کو ڈالنے سے عاصل ہوسکتا ہے ایساکہ

پس تو بیہ کی شکل مساوات ہالاسے حاصل شدہ کتا نت کے مائع کوسلانول کی جوار سطح کی ڈاسنے سے بر قرار رکھی جاسکتی ہے۔

 $\frac{3}{2}$ 

ن کے یہ ہے ہے؟ من ہے؟ × جب فد قطاعہ جہاں ہائیں طریف کے حصیہ کی وائیں طریف کے حصبہ برج می قرت کی

ہے جونفط ن پراندر کی طرن عمل کرتی ہے۔ اس طرح ۔ آ با میں طرن کے صفہ رکے عما کر نشر کا ہے۔

میرت مل و سیرزا ہے۔ اس کئے ب اور ج یر

-ل= ن شام مس

اس آ نری نتیجہ کی جانخ اس امرکے معائمہ سے ہوسکتی ہے کہ سلاخوں کے آعا مل مائع کے وزن کو تھامتے ہیں -

اس طرح المان ا

- ٢ ل جم عمر = ٢ كر ج ف الن الى فرالا = ٢ كر رج ت × ن ل × <u>فراله فرس</u> فرفر

= المرج ف ماجم فرفر = اج من ما حبء

۱۹۲ - اگرایک و نے ہونے ہترے کوموڑ نے سے لدنیہ ماصل کیا جائے اور سرے پر کے کمونوں کوایک ہی افقی مستوی میں نابت کر دیا جائے تو ہ ا در ج پرگ = · ا در ہم سرے پر کا زور ماسی اور عما دی اجزا و ترکیبی پر منٹ مل سبرگا - اب اگر ہم اس خاص لد ننیہ کے موزد ک ثما نت کا اسلام انڈ میلیتے عبامیں تواس کی شبا ہت عیر تنغیر رہیکی لکین ب اور ج پر سن کی قیمت ٹرہجائیگی اور کی عید متعید رہیگا -

## امثله

ا ۔ یہ ایک ای ارا و سے ماہوا ایک ٹاٹ مستد یاسلوانہ کے تصف حصہ کئی کل کا ہے بی ن سے مرد میا ہے ایا تھا ہی تونول سے حاس کو محدود کرنے والے افقی کمونول برعمل کرتی ہیں تھا اکیا ہے تات کرد کہ ررترین تقطر سے ند فاعملہ پر کے لتھ پرزور موسیح

الندكر ١٠ ت - تاف إ (وجب فر+ جم فر) ١٠ ل- - تا ١١ فرحم فر

الكي عن وا ( الله - فرص فر - جمو )

السب ایک یہ استراز کا بی اسطوا نے کی سکل کا سرے حوکمہ وں یہ ملی القوائم ستوول ست محدود ہے۔ اس کو ایک طاف کی اسطوا کے استعال کیا کیا ہے اور مہین کی طب کی ایک بیٹی ست حو درخاص کے سرول میں ہے گذر سنے والے کمویوئی کو ملا تی سبے اس کو بند کر سے اس یں ہوا بھرو گئی ہے حس کا واؤ ہرونی موا کے دماؤسے بقار حسکے ریا وہ ہے۔ اگریٹی کے عوص کو و ترخا میں ۲ م 1) سے سابھ نسست ۱۹۰۰، آج: ہم ہو او راس بر کے ماس سے و ما ساکرتا ہے کو وکم

ت - د او قطاه - ۱۲ جم فه) ، ل اورک کیمیس علوم کرو روزابت کروکراس ۲گ = د وا (س ۲+ ۱۸ )

ایک استوار اسطوا بی طرف کی اندرو بی ہوا کا دبار سرونی ہوا کے دباؤ سے داری ہوا کے دباؤ سے داری ہوں ہے جن کے سرے ایک دو مدے برقعیک میٹھتے ہیں کے سرکے رور دریافت کر د- میٹھتے ہیں کے سی کمون یرسکے رور دریافت کر د- میٹھتے ہیں گئی گئی کا سے جس کی عمود می تراخس زیخیرہ میں سے جس کی عمود می تراخس زیخیرہ میں ہے۔

س یہ ک مس نہ ہے۔ اس بیترے کے مقعرصد یر مبوا کا دا د بیرونی ہوا کے دباؤ سے صدر د کے ریادہ ہے اور بیترا زیخرہ کے محدرکے متوازی دوساوی قولوں سے تعاماً گیا ہے۔ یہ تو میں راس سے زاونی فاصلہ عدیر عمل کرتی ہیں۔ تابت کرد کہ

 $\frac{\dot{\omega}}{e^{-\frac{1}{2}}} = \frac{9}{9} a \frac{d}{d} \frac{d}{d} - 1 + c - c \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{d}{d} + \frac{\dot{c}}{1}$   $\frac{\dot{d}}{e^{-\frac{1}{2}}} = \frac{1}{2} \frac{1}{2}$ 

جاں سک = الم لوکسس ( اللہ + عمر ) اللہ اللہ عظام نبز اب کردکر تباسع الى بروت

 $= (\frac{1}{r} + \frac{\pi}{r} + \frac{3}{r})$ 

ہ۔۔۔ایک میتوی کیکداریترا دو متوازی افق ڈونڈوں بڑکا ہواہے اوبر کی ہوا کے متقل و ہاؤے اس کو ڈنڈوں کے درمیان مینچ کی طرف موڑا تکیا ہے ۔ تا بت کروکہ لصف قطر ابخا،اورانصراف مساوات

رد. عمر بوطاہر نگے۔

۲ ---- دباؤکا کلیہ معلوم کرو جواس بترے کو زنجیرہ کی تشکل میں جھکا رے ۲ ---- اگر سی بترے کو ایک مکا نی اسطوا نے کی شکل میں جھکا ویا جا تے قو تا بت کرو کہ

راس سے زاو کی انفراف فہ پرسیالی دہاؤا کیسے برکناہے جیسے

جم و ( ، جم اف - ١٠)



--- یہ ایک مشہور مات ہے کہ اگر حیو لئے سوراح کی ایک سنسینے کی الى يا نى ير، وبودى عائے تونى كے الدريانى كى سطى بيرون إن كى سطى سے اوكى

ہو آفا تی ہے۔ یہ اُتِ بھی اتنی ہی مشہور ہے کہ اگر نلی پارہ میں ڈوبو دی جاسے تو

اندرونی باره کی سطی بیرونی باره کی سطی سے بیجی ہوگی-اگر سفیشہ کے آبخر سے میں بالی ہوتو اس کو دیکھنے سے معلوم ہوگا که خط تماس پر انع کی سطی کا انخنا او پر دار ہے اور پیسٹیسٹی کو ایک خاص نا دم

پر مبئی ہوئی نظرا تی ہے۔ اگرا بخرے کو احتیاط ہے پورابھر دیا جائے تو یا نی کی سطح آبخورے ی جوٹی اسر کے مستوی کے اوپر آگ چڑھ جائے گی ادریا تی سرے ۔ کے او پر انجوا ہوا دکھائی ویکا۔

اگر میز پریانی گرمایے تواس کے حدود معین ہوتے ہیں اور منحنی کنارے

ر سے چھٹے ہوئے ہو تے ہیں ۔

یر سے بیٹ روسے ہوئے ہیں۔ ان واقعات اور ان کے مثل دو سرے اور بہت سے واقعات کی توجیبہ اُن قوتوں کے وجود سے ہوتی ہے جوسیانوں کے خود سالمات کے درمیان اور نیز مختوس اور سیالوں کے سالما ہے کے درمیان کی کرتی ایں جبکر عفوس اورسال ایک دو مرے سے تماس رکھتے ہوں ۔ کسی فاص

سالمہ کی توت کے عمل کا میدان لا انتہا بھوٹا ہوتا ہے۔ اور چونکہ بیسالمی قوتیں بہت جیو نے جیو کتے فاصلوں پر ممل کرتی ہیں، اس سلنے جہاں یک کہ سالمی قو ہوں کا معلق ہے متحانش حسم کا مرعنصر بشرطیا وہ جسم کو محدود کرنے والی سطح کے نز دیک نا ہوایک ہی قسم کے حالات کے سخت ہو گا۔ لیکن خود سطح پرکسی خاص سالمبر کا کرؤ عمل نامکس ہوگا اور یہ سالمہ محدود کرنے والی سطح کے ببرونی قباب جس مسیرکے اور کے سالمات ہوں ان کے میدان مل میں آ<sup>۔</sup> جا ٹیگا <sup>ک</sup> بزاگرہم یہ مان لیں کہ میدان عمل کے خطی ابعاد بمقابلہ سطے کے تصفیطر انخاکے لا اُنتاجیوٹے ہیں توہاں ( ۱۶۱۰) کک سالمی توتوں کا تعلق ہے دو مخانس استماری سطح فاعل کے تمام عصے ایک بی صمرکے طالات مر الحمية موسكم معلم والان إعتوه جوسالمی بوتوں کے اِست پیدا ہوگی وہ طیے کے رقب کے ساتھ ایک مستقون سبت رکھیگی میستظ آباس ریکفنه دا بی اشیاء کی نوعیت بر شخصه و کا-مع ١٩ ا -- يك متعالس الله الك فاوت مين مأنه مرادض كے زير عمل ساكن ب توازن کی صورت میں توانا نئ باهوه کی قبیت ساکن یا اجل ہونی حاسیے۔ -یہ و ، سیدار مس میر ستعری تو تس عمل کرتی میں لاا نتها محمود ، مولاسے ( Qumcke ) نے ) مڑالیب تھایا نی

ه و ربیدار دس پی سعری توش عمل کرتی پی الانتها محدود مولاست ( Quincke ) کے کی میں الانتها محدود مولاست ( ) موالیب تما یا ل کیک سیسے کی عمل براجس بیاب می کا مام ہ ، ، و لی میٹر ( ) موالیب تما یا ل " کر ترسک اور محدود میں ایک می میں بایک میں باین فرا لکر تجربر کیا - سرصودت میں ایک ہی تشم سکومتنا مرستا پرست میں ہے کہ اس Pogg Inn CXXXIX (1870) p 1

مَنْ وَتَسْتِوى كَ نَوْمِ كَي يَرِمْت مَنْ الْمُعَالِينَ اللهُ Marticu Theorie de la cajnilarde, 1483 من المعالم المعالم الما المعالم المعالم

یه توانا کی با بقوه جار حصول پرسنستل بهوگی لیبی تقلی توانا نئی ج مت کرکری فراه فرما مری میاں عنصر فراه فرما مری میاں عنصر فرلا فرا فری کا ارتفاع می ہے ، اور فائل طحر سکی توانا ٹیاں حو ( عد ) باسع اور (داکا میر) باغ او فرمن کرمیر) ہوا ار فرمن کو سدا کرتی میں۔ بیس بے صروری ہے کہ

ع فالراكي ولافره فرى ماس + بس، + ح س

ساک ہوجہاں میں میں میں ہے التر نیسطین (م) ( ، ) رہ ) رائب ا جے سے ال کی دورائی ال اللہ اللہ دسہ تعبیر ہوتی بر سر سندط کے تا بع کر عظم کا اللہ کا اللہ اللہ کا اللہ کی کے اللہ کا اللہ کی کے اللہ کا اللہ کے اللہ کا اللہ کا اللہ کا اللہ کا ک

مانع اور مواکی در سیا بی علی فاصل میں ۔۔ کے خصیصہ سانو کی صورت میں اگر سطح ماسی کے عدم اور مدید کا ور مدید کا ور مدید کا ور میں اسلیم سیا کے مدیم اور مدید کا کا میں اسلیم سنا طرعنا سر کے در میان واقع ہے تو سلی رقع کا تغییر بیاج تا ساکھ سنا طرعنا سر کے در میان واقع ہے تو سلی رقع کا تغییر بیاج تا ساکھ سنا طرعنا سر کے در میان واقع ہے تو سلی رقع کا تعید مربع بیاج تا کا کہ معنات قرمس ا

اولاً فرعن کررکہ مائے جس خطیر طرف کومس کرنا ہے دہ بنیں برا اُس معوریہ میں سی اور سی مستقل رہیں گئے اور سی بریکر سی ہو حاسے گا۔س سے ایک ایسے عضر فرس ، فرس ، یر فورکرو جر خطوط انخااسے محددد ہے ۔اس عضرکے

صدودیں سے گذرکے دالے عماد سطح میں کوعنصر قرئس فر میں میں تطع کرینگے اور لگا میں میں میں میں نیستان قطائخا مور تہ

اور اگر مما، ممام صدری نسف قطرامخانبوں تر فرش یا ۱ - مفتع کی فرس ، فرش یا ۱ - مفتع کی فرس

فرس = (ا- معن ع ) فرس، فرس = (ا- معن ع ) فرس

( ۱۶۸ ) نه فرتنس - فرس = فرس فرس - فرس فرس = - ( مل + بل) مفد افرس فرس

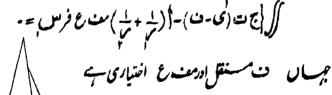
من نرس = - ( الم + من ) من ع « فرس

کین ہیں مطلوب ہے پر

ج ٺا*ڙي من ع فرس + إمنار اُفس ۽ .* 

اید کر کر احت ی - الراب له ای کار این است مناح فرس = -

اس مشرط کت کے جم ستقل رئیا ہے لینی کر کمٹ عفرس = ۔ کپس



ن ((ئرابا) = ج ث (ئ - ن)

ه ( الله + له ) = - د + ستقل

يني الرابط الماسكة على المرابط المرابط

بہاں کرہ ہوائی کا دباؤ آ اور مائع کی سطح کے عین اندر کا وماؤ دیے اس سے معکوم مواکہ اثر و ہی ہے گویا کے سطیناؤکی حالت میں ہے اس طور پر کہ کسی نفطہ یر کا تناؤ مستقل اور توانائی نی اکائی رقبہ اکے مساوی ہے۔ ناساً فرض روکہ مارئے اور ظرف کا حط تماس سے میں یک مصطفا بيه- اگر مه خط س يڪ تمام نقطول برسطے س کے عما د کمپنچیں ا برسطح س سے عماد سینجیں وہ عماد سطح تنگ کو خط نہ بر فطع کر میلے اورشلح نتنس دوحضول برشتل خيال تحمیدودسیے اور و سرائن حو خط تہ ادر س کے دربیان - رہے۔ گذست ترکی طرح سمیں حاصل ہوگا ص - س = - آر ( ہا + لیے ) مفع فرس ادراگرمفِ له سيم عناعرفرس ، فرِسَ كا درمياني فاصله نفسه بوتو صَ كوسطح مِسَلِ یرظ ن کی سطح کے عنا صرک ک فرش کافل تقدور کیا جا سکتا ہے ہیں اگر سطح کس اورسطے س کے عما دوں کا درمیا نی زاویہ آ ہوں ص ۽ کم جم آنف او فرس من س عدمت س عرص الفرس اب چونکرزانائی بالفوہ ساکن ہے اس سے سن إن كالرى فرا فرا فرى ١٠ س٠٠ ب س٠٠ سم ١٠٠ الا سندواك الخف كركميت متقل ہے - يا

ع *څارای دع فرس به (*(ص بص - س) + ب سنس به ج منسیه. يا كراج منى - ((مرُّ + مرُّ ) } معن عرس + رُ ( (جم آ + ب س ) معن المرس =. اس فرط کے نتی تاکہ

کرین عنرس <sup>یو</sup>.

اور چونکه مف له اختیاری – بیما اس سے مساوات (۱) حسب سابق حاصل ہوگی اور نیرنز

المجمل ب-ج - ٠٠ (١)

حال ہو گاجی کا بیں مطالب ہے کہ مائع اور طرنب کی طحور کا درمیانی زاوم ان ۔ کے

خط تقاطع پرستقل رہائے۔ ۱۹۵ - منذکرہ بالا بالوں پرعورکرنے ہے نیز بخربوں کے نیتجوں کی بناہیم دو کلیو

پرینجیے ہیں بن کواس سرار ) بان کیا عباسکتا ہے۔

(۱) اس محدود کرسنے دانی سطح پر (جیائع اور زواکو حداکر تی سریم ) یا و مانعایته کے ورمیان کی سطح ماننس رینظمی تناوی ہونا ہے جو ہرافطہ راور برست میں و ری موہا (٢) كيس اور ما تع كي سطح فاصل ياده ما تعات كي سطح فاصل شوس مركز مبر،

خط پرلمی ہے اس خطالق ال راس سطح اجرہم کی سطح کے در سان ایک عاص زادریا

بنے گا جو شؤس اور ما نعات کی نوعیت پر شخصر مو گا -یا نی اگر سشینے کے برتن میں ہوتو یہ زرویہ حا دہ ہوتا ہے۔ یارہ کی صورت میں میر زاد بیمنفرج بہرتاہے۔

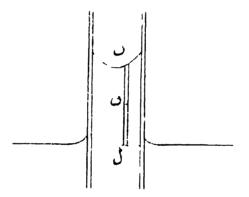
له شكل من جوائع اوظرف كا خطائاس مع اس كا عنصر فر س كن ق باور ضوءا س الته الم متناظ عفرون قَان قبرسط حس كا منعرات ف فق ب كيت كانغيم بال اوزات ك خوتماس کے اطاف فاندنیا فیامرن ن ق سے نتبیرہا ہے مقابد ہاتی کمیت کے امل رئد ى مىغىرىقدارى اوراس كى نظرا غازكيا جاسما ب -

ِان کلیوں کومان کر ہم نوٹ شعری ادر ما نع جھیلوں ۔۔۔ متعلق مختلف مظاہر کی

تو حبر کسکتے ہیں۔ ۱۷۶- دو تختیوں کے درمبان مائع کا چڑھاؤ۔ اگر تلخی تنا دُ ت جو اور ستنل راویہ عد ہوجبیر مائع کی سطم برخمی المتی ہے اور حس کو ہم فرت شعری کا زاویہ کہیں گے اور او سط یرا کا و ن اور کفتول

کا در سیانی فاصلہ ۵ موتو ۱ اکائی عرص کے مائع کے لوازن پر فورکرنے ہے م ت جمع = ج دن ف د

بِسَ تَغْتِيرِن كَ ور ما بِي فا صَلِي كو تُصتْ النه سے الع كا چر إ و برمزنا ب-



میں شاہدہ طلب ہے کر کسی نقطہ ق بر کا وہاؤال پر کے دہاؤے سے بقدر 

ب چنکہ نن برکرہ ہوائی کا وہاؤ سرونی سطح آب برکے راہ کے تعنب ریا ساوی ہے ہسس نے پنیچر بکاتا ہے کہ عنصر ن ک کے وزن کواس کے او پر کے حدود کے سطحی تناؤں کا حاصل تھائے

٤ ١٩ --- دائري نلي ميں الع كاچڑھا ۇ-

اس صورت میں ائع کے ستون کو وہ تنا کو تھا میگا جوستوں کے اور کے مدود کے گرد ہے مدود کے گرد ہے تا ہوتو

١١١رت جمع =ج ت ١١٪

۲ ت جمعه ا = ج ت رت

اس طور پر تہمے ہوئے ستون کے کسبی نقطہ پر کا داؤ چوبکہ کرہ ہوائی کے داؤ سے کم ہوگا اس سے اگرستون کا فی طور پر لبند ہوتو یہ داؤتناو کی حالیت میں ضم ہو جائے گا گرمیر بھی سیالی داؤکے اس کلید کی اِ بندی

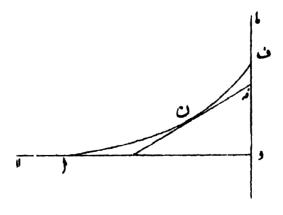
ر گیاکہ ہر مسالم میں وائوساوی ہوتا ہے۔ بیمشاہده طلب ہے کہ توامائی اِلقوہ حوستوں کے صعود کی وجست بیدا ہوتی

مِ نصف قطر بُرِنج مِن بين بون -

۱۷۸ سفعاری خنی - شعاری خمی وہ شکل ہے جرمائع انتصابی و بوار کے ساتھ

تماس میل فتیار کرتا ہے۔

مان یک میں مورت برغور کرینگے جس میں مائع اور دیوار کا زاویہ تماس حادہ ہوشلاً جب بانی سٹینے کی ایک انتصابی مختی کے ساتھ نماس ر کمتیا ہے۔



(141)

اگراستمانی دیوار و ف ہونا ئے کی عدر تی سطح و ( ' ن *بی سے گزر*نے دالی د پوار کے عمود وار ترامٹ کا لضف قطرائٹا زاور سطح اٹناؤ ہے ہوتو و نغہ ( ۱۹۲۸)

ت = ۲ - ۲ = تا ا س ہ ت ین ٹک رکھے سے ر ہا = کرا

اور د نعه (۱۳۵) کی شکل کوالٹا ویسے سے ہم دیکھتے ہیں کہ ننعاری محمی لدینیا کی ایک

حائم صورت ہے۔ مەنائع صورت اس کئے ہے کہ والسمنی کاماس جیے بس قرا / قرلا = ، جبکہ ہا = ،

ادراس طح کارشیری مساوات ماصل موسکنی سی شکل مے کلامرسیے کر فریل جوزاد مراری

٣/٦ بنظم مي منفى سي اور بعدا وأ كليشًا ب اس ك، نتيب كلماس که فراً الرفرلا منسك مع اور مساوات مه رما =ك البوحاتي ي

$$\frac{\sqrt{n}}{\sqrt{n}} = \frac{1}{\sqrt{n}} \left[ \left( \frac{\sqrt{n}}{\sqrt{n}} \right) + \frac{1}{\sqrt{n}} \right]^{\frac{1}{2}} = \frac{n}{\sqrt{n}}$$

 $\frac{(1)}{(1)}$   $\frac{(1)}{(1)}$   $\frac{(1)}{(1)}$   $\frac{(1)}{(1)}$   $\frac{(1)}{(1)}$   $\frac{(1)}{(1)}$   $\frac{(1)}{(1)}$ 

اب یو کم اس انتصابی موتاب جبکه ما ۲۷ = ک اورو کرمنحنی، انتها بی مستوی کو حاده رادبریلتا ب اس کے تمام نفاط زیر بحب پر ا ۱۳۴ ک سے کم ہوگا اور

ن فرلا = ۱۲ - ک<sup>۱</sup> - ک

اس بساوات کے کمل سے اور مبداکوایک سنے مقام پر لینے سے اس طرح

پر کلانه . جبکه ما نه ک عاصل موتا ہے لا+ ماک - ما نا هے لوک ک + ماک - ما آ

اگرا = - نزلا) لا تمناہی ہوتا ہے اور دمغہ (۱۳۵) کی شکل کیسے سے لدنیہ شعاری سنحنی کے مائل ہوجا آ ہے جبکہ دب جسم اسب اور جس پر ماس ہولیکن میں و

اُسی صورت میں مکن ہے جبگہ طول بہت بڑا ہوا۔ '' میں میں میں میں اُسے جبگہ طول بہت بڑا ہوا۔

اگر عدوہ زاویہ ہوجس پر الغ دوار سے ملتا سے قرمم فرا کی بجائے۔ مع عدر کھنے سے ارتفاع وف عاصل کر سکتے ہیں اس طرح

اور ن وف وک مر (١٠٠١ م م)

ایسے مانع کی صورت میں حس کے لئے زاویہ تماس منفرجہو (مثلًا

باره ) يه بهتر مو گاكه ما كوسيتي وارا يا جا سے ـ

144 ۔۔۔ واتی ساوات حاصل کرنے کے لئے توس کو ف سے ابو اور الفرات فر کو ف سے ابو

- كنا فرر = فرا = - رجم ف

1-, 1

$$\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2$$

ادر رہائنل مِوّا ہے

، یا ۔۔ متوازی تختیاں۔ ایک ہی شنے سے بنی ہوئی درسوازی تختیاں کے ایک ہی اپنے سے بنی ہوئی درسوازی تختیاں کے ایک

درسيان العُ ك سط ك شكل حب تحديال الع بي جزم غرق مدر-

اس صورت میں محور و ماکو تخیتوں کے درمیانی فاصلے کے وسطیں ادرمبدار و کو مائع کی تدریق سطح میں لینا ادرا تضراف فر کو { پرکے ماس كذمنشة صورت كي طرح  $\frac{i\eta}{e^{-\frac{\eta}{V}}} = \frac{\pi}{V} - \left\{ \frac{i\eta}{e^{-\frac{\eta}{V}}} \right\} + \left( \frac{i\eta}{e^{-\frac{\eta}{V}}} \right)^{\frac{1}{V}} = \frac{\eta}{V}$   $0 - \frac{1}{V} = \frac{1}{V} = \frac{1}{V} + \frac{1}{V} = \frac{$ مال = هر- (۱+ (فرل ) ) - الله عرسم في جبال هر نقل س-اس طرح هر- جم فه شبت بونا جا سيئے اور اسلئے هر > ا ا فرس = كسام ن <u>الم</u>هم فرس = المرسر م فه المرسر م فه ا

$$\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}}$$

$$\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}}$$

$$\frac{2$$

یں یہ نیتجے نکلیا ہے کر چونکہ فخھ ( ۶ +صبہ ) عی اور عیا کے ورمیان واقع موزاے ہی کے صدی کا خیالی حصد، خیالی لعن وور سک مرزا چاہیئے۔ نیرو = عم حبکہ ف = ۱ یا ی = ۱۰ اور اگر ہم میں کو اسے

اليين توع نه · حكه وه عن اور اس من لازاً

فھ صہ علم = فھ سب ک ادر اس کئے

الله = الملاح المعالم المعالم المعام = الله اور و = فير (عرب سيسي )

 $ij \qquad \frac{\partial U}{\partial u} = A_A \dot{u} = 0 + \frac{1}{4} A_A$ 

المرك المتقل=-طا(ء+سم)+ له عرب

اور لاء جب كرع ود. بس

۱۶ مرک = الم ع و - طا (۶ + سم) + طاسم ، . . (۱)

١١/ك = هر-ى = ع-و

يني ۱۱/ک = ع - فه ( ۶ + سم ) سر ۱۲) سر

عل کومکل کرنے کے لئے اگر تحدیوں کے درمیان فاصلہ ۱ موتو لا - ا کے جوا ب میں عوکی قیمت اس مساوات سے عاصل موگی

جب عددی = فه (عدسد) + هراس

اور چِوَکَم فه (۶+سې)=عې+ <del>(۲۰-غ) ( ع، -ع-)</del> فه (۶+سې)=ع

جب ع = ۱ + <u>۲ (۱ - هر )</u> جب ع = ۱ + <u>ه</u> هر ۲ – ۲ م س

(Weierstrass' Zetafunction) 5=64

ينی فه ۶ = <u>هر ۵+ بب عه)/مو - (۱+ بب مو)</u> رما (۱ - جب ع<sub>و</sub>) مزبر بال ہم یہ دیکھتے ہیں کہ ربط (م) کی مدر سے ربط (۲) استکا میں لکھا جا سکتا ہے۔ ۱ ما الرك عرهر- ۱) في و - عليه د ما الرك عرهر- ۱) في و - ع نرية نقاط (اور ب كارتفاح على الزمتيب أأكراء مر- ا اور هر-حب مد ت حاصل موستے ہیں۔ ا ۱۷ - داری نلی- انتصابی داری نلی کے ایر و نی ان کی طیم کی نتكل كے لئے تفرقی مساوات عاصل كریا جبكہ لم نو ہیں جزء موق میو۔ ا عدد ۱۵۰۱ کی تنگل کوسطی کی نصف النها ری تزایش زرار و سبعے منعی وفعیر ۱۹ ۲۱۰ م (۱) سے حاصل ہوا ہے ج ٹ ا کے بڑا ہے۔ اب پرنکر کر = لا تم فہ / نہیں مساوات نا  $\frac{\sqrt{\frac{1}{1}}}{\sqrt{\frac{1}{1}}} = -\frac{\sqrt{\frac{1}{1}}}{\sqrt{\frac{1}{1}}} \times \frac{1}{1} + \frac{\sqrt{\frac{1}{1}}}{\sqrt{\frac{1}{1}}} \times \frac{1}{1} + \frac{\sqrt{\frac{1}{1}}}{\sqrt{\frac{1}{1}}} \times \frac{1}{1}$ 

میں لکھی حاسکتی ہے۔ ، . نیز اگر نلی کا اندرو نی تفعف نظ و ہوادر مائع نلی کی سطے کوجس حادہ زاویہ <del>زا</del> = ممعه ، جبکه لا = و اكرزاوية تماس منفرصه بيوتو ما كع بلي من ينج وإيهوا بوكا إدراكرهم ماكو ینچے وار نا میں نو کم نئے کی سطح کے عین شکتے اس کا دباؤ کرہ ہوا تی کے دالوسے زریجت صورت جونکہ اربیا کے اندرون یارہ کی آزاد سطح پر بھی شتما ہے اس کئے اس صفون بر کا نی بحت و تحقیق ہو تی رہی ہے چاتچہ نصفِ الہاری کی نفر نی ساوات کا حل ( Lohnstein ایشنے ایک سلسلہ کی فکل صل کیا جوستدی رہتا ہے جب یک کرمنحنی کا ماس انتصابی نہیں ہوجاتا '' نے نفر تی مُسا وا نوں کوحل کرنے کے عدد می طریقہ کے کی بر شعاری سحنیول کی نقریبی منکل دریا فت کرنے کے ایک ہندسی طریقہ کی نشال دہی کی حس پر اِلتف صیل (C V Boys) کی نظر نے بحث کی۔ نقر ب کا ایک اور طریقہ (Neumann) شعبے نے جی معلوم کیا ہے۔ ا) تقرب كا ايك اور طريقه (Neumann) ٢ ١ ٢ - مانع كا قطره - ارًا نع ايك قطره ايك افقى ميزرر كمديا عا ي تو لمه Dissert Berlin, 1891 ar. Math Annalen 46 (1895), p 167 يد Nature, July and August, 1886, کیه Phil Mag Series 5, Vol 36, p 75, 1898 ۵ Vorlesungen uber die Theorie der Capillaritat Leipzig 1894

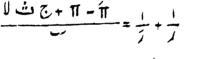
**توازن** کی مساوات دہو گی

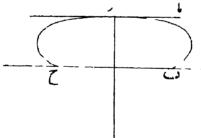
$$\frac{\dot{\omega}}{\dot{\tau}} = \frac{1}{\dot{\tau}} + \frac{1}{\dot{\tau}}$$

جہاں طبی تراؤت مے اور اندر انی داؤو اور کرہ ہوائی کے دباؤکے ورمیان اندے یہ

ںدھیے ۔ عام طور پر تطرہ ایک گردیتی سطح کی شکل خنبارکرے گا ۔

اس صرب کو کبکر فرصل کرد که ما نتیجے اندر بلندنریں نقطہ برد لا و ۱۳ ہے۔ اور کرہ موالی کا دبار ۱۳ ہے ۔ مب لاکو لمبندترین نقطہ ستھ بیٹیجے وار ناسیعے ستے





بساكر لمبدري نقطه يرتضف قط إنحاام تو

$$\frac{\pi - \hat{\pi}}{= 1} = \frac{r}{1}$$

 $(1) " \frac{1}{t} + \frac{1}{t} = \frac{1}{t} + \frac{1}{t} = \frac{1}{t} + \frac{1}{t}$ 

آگر ہم شیشے پر بارہ کے قطرہ کی یا نولا دیریا نی کے قطرہ کی صورت لیں تو مشا بدہ سے معلوم برکا کہ فرا / فرلا راس سے نیچے دار تھٹتا جا آ ہے

$$|c| = \frac{1}{|c|} + \frac{1}{|c|} = \frac{1}{|c|} + \frac{1}{|c|} = \frac{1}{|c|} + \frac{1}{|c|}$$

يس ارمنصف النهادى منحى كسى نقط يرماس كاسيلان محور لاك ساغة فربوتو ع مسسر فه اور

$$\frac{1}{r} + \frac{r}{l} = \frac{c(\frac{l}{l})}{c(\frac{l}{l})} = \frac{r}{l} + \frac{l}{l}$$

اگر قطرہ اتنا بڑا ہوکہ ہم اس کی چوٹی کو چیٹیا تصور کرسکیں اور اگر افقی تراشوں کے انخا کو نظرا نداز کیا جاسے توسیا دات (۱) ہو جاسے گی

را + ع ا = ا الم كن كوا ع = 0 جكر لا = . اس طرح

اس ساوات کا مکر کرے کے سے رکھولاء اک جبطر،

ان اح فراء ك (فمط ٢٠٠٠ جب طه) نوطه

ا + ب اک اوک مسس طیه + ۱ ک جم طه

جاں دبمسنقا ہے۔ اُس نقطہ بر جہان ماس انتصابی ہے ج = ۔ اور

ن لا يه ک ما تر

اگر نصنت النہاری منحنی اور افقی مستوی کے در میان حاوہ زاوہ عد ہو بینی باره سنوی کوجس ناویه پر لمها سب وه n مه مو اوراً گر قطره کا ارتفاع م

فه = .. ( الله - عه ) جبكه لا = ف

ف = ۱ک جم عیر

سر ۱۷ ۔۔۔۔متوازی تختیوں کے در میان فطرہ - اگر ارہ کا ایک قطرہ

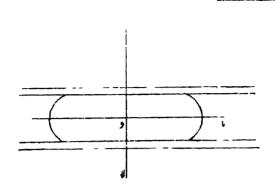
مشیشے کی دومتوازی افقی تختیوں کے درمیان رکھد! جاسئے جوا یک

دوسرے سے اس قدر نزدیک ہیں کہ جا ذبر ارض کا عمد فطسدراندار کیا حاسکتا ہے تو قطرہ کے اند وہاؤستقل ہوگا اور اگرسطے کروشی سطے

ببوتوبهمين مساوات

= + + 1

صاصل ہوگی جہاں اندرونی داؤ کا اصافہ کرہ بروائی کے دباؤیر صدت۔



اس صورت میں لا کو اس سے ترمی سے یہ وارا بیا مناسب ہوگا جو کنبوں کی دولوں سطوں کے وسط میں واقع ہے اور تب ہیں مساوات

$$\frac{2^{\frac{1}{2}}}{\frac{1}{7}} = \frac{1}{\frac{1}{7}} \cdot \frac{1}{\frac{1}{7}} = \frac{1}{\frac{1}{7}} \cdot \frac{$$

ماصل ہوگی۔ مکم کرنے سے اور ما = ل، جبکہ لا = • لینے سے ۱۰ ۱۰

۱۸۰ کھو آ ہے ی تو

اگریم ککھیں ی -- و+ الله ل + ل + ل (ل - ب) توطفس بوگا

ولا= ال-و+ الما المرور - المرو

بہان صدمسعل ہے

اب وما/فرلاء - جبکر ما یل اس کئے ہم یہ ان سکے میں کر ما کہ ل ادر

کی اور نر فرلا/فری کے حقیقی ہوئے کے لئے یہ بھی عنروری ہے کہ

عرفی (ل- ب ، - 'س

فرلا = {-فه (۶ بسم) + الم رب ال ب-ل) فرع

ادر تکمل سے لا جستوں = طا (۶+ سدم) + للے یو (مب + ل ب - ل)

لكن لا=، جبكه ي= ل

و = - الله لل + الله (ل- ب) = عمر = فد (سدم) اس طرح للك استميت كے لئے ع كوصفر بونا جا سيء

ا=طا(۶+سم)-طا(سم)+ الم عزب+ل ب-ل)

ے کارٹیری محددوں کی قیمتیں مبدل ء کی رقوم میں حاصل ہوتی ہیں۔

اگر قطره اس قدر برام و که م از کو نظرانداز کرسکیس تو ر = ت ، اور

اس طرح نصف النباري منحني دائره موگا-

اس صورت میں آگر تختیوں کے درمیان فاصلہ ۲ ن موتو شکل سے ظاہرے کہ

رء دن قط عه

ں عہ وہ حادہ زاور سے جو اِرہ اور سرختی کی سطے کے درمیان ماہر \*\*\*\*

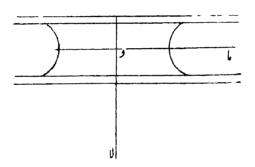
طرن بتا ہے ۔ ۱۷ ۔۔۔ اگر مُصفیضے کی دومتوازی افقی تخیتوں کے درمیان یا نی کا ایک ۱۸ ۔۔۔ اگر مُصفیضے کی دومتوازی افقی تخیتوں کے درمیان یا نی کا ایک قِطِه كُرُوشَى سِطْحَى شُكَلِ اختيار كرك توسط صند انخا ئي ہو گئ کیونکہ یا ن اور مشیقے کا زاویہ تاس حادہ ہے ۔

اس صورت میں اگر کرہ ہوائی کا دباؤ ہ اور قطرہ کے اندر یا نی کا دباؤ

IN

آئو اور اگریفیف النہا ہی منھمی کا نشف فطر انتخار ہوا وہلی انقوائم عما دی تاش کا نشف قطرا خیا کر مہی عما د کا وہ طول حوسطے کے محور سے فطع ہوتا ہے تو توار ن کی مساوات ہوگی

۔ کونکہ اگر ہم عما دکی سمت میں قو توں کو شخلبل کرمیں نوٹزا دُن کا حاصلُ سمت میں باہر کی طرف :وگا اور دوسرے دو تنا وں کا حاصل اندر کی طرف –



حسب سابق لاکو سختیوں کے ورمیان وسطی سطح سے نیسجے وار نا بنے سے مساوات بالا ہو جائے گ

$$\frac{3\frac{\sqrt{3}}{\sqrt[3]{1}}}{\sqrt[3]{1}} = \frac{1}{\sqrt[3]{1}} = \frac{1}{\sqrt[3]{1}$$

بس سے مساوات

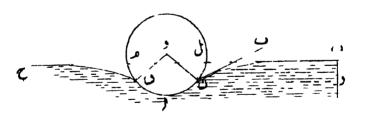
(IAY)

لا= طا (سم) - طا (۶ + سمم) + له (۶ - سم) (ل+لب -ب) ا = - قد ( و + سير ) + له ( و ل + و ل ب + ب ) بڑے تطرے کے لئے حسب ما بن

حباں مانی کی سطح اور ہرشختی کی سطح کے در سیان عادہ زاویہ عبہ ہے۔

۵ کا ۔ تیرنے والی سو تک ۔ یا نی کی سطیر سوئی کے تیزانے کے مشہور

تربہ کی توجب سطے کے قوانین کے ذریعہ ہور کتی ہے۔ منکل سوئی کی تراش کوا دراس کے محورکے علی القوائم پانی کی سطے کی تراش کوئنبرکرتی ہے سوئی پرعمل کرنے دالی قرتیں ہیں نن اور ف پر کے سناؤ اور حصہ نن اف پریانی کا واؤ جوہانی کے حجم ل نن اف مرکے دزن کے مساوی ہے۔ یوسب قرتیں سوئی کے وزان کو تھامتی ہیں۔



مزید بران ن برکے تناو کا افقی حزو تخلیل اور ب د برکا افقی آبی داؤمکرب پرکے تاؤے ساوی ہیں جاں ن د انقی اور ب د انتمابی ہے۔ ان شرا نطرے توازن کی نعین موتی ہے اور حسب دیل مساواتیں ٢ ت جب (ط عر) من ف ك رك ط +كجب طمم در د فجبط)= و

٧ ت جب الرط-عر) = ن ن (ك جمط-ف) جہاں فرنت سنعری کا زاویہ عد، سوئی کے اکائی طول کا ورن و ، یا نی کی قارتی سطح کے ادر سو ٹی کے محور کا ارتفاع ف ادر رادیہ ن وق ۲ ط ہے ۔ 4 ﴾ ا۔۔۔ ما بغ کی جہلیاں ۔ ایئع کی جہلیا ںمختلف طریقوں سے ہیدا کی جاتی ہں۔ صابون کمبلہ ایک عام سال ہے۔ معات مشیشے کی بونل کوحیں میں يجهد الرج المرو السف سے يا صابون ادريا بي يا صابون اور كليس مرتن كے محلول (١٨١١) یں ارکا ایک فری دبوکراس کوبتدریج إ برکال سینے ست انع کی جلساں بیدا کی حاسکتی ہیں اور ان کی خصوصیات کا مشاہرہ کیا عاسکتا ہے جھیلوں کا طا ہراستوی کی نکل میں حاصل مونا اس بات کی ولیا ہے کہ حاوبدارس کا عمل مقالمہ حبلی کے تناو کے تطوانداز کیا ساسکتا ہے کئے میں '' اُپنے کہ بہت جھوٹے اسی عمل سے بھی حبلی کھیٹ م حس سے پیستنظ ہوتا ہے؟ اس کے کسی حطا پر کا رور کلاً اس خطاف کے عمد دی میں ہوتا ہے اس سے دفعہ ( ۱۹۹) کی طرح یہ نیتجہ کا اسٹ کہ مزا دُ سرمست میں ہی ہوا ٤٤ ا \_ مستوى جبلي كى توانا فئ - لزج ائع كے المرسيد اگرا كي مستون مهل كال بي طِستُ توكيد كام كيا جا اسب - يا كام جبلي كي توانا ئي إ نفوه كونعبير راس -ايكمستطيل جلي إب ج د كاتصوركرو جوسيدے تاروں إدكسب سے محدود ہے۔ (ب ان کی سطی میں ہے اور سے که حرکت پذیرتارہے۔ جلی کو ابر نکال کینے میں جو کا م موکا دوتہ \* الب \* الد کے مِسادی ہُوگا اور اُس کئے اگر سطی توانا ای ٹی ایکا ٹی رقبہ سے ہوتو یہ منتہجہ

نکلتا ہے کہ س = تہ یہ یا درہے کرجس جیزکوہم نے بہاں جہلی کا تناؤ کہا ہے وہ جہلی سکے کسی رخ کے سطح تناوکا دوجند ہے۔

۸ ۱۵ – انتصابی ستوی مرکسی ٹیکل کا ایک تارہے جس کے وونقطوں

پر دیئے ہوئے وزن اور طول کا تا کا با ندہ دیا گیاہے۔ مائع کی ایک ستوی

جبلی کے صدوریۃ اراور تا گاہیں۔

تا گے کی اختیاد کردہ شکل کو معلوم کرنے کے لئے ہم پیمٹ رہ بیان کرنیگے کہ اس نظام کی توانا ٹی با بقوہ افل ہے ۔

اگر رقب و إب ج / إ بوز جلى كى توانائ

= س { - کس ما فرلا<sub> </sub>

امر اگر تا کے کے اکا بی طول کا درن و ہوتو نظام کی توانا ئی بالقوہ افل ہوگی جبکہ

ک ملی افرلا+ و کرا فرس

كۆس يال

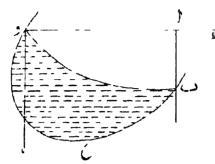
(۱۸۴) بسمبن بمعلوم كزاموگا كركس شرط كے تحت جله

گران ما + (د ما + که) م<del>ا ۱ + ۱۶</del> کوفر کا تنیرصفر د میآبا ہے ۔

احصا ، تغیرات کی مددسے اس خرط سے مسا دات حاصل ہوتی ہے

1+3 = - 6+1

اس کو به آسانی تمل کرسکتے ہیں ۔



بمساوات مستقلِوں کی حاص تمیتوں کے لئے دائرہ با زبحرہ کو تعبیر کر سکتی ہے۔ ، اے کے ایک صفر کے توارل پر عور کرے سے تھی اس سوال

يس

کو حل کیا جاسکتا ہے۔ وسے وس کوناپ کرفرض کو کہ ان پرکے ماس کا سیلان و ( کے

ساتھ فہ ہے۔ باگر ن برتا گے کا تناؤ ن اور حبلی کا تناؤ نہ ہو ڈمساواتیں

من ن + ومن س × جب و عد،

<u>ں من ،</u> ہے تہ من س + و من س × جم نہ حاصل ہوئی ہیں حباب نقط ن پر تاکے کا نضف نظرائ کا رہے۔

 $\frac{q^{2}}{(1-1)^{2}} = -q^{2}$   $= -q^{2}$ 

 $\left(\frac{3}{\frac{1}{r}(19+1)}+i\right)\frac{1}{(l-1)}=\frac{1}{\frac{1}{r}(19+1)}$ 

 $\frac{1}{2} = \frac{1}{4} - (|\xi_{+1}|) - \frac{1}{4} - (|\xi_{+1}|) \frac{1}{6!} (|\xi_{+1}|) \frac{1}{6!}$ 

100

م<del>ارا ع = قرا + هر</del>

یہی منکل دفعہ السبق میں حاصل کی گئی ہے۔

ہیں سی دعدہ بن بن میں میں ہیں ہے۔ اگر ہم مید مان لیس کہ فرء عد جرکہا ہے ، اور فرہ سب جبکہ ما ہے کا ب عم توہر مساوات کے دونا معلوم مستقلوں کی تعین ہو جارتی ہے اور چونکہ ہ و سے اس سے ہرمسا وات سے ع کی قبت اکی رتوم ہیں وہی قال ہو تی ہے۔

۸۰ ا - صابون کے کردی بلیلے کی توانائی - صابوں کے بلیلے کی

توانائی وہ کام ہے جواس کو میدا کرنے میں ہوا۔ یہ کام دو صول برستمل ہوگا ایک تو وہ کام جو جہلی کو ان سے کھیجے کینے ہیں ہوا اور دوسرے وہ کام جو طبلے کے اندر کی ہواکو بچکا نے میں ہوا۔

الرسطى تناؤيت ببوتواول الذكر حصه ت مس بركا (جال سطركو مس تبیرکرتاہے) کو بکہ ایک جبو سے مستوی عنصر کی توانا ای ت معن مس ہے۔ دوسرے مصے کے لئے فرض کرد کہ اندرونی ہوا کا دبا د نہ ہے جب

نصف تطرر اوركره موائى كا دبائه π ب لود - π = مت ادر اگر مواك

کمیت اتنی ہوکہ اس کا جم دباؤ ہ پرح ہرا ہے تو

٣٦ = ١٦ ١١ ١٥ = د ځ ١ ( فرض کرد )

اورا وفعہ دم ایسے ہوا کو عجم سے سے عجم سے میں بچکانے میں جو کام ہوتا ہے

= ١١٥ ( ١١٠ - ١١٠ ) لوك (١٠ - ١١٠ ) - الت

اگر ہم یہ مان لیں کہ ملیلے کے امر رونی و بسرونی و با وں کا فرق مقابلہ کرہ ہوائی کے دباوک چیڑا ہے یو سسے کوم چیوٹا ذص کرسکے ہیں اوراسکے آخری حل سوجانات

یں ہوا کو یحکانے میں حو کام ہوا وہ اُس کا م کے ساتھ ، ت ، ۱۳۳۳ کی نسست رکہنگا جو حہلی کو با ہر چینج لسنے میں ہوا۔

۱۹۱ - ما تُع کی جلیوں کی تشکلیں - اگر جلی کے دونوں رئوں بر ہوا کا المارُ دہی ہونو بوازن کی مترط میہ سوگ کہ

إيكه اوسط انخا ممفرم -

ہ سرط ربخیرہ نما ( (Catenoid) )اور مرعولدنما ( (Helicoid) کی صور تول میں بور می ہوتی ہے جو اس کیے 'انع کی حبلیوں کی نمکنداشکال ہیں۔ کا رشیزی محد دوں میں بیمسا وات دفعہ ( ۴ م ۱ ) کے موجب ہوجائیگی

ار بری مدروس بری عماورت و میزار ما ۱۱ مسای بوب بوب ی المراد می ۱۱ مسای المراد می ۱۱ مسای المراد می ۱۱ مسای الم (۱+ (جب ۱) محت الآس مجن الم جن الم جن الم جن الم من المراد المراد المراد المراد می ۱۱ مسال المراد ال

بڑے بڑے علما دریا صنی نے متعدد مقالوں بن اس ساوات رکجت کی ہے چاکچہ اس سیا دات کے چند شہور خاص حل حاصل ہو چکے ہیں- مثلاً ی جم کا مصل میں ترجی اور میں اور اور ال

ی جم که اورجب ی = جبز لا جبز ما

حن میں سے ہرایک ایسی طرح ہے جس کا اوسطانخنا صفر ہے۔ یاٹیول Plateau ) کی تصنیف

Sur le. liquides Soumis aux seules forces molecularies 1873 میں علماریا صنی کے اسس مصنون پر جو خنتیں کی ہیں اُن کا شا زار تذکرہ کیا گیا

یں ملکار دیا ملی سے اسٹ محکمون پر جو مسین ہیں ان کا شا مدار مراہ کیا گیا ہے۔ ہے اور اس نے فود اسپے بجربات بھی اس کتاب میں درج کے ہیں۔ ڈاربو

Theorie Generale des surfaces کرناب Darbou minima Surfaces کے حصد اول اب سوم بن السطوں

عے حصد اول ابب سوم ہم ال محول میں استخدادہ الا شرط کو کی جو متذکرہ الا شرط کو کی ہوت کرہ الا شرط کو کی ہور ۔ تی ہوں۔

یوری کرتی ہیں -۱۸۱۷ - اگر جہلی کی شکل گردشی سطح کی ہو تو سطح کے محور کو محوری قرار دینے سے را = لا + ما = ف ( ی)

ر = لا + ۱ = ف (ی)

اس صورت میں اوسط انخا کے صفر ہونیکی مشرط سے حاصل ہوگا ویں

$$\frac{i^{2} \frac{1}{(2)^{2}}}{(2)^{2}} + \frac{i^{2} \frac{1}{(2)^{2}}}{(2)^{2}} + \frac{i^$$

$$\binom{i^{\prime}}{i^{\prime}} + 1 = \binom{i^{\prime}}{i^{\prime}}$$

میمل سے <u>زی = را را در ن</u> اور ن ی + ب = اواوک (ر+ مارا - والا ) مرا - والا )

۱۱ = و ل + لا و ل

Catalan, Journal de l'Ecole Polytechnique, 1856 c

12

فرض کروکہ مو آئے۔ او موالہ تو <u>ی دن</u> <u>ی دن</u> ر

 $1 = \begin{pmatrix} \frac{3+2}{2} & -\frac{3+2}{2} \\ 0 & + & 0 \end{pmatrix}$ 

سبست نلامرے کہ گردشی سطح کی شکل کی جہلی کی مکنہ شکل صرف ریخیرونما ہے جبکہ دونوں رخوں پرد اِوُ دسی ہو۔

مر ۱۸ سے اصول نواٹا نی کی مرد مست بھی یہی نمینجہ سامسل ہوا ہے کیونکہ سطح

### کر ۴۱۲ فرس

اس صورت میں اغظم یا افل ہوگی اوراھسا سے تغیرات کی یہ وسنے اس سنے جو ''کو بنی سمحنی حاصل ہوگا وہ ایک نرنجیر، 'وگا جس کا مرتمب کردش کا محور ہوگا۔ ٹاؤ ہنٹر کی کتاب (Rescuches on the Calculus of Varations) میں یہ سرتال کسے یا جسم کے جسہ ایک حصل سفتے ان دہ دلیتے کا کہ سے میں تنہ

میں یہ بہت یا گیب ہے کہ حب ایک حط متقبم ادر دوسیٹے ایک ہی ستوی میں دیئے جائیں بوہمیٹہ الیسے زمجیرہ کا تھینجنا مکن نہیں حوان نفاط میں سے

گذرے اور حبس کا مرتب پیرخط ستفتی مبو۔ <sub>ر</sub>

یہ بھی دکمایا گیا ہے کہ چند مثر النط کے بحنت ایسے دوز بخیرے کھینچے جاسکتے ہیں ادر ہو کہ ایک خانس صورت میں صرف ایک زبخیرہ ایسا تھسینجا جاسکتا ہے۔ یہ دونوں زبخیرے جب موجود ہوں تو الیسی صکل کا جواب

پوستے میں جوایک منبد (سیے منزاً ) ڈوری کو دو جگنی کھونمٹوں تر کنکا سے ست مدا مہ تی ہے۔

ہیں ہم جب اس نشم کے دوز بخیرے ہوں نو اوپر کے زبخیرہ کو مرتب کے گھانے سے مسطح سدا مولاتا ہے و دا قل مولی ہے سکوں نجلے بخذ ہے

کرد کھانے سے جوسطح بیدا ہوتی ہے وہ اقل ہونی ہے لیکن نخلے بُخیرے کو گھا نے سے جس سطح می تکوین ہوتی ہے وہ اتال ہمیں ہوتی - حب صرف ایک زکیرہ ہو توسطے اقل نہیں ہوتی۔

مرا میں اگر دو دائری تاروں سے ایک ایسا فریم بنایا جائے کان ناروں کے کستوی ایک ایسا فریم بنایا جائے کان ناروں کے کستوی ایک دوسرے سے متوازی اور استے مرکزوں کو ملانے والے

خط پر عمود وار موں تو تا رو ں کو ما تع کی جبلی سے ملانا جمینتہ مکن مہیں- تعبض صوروں میں دو میں سے ایک زمجیرہ منا سے تاروں کو ملانا مکن ہے نسیکن اویر کے زینے ہو کھانے سے جوزنخیرہ نما پیدا ہوتا ہے اُس کی صورت میں توازن (۱۸۸) قائم ہوگا اور د وسرے زبخیرہ نما کی صورت میں غیر قائم-حب صرف إيك زنجره نما هو تو توازن غير قًا مُمْ هو گا -اسِ مِسُلُهُ كَا ایک غیرسکسل حل مجی ہے حب میں رو دا کروں کوان نقطو سے حاصل کمیا جاتا ہے اور ان کے مرکز ایک لا انتہا انسائيكوييد مابرشانيكا ( Britanica ,Clerk Maxwell نے قوت مشومی پر ا کیمضمون میں اس مسکلہ براس طرح روشنی ڈالی ہے ہے۔ ت سون بن استمایہ میں مرتب وہی ہو دو دستے ہوئے نقطوں میں ۔ سے جیبے وازنجیرے جن کا مرتب وہی ہو دو دستے ہوئے ہوئے نقطوں میں سے کھیائے سے دوزبخیرہ نما حاصل کے جائیں تو ہرزیمرہ ناکا اوسط انخا صفر ہونا ہے۔ اگران دو زنجیروں کے درمیان ایک دوسراز بخیروا نہی نقطوں میں سے گذرنا ہوا کمینیا حائے تو اس کا مرتب اُن دونوں کے مرتب کے او پر مِوكًا اوراسطيَّة تسنى نقطه براس كا نصفُ قطرائحنا أس فالصلي سَب كم مُوكًا جوعًا د کی سمت میں اس نقط اور پہلے مرتب کے درمیان ہے -اس کنے گروشی سطو کا اوسط انخیا محر کیطرف محدب موکا اور یونتیجہ تحلیاً ہے کہ اگران میں سے کسی ربخیرہ نما کو دو ہوں ربخیرہ نما وس کے درمیان کے سی زبخیرہ نما وس کے درمیان کے سی زبخیرہ نما وہ اوا جان و جان کی ۔ بمراگرایک زنجیره نما دو نون زنجیره نما کون کے با مرلیا جاسے تواس کا اور اس کا خیرہ نما او بروار شایا

اله السائيكاديديدياك كيارمويس الناعت مي الرورياك في المصنون كي نظرنانى كى مع-

عاف او ينيا فيح وارته مرسورت من جبلي يركطف حركت كركمي-

بس یه نیتجه نکلتا ہے کَ بیرہ نی جانب کا زنجیرہ نما قائم ہے اور اندرو نی

عانب کا عِنْرَوَائمُ ۔ یہ ہستہ لال کسی دو سری طرح کے ہٹائی رعبان پنیں آتا اور الطبے ت كمل نبوت ك العام العمامة تغيرات ك القول المدليا

سم کرا ۔ اُڑ صلی کے دو و ل حانب د اِد مخلف ہول اور ان کا فرق د ہوتو توارن کی شرط موگی

روشی سطول کی صورت میں اس رلط کو تا بت کرنے کے لئے جم (۱۸۹) اصول توانا ئی کا ستعال کرسنگے ۔

د کاستنل ہونا اس طرح بھی باین کیا جا سکتا ہے کہ سرے بندکروسے ے بیں ادرامدرونی ہوا کا عجم ستقل ہے۔ اس طرح جل

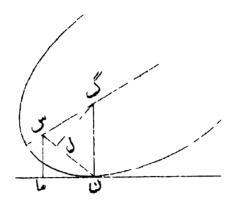
ر(۱۱۱ فرس ۱۱ د ۱۱ فرلا)

جس ہے پینچ پکلیا ہے کہ

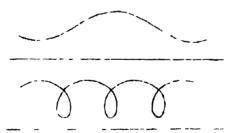
یں اگر ن ک عماد ہوتو

برعب اس کے کہ منحنی محررلا کی طرن محدب یا مقعرے ہینی اوسط انخامہ تقل صورت میں ہمیں یہ سرحاً بیان کرنی پڑئی کر وسٹے ہوئے تم کے سعے ۔۔ اِ قُلُ اس سے وہی عام پیخیستنبط ہوگا۔ ۔ اُرجیلی کردشی سطے کی شکل کی ہو تاہم یہ اِ بت کر سکتے ہیں کر نصف الماری را یک السی تخر وطی کے ما مکر کا طریق ہوا ہے جو ایک خط مستنتیم براڑک رہی ہو۔ اگر مخرو طی کا تضعف قطر انتخاص اور اسکہ سس کے طریق کا تضعف قطر انحنا ر ہوتو ا - س ن - مرجم س ن ک که (نکل دیموا کلے صفحریہ) - ا - الله - سراما مكا في كى عورت مين يا صفر موجاً است ادراسك ر = - سن ن (۱۹) اتص کے لئے میں انا میں ن × ھ ن جان ه دور إلى سكرم ادراس الخ 

له و محيور يديث كال Calculus of Variations) يام أو مسطركا تحمل احصا-



یبلا زنجیروما ( Catenoid ) ہے دو سرے ادر تیسہ سے کو پلاٹیو ( Plate iu ) نے موج نیا ( Unduloid ) دیرتقد دفال Nodoid ) کہا ہے کو کھ اول الذکرسے ایک لہر لامنحنی اور موخرالذکرسے عقد · س کا ایک س تواتر تعبیر میں اے -



عقده نما را Nodoud) کی کوین کا اجما انداز و کرنے کیلئے یہ تصور کرنا ہوگا کہ جیسے زائد کی ایک شاخ کر جلام ایک ح جیسے زائد کی ایک شاخ لا کتی جاتی ہے نقطہ تماس لا تتنا ہی فاصلے پر جلام ایک تب خطاستیم و ویوں شاخ لا کنا شرع کرتی ہے اور دوسری شاخ لا کنا شرع کرتی ہے اور دوسری شاخ لا کنا شرع کرتی ہے اور کا مسلم میں کم انتساس بیدا موا ہے ہ

له ويكم Plateau, تسير Deliunay كالمسمون Plateau, مراكب Vol I p 136 مراكب Vol I p 136 مراكب Lamarle

ائع کی جلیوں کے مضمون پر مخلف تصانیف و مقالوں کا مکم تذکرہ بالميو ( Platrau ) كي تصنيف اور ( Platrau ) كي تصنيف اور ( But mica (۱۹۱) شعری کے مضمون پر عمواً حسب ویل کتا میں مفیدا بت ہو نگی

Mathicu, Theorie de la Capillarite, 1883

Neumann, Vorlesungen uber der I heorie der Capillaritat, 1894

Poincaré, Capillarite, 1895

The articles Kapillaritat by H Minkowski in Encyklop der Math Wissensch Bd v 1907, and by F Pockels in Winkelmann's Handbuch der Physik, Bd i 1908, both of which contain a full bibliography of the subject

مسشیال ۔۔۔ ایک صابونی لبسلہ اپنے نابت حدود سے بڑ ہتاہے اس طرح كان صدود كے ساتھ اس سے ايك بند نصب بيدا ہوتى ہے جسس كا جم ح سے اس مر کیس واؤ د برسے جس کی میش مطلق طرب - گیس کی تب شرب مِن البدريج اعنا ذكيا كيام ي - اكر جلي كارقبه أم وجبكة بن طرادر دبارُ حب توفا بت ماں طی تناویت کومتعل فرمل کرلیاگیا ہے ادر بردنی دباؤنطرا مداز کردیا گیا ہے ۔ د اورط مي راط حال كرو جبكه لمبلوكروي تنكل كام و-زاالي كاتغير = ت معن ( ے د من ح

دح يكرط ، جالكستقل

ن ي در ( عكول يا ي ت ( عكول

ا ....درکردی صاونی بلط ایک یانی سے اور دو سرایا بی اورالکمل کے آمیزے سے

(194)

ا کھائے گئے ہیں۔ اگر تناؤ فی خطی این ملی انٹر تیب ایک گرین اور ہے گر بن کے اوزائ مسادی ہوں اور نصف قطر ہے۔ این اور ہے۔ این موں نؤ وو نؤں صور نؤں میں کل اندرو نی دہاؤ کا کل ہرونی داؤ پر براصلا مرموان کا مقابلہ کرو۔ اسلامی گررادر رکے نصف فطر کے وہ صابو بی کیلے ایک ہی یا رئوسے اُٹھائے جائیں۔

٢- اگر رادر رَ نفسف فطر ك وه صابو بى طبيله ايك بى ما نع سنه أشائ جائيس ادر و دون مكر من نفات الله ايك لمبله بن جائيس ادر و دون مكرم نفاد

كے ساوى ہے جبال آآكرہ موانى كا دباؤ سے-

س - یانی اور مواکی سطح فاصل کاسطی تناو ۲۵ و ۸ ، یانی اور باره کی سطح فاصل کا د و ۲۸ ، یا بی اور باره کی سطح فاصل کا ۷ و ۲۸ ، اور باره کی سطح پر با بی کا قطره رکھنے سے کیا افز ظهور بذیر بوگا -

سم ۔۔ یُل کے ایک تطود کو یا نی کی سط پر رکھے ہی وہ نوراً انہائی رئین برست میں پھیل جاتا ہے۔ یہ اس بھیلا و کے سب کی تشریح کرو۔ اور مظہر کے مشا برے سے نابت کرد کر برت کی موال نی اس و رائخ سے کم بوسکتی ہے۔

تیل کا دوسرافطرہ سطح پر ڈالدینے سے کیا اے واقع ہوگی۔

۵ - اگر آیک لمکانا کا جسکے سرے ایک دو سرے سے باندھ و سے سکنے ہیں اسم کی جہلی کے اندرونی حدو د کا ایک جزو ہو تا بت کر ، کرتا گے کے برلفظ برانخا متقل سکامہ

. اگرتا کا وزنی ہو اور جہلی ایک انتصابی محد کے گرد گردشی سطح ہو تو تا ہت کر در کھی توازن میں تا گے کا تنا وُہو گا

طول کی عددی تمیت کے مساوی ہے ۔ اگر جلی و چرد سے علیحدہ کردی ما سئے اور اگر فیسے کمیت فی اکا ای رقد تعمر

۱ کاکسیاکسولی) ت ء غ ۔ فر <u>فرع</u> ،

ك ..... معدد سابولى بيليا اكب مى الغ سع ألما عد كنة من ادر ميمرال كواك ، وسر ست اد ایک ب ایسی مساوات معلوم کرو حس سے حانسل سندہ کمیلے کا تفسف تطے معلوم موسکے ۔ اورا بن کرو کہ سطح کا ہٹا ہ محرکے اصاف کے ساتھ متقل نست رکھتا آ ٨ - يالي كاسطح إناؤ حبكراس كے اوپر ہوا أنه يا اے كرايك الح بركارور نعت مياً م وساكرين ور ل تنتح ما وي هي -اگر . . . . ، اكروى قطوول سيك ملي سيم ، رس کا ، کیے نطوہ 🕂 ایج قط کا ہے تو ٹا ت کرد کرسطی ناوُ ں کا کا م نَقریبًا 📭 ۱۰۰۰ د ف یور کے سادی ہے۔

۵ ۔۔۔ اگرایک جہلی ا مدرو بی دمہ و بی عیر مساوی راؤں سے ریرا ٹرایک گروشی سطح نبائے تو ابت کروکہ تعطہ کی پرکے ماسی مستوی کامحہ رکے ساتھ میلان خداس مساوات

جم فه = <del>ال</del> + <del>ال</del>

ھے سی سی اور ایک ہے موریر کا عمود لاے اور ایک ب مشقل ١٠ \_ ا فغ ك ايك نط دكاسطي تناؤيكمال ب است ايك محرك كرد كها إنجاب (١٩٣١) نابت کر وکھ سطح کا نفیف ایساری تعمی اسمونی

کے قطب کا گردونیو ( Roulette ) ہوگا -۱۱ ۔۔۔ دوصابونی للبلے ایک دومرے کومس کرتے ہیں اگر بیرونی سطوں کے تفعی طح ر، ر<sub>م</sub> ہوں اور اس دائرو کا نصف قطر رہوجسس میں تیموں طحیبی مطع کرتی ہیں تو 1 - 1 - 1 = T

۱۳ - باریک سیرے تاری کی ویم ذوار بعتہ السطوح یا چار طمی کی شکل کا ہے اس کو سابون اور یا تاریخی کی شکل کا ہے اس کو سابون اور کی نے ان کی سیاست مبعن صورتوں میں مستمدی مبلیاں ہوا ہوتی ہیں جن کی ابتدا کناروں سے جو تی ہے اور جوایک نفطہ برآ کرنسی ہیں۔ تاریخ ، ور کہ ہر چار سطی کے لئے توازن کی پیشکل مکن بنیں جو ایک نفطہ برآ کرنسی ہیں۔ تاریخ کو جو ایک رخ مشاوی الا ضلاع شکت اور سے اور برکہ ہر اس و نسب مکن ہے جبکہ ایک رخ مشاوی الا ضلاع شکت اور وور سے رخ مساوی الا ضلاع ساب ہرایک وور سے برایک سے ہرایک سے مرایک سے مرایک سے کردایا راس میں سے برایک فلات اور ایک سے کردایا راس میں سے برایک فلات اور ایک سے کردایا راس میں سے برایک فلات اور ایک سے کردایا راس میں سے برایک فلات اور ایک سے کردایا راس میں سے برایک فلات اور ایک سے کردایا راس میں سے برایک فلات اور ایک سے کردایا راس میں سے برایک فلات اور ایک سے کردایا راس میں سے برایک فلات اور ایک سے کردایا راس میں سے برایک سے موالے کی سابول میں سے برایک سے کردایا راس میں سے برایک سے

سوا ۔۔۔۔ ستینے کی آدوستو، زی تحقول کے درمیان سب ہی کم فاصلہ دہے۔ اسکے در سیان این داخل کی طرف ایسی وت در سیان این دوسرے کی طرف ایسی وت سے کھنج آئیں گی ج

# ۲ ( ت ممرر + ب ت جرء

کے ساوی ہے۔ جہاں جملی کار قبہ ( اور اس کا گھیرا ب ہے۔ ۱۹ ۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔ کا ایک کھو کھلا کا نم مستدیر مخروط متجانس ائع میں رکھا گیا ہے اسطوریہ کہ ایک محورا نتصابی اور راس اویر وار ہے۔ محزوط میں کس بلندی تک مائع جڑمسگا۔ ۱۵رونی ائع کی سطح کی نفر تی مسا واست معلوم کرو۔ اسطوانہ کی صورت میں نتائج افذکرو۔ ۱۵ ۔۔۔ ایک سونی بانی پر تیرر ہی ہے اس طور پرکہ اس کا محور بانی کی قدرتی ہموار سطح میں واقع ہے اگر فولا دکی کٹا فت اصافی لمبی ظبانی کے شہو اور قوت شعری کا زاویہ بر ہو اورو و زاویہ ۲ عدم ہو جر بانی کومسس کر نیوالی عمود می ترامستس کی قرس محد کے محافری بناتی ہے تو تا بت کروکہ

(۱۱ فر - قر) جب الله (قر - بر) = جم عرجم الله (قد + بر) ۱۷ -- ابک شعاری نی گرشی سطح کی شکل کی ہے اس کو انتصابی محور کے ساتھ۔ ایک الح میں جزوً غرق کر ویا گیا ہے سکو میں سخنی کی مساوات معلوم کرواگر انتخ نوازن میں دہے خوا و اس کا ارتفاع نلی میں مجھے ہی ہو۔

ے ا ۔۔۔۔ابک صابو بی کبیلہ کو ایک گیس کی کمیٹ کٹ سے حبرواِ گیا ہے حبس کا ر ماؤ ڈ تیش بر م × (اس کی کنافت) سے - لمبله کا نست قطر فه موّا ہے عبکهاس کوہوا میں کھویا گیا اس کے بعد اربیا کا ارتفاع بڑ ہتاہے اور بیش سے سے ۔ اس اروکہ لمبلہ كالصف قطر فرنتها ب إلكما أسه مرحس أسندار سارية إو

م م ک سے ربادہ اکم ہو -

۱۸ \_\_\_ نامت کروکدمساوات

انع کی جالی کی ایک میکن شال کونتبیه کرنی ہے جنکہ دوازں طریب رہاتو و ہی ہو ۔ 14 - - إگر دوسونال موبال رتبر برین میں متشاکلاً ایس دومر پ کے متوازی ر کعدی حامی نوناست کروکه وه مواه ایک و مرسه کی طرف تهنج آنتیگی اور میرکه می<sup>دل</sup>ی

ت شرسطی تناوکی وجه سه موکا-

اکات جھوا کمعب الغ میں تیرر اسے اس طور پر کہ کمعب کی سطو کے ساتھب (۱۹۴۱) افع كا زاديه تاس منفرح سبه اور ١٦ - عرب مساوى سبه ادر كمعب كا ١٠ يركا رُح افتى سے - أرا يك كافت مك او كسب كى فرمو ادر الر على تاؤج ف م موتر ٹا مت کرو کہ کمسب تی<sub>ز</sub>ے کا اگر

 $\frac{1}{r} < r + \gamma + \frac{1}{r}$ 

۲۱ سید و مضعب مطرکے دو دائری قرص اس طرح دیکھے ہم کر ان کیسسی ان کے مرکزوں کو لمائے والے خطایر عوویس ان قرصول کے محطول کو سابول کی ایک جبلی سے ملایا گیا ہے جس کے امدر اتنی کمیٹ کی ہواہے جتی کہ اسی کرہ ہوا کی میں جج تفیف قطر کے ایک کردی لملاکو عین مجرسکتی سے۔ اگر قبلی اسطوار كى مكل كى بوجكر ترصول كے درميان فاصله ب بوز ابت كردكر تربوب في درمياني ما مصلے کو می تک گھٹا ناہوگا تاکہ جبلی کردی نیکل اختیار کرے جباں

## 

۲۷ -- اروں کا ایک فریم مب ادنفاع کے منتور کی شکل کا ہے حس سے قاعد -- مناور اور کی شکل کا ہے حس سے قاعد -- صلع و کے متساوی الاصلاع متلت ہیں۔ اگر اس فریم کو معابون آمیز یا نی میں دبودیا

مائے تو توازن کی حالت بس مستوں جلیوں کی ترتیب کی نتر خ کرو - مستوی جلیوں کی ترتیب کی نتر خ کرو - مستوی جلیوں کی صورت میں توارن کے امکان کے لئے تا بت کرو کہ سب اور ہا ہے بڑا

ہوما حا ہیئے۔

معام سیال کی ایک جہی دوایسے تا روں کو چپکی ہو آئی ہے جی میں سے ہرایک مرعوں اللہ کی ایک جبی دوان مرعوں اللہ کی مرعوں اللہ کی مرعول ( (Turn) ) ہے دوان مرعوں کے محررایک دوسرے پرمنطبق ہوتے ہیں دران کے گام ( (Steps) )سادی ہیں۔ نا بت کردکہ جہلی کے وازن کی منظ پوری ہوگی اگر محرریں سے کذرنیوا کی جہلی کی کسی تاش کی نفرنی مساوات

# 

ک شکل کی ہو حبکہ ۲ ۲ عدید مرم غوار ۵ کا م بیٹی ، ومنسل چوڑیوں (Threads) کا در سانی ڈاصا۔

+ ٨١٨ ف سارا + ٨ م صد سع ر+ ف احد استار سے ماصل بوتا ہے جہاں صابون کی جملی ( کے روبوں مطور ) کا کل تماؤنی ا کا ای طول

۲۵ -- اَبَّكُ مستَّوى تحتى ا نع مِن حزَّوع ن كر ، يُ كَبِي بيء التع كى كنافت ف اور سطحی تمادُ مت ہے۔ ا مع اور تختی کے اوے کے سائے بوب شعری کا راویہ ہوے اور تختی انتی کے ساتھ زاویہ عرکا ملان رکھتی ہے۔ است کردکہ مائع کی ساکن سطح سکے اویر م مختی کے دوبوں رحوں پرما مع سکے استعاموں کو مرق ہے

٧ <u>ت ا ٢ - ١ م ٢ - ١ ب</u> ب

۲۷ -- ایک ریم اب ج د میں سیدے اروں اب، بج، ج د سے بها با کیاہے اوران کو ایک مرعولہ ١٦ کی قرس سے لا دیا گیا ہے مرفولہ کا راویہ اللہ ے - مرعود کا مور ب ج ب اور اب ، ج د، طول و نے نفف تعربی - اور حریم کو صابون کے محلول میں ٹوبو دیا جا سے 7 تا ہے کروکہ ایک جبلی پیدا ہوگی جس کی سطمیٰ توا ما ئی ہوگی

<u>مت المور</u> (۱۲۲ - اوک (۱۲۲ - ۱۱) }

جا سطی تناؤ مت ہے اور ا ب ، ج د کے درمیان جبوازاویہ جہ ہے۔ ٢٧ - كن نت من ادرسطي تناو ت كاايك سيال و مصف تطرى ايكستعارى ماه لى من اور كهنيا كياب عب تي سافه راويه تماس مديد - الرت عب ف ما تو ابن کردکہ الی کے محیط پرسسال مسارتمان کس پڑھ مبایا ہے دہ ہے

الم الم مراه الله ( القاع - المس الد - المس و )

جهال ملے کی تمیسری اور اعلیٰ قومتیں تطراندازکرد می گئی ہیں۔

٢٨ -- سيئتي كنافت مت كتجاذبي ائع كاحم م ٢٠ ١١ ن ١١ وإورك

کرہ ہوائی سے گھرا ہوا ہے ۔اس کے انداکی ہم مرکز جون سے جو ہوا سے بھرا ہوا سے حس کا جم اس کرہ ہوائی کے دباؤیر ہے ہا ہو جو بہوا ہے۔ مائع کاسطی تناؤ سے سے ۔تا بت کردکہ وان ن کی صورت میں جون کا تضعت تطر لا مساوات

 $\left\{ \vec{l} = \frac{\vec{l} + \vec{l} + \vec{l}}{\vec{l} + \vec{l} + \vec{l}} \right\} \vec{l} = \vec{l} + \vec{l} +$ 

44 - آگر کنافت ن کے اسم کی کچر کمیت قوقوں کے ایک بقائی نظام کے زیر عمل قوادن میں جوجن کا قوہ کسی نقطہ وسعے فاصلہ ہے اور اگر سفیت کی ورمیان بہت میں جا در اگر سفیت کی ورمیان بہت میں جا در اگر سفیت کی ورمیان بہت میں وائے درمیان بہت میں وائے میں اور اگر میں رکھدی حابیں اور اگر ان تغییر میں و کے مقابل جیو سے سواخ ہوں جن میں سے مائع بہد کر جا سکتا ہے تو ناب جو ہرد و تفتیوں کے جیکے ہوئے دائری رقبوں کے ا ذرونی و برونی نفعت قطر میں مساوات

م ج ف ( الله م الله على على عمد

سے مربوط ہو بھے۔ جہاں عدوہ زادیہ ہے جہا ہوائی سطی شینے کے ساتھ نباتی ہے اور اسلام شینے کے ساتھ نباتی ہے اور اور

س شَفادی ستقل ہے۔ ۱۷۰ ۔۔ شیفے کی ایک بڑی تختی ایک ائع کی سطے سے اسٹھائی گئی ہے اس طرح مائع ف ارتفاع تک اوپر تمینی آتا ہے اور تختی کی تجلی سطح کے ساتھ زاویہ نماس کا متمم بہے تاہدہ کروکہ ائع سے بیسکے ہوئے وائری صدی تصدی تصف تطر تقریباً

الله با (١- مم الله به)/(ف، با مباله به الله به

ہے۔ جہاں مب میں شکرے ف اسلامی تناؤٹ اور النے کی کنافت ف ہے۔ اسم ۔۔۔ النے کی ایک جبلی ایک گردشی مطح کی فتل میں لٹک دہی ہے اس کا محدر انتصابی ہے۔ اس کی اوپر کی حدایا حالمہ ایک وائری تارہے جوانقاً تھا اگلاہے اور نیلی حدایک در فی نیکدار تاگائ جور تصف فط کے ایک افتی دائرہ کی شکل میں آزاداند للک دراست - ایک کا تدر قد طول ۱۳ و اس کے نیک کی قدر لام اس کا درن ۱۳ و اور جملی کا تنا و ست بے ۔ "ابت کردکر رسادات

(لاً-لاً ت ) لا-م لأور + (لاً + وم لا) لا = ·

کو پوراکر تا ہے۔

کسی ایک صدری نفیف قطرانخا کے عددا مساوی ہے۔

مع مع سم سے ارکے ایک دائرہ کو (نفف قطر او) صابون آمیز پانی کی سطے میں رکھ کر آمب تہ آمب ندا تھایا گیا ہے تاکہ اس کے ساتھ ایک جہلی اُٹھ آ کے۔اس کے ور ن کو نطار ندار کرکے تامت کرد کہ جہلی کی نفعف انہاری فراش ایک رنجیرہ ہے جہلی بانی کی ہمواد سطح کو حس را دیے پر ملتی ہے اس کومعلوم کرد۔ بیرٹا بت کرد کرنفعظ کمہاری منعنی کا مبدل جبکہ جہلی کار تبہ 18 11 کے سادی ہو او مری ہے جہاں می

 $-5a_{1}^{-1}$  =  $-5a_{1}^{-1}$  =  $-5a_{1}^{-1}$ 

سے عصل مزما ہے۔

١ سرج ف = ر (ف - ف ) - لم را

144)

سے حاصل ہوگا جہاں کتافت کو من تعبیر کرنا ہے اور بہ ان میا گیا ہے کہ نعوہ کروئی جو گھم ۔۔۔ ود دائری چھلے جن کا شترک عموران کے معق یوں بر علی العقوا کم ہے النع کی اگر مند جہلی کو تعلی ہوئی ہیں۔ جبلی کی ا مدرو نی ہوا ہیرو نی ہوا سے زیا وہ دیا ؤ پر ہے۔ نابت کرو کر جبلی کے مرسے نسعت قطر او = بان کے کُرے ہیں اور حمبلیوں کی ورسیانی سطح ایک گر دغمی سطح ہے جس کے نصعت انہا دی سنحنی کی ذواتی ساوات در سیانی سطح ایک گر دغمی سطح ہے جس کے نصعت انہا دی سنحنی کی ذواتی سیاوات جب و یہ و لیا یہ بیان خرے اور ماصلہ حب و یہ و ایس کور کے ساتھ عما و کا سیان فرم اور ماصلہ محرسے لائے۔

۳ م -- اگرائع دو سوازی انتصابی تخیتوں کے درمیان سعاری عمل سے او برکھینیا مبائے نو ثابت کردکر ساکن سطح سے او پر آزاد سطح کے تسمی نقطہ پر چڑاؤ ف مرطن آئین ہے جہساں ماس کا ارتفاع ف اور آزاد سطح کی قرس س ہے جوراس سے نابی گئی ہے ،سطی تناؤ نت، ہے ج ف مع کے مسادی ہے اور مقیاس ک = م مرا دن ہے من کا

عنم سے رفعت قطر کا ایک طویل سندیا سطواند استرکا فوق ہے الع کے ساختراس کا فوق ہے الع کے ساختراس کا مار کو بتدریج ساختراس کا مار کو بتدریج الع سے کا لاگیا ہے نامبت کرد کر اگر کے اور دن التہائی ہموار سطح کے اور دن التا کی مور بنج عابات قوا کع سے ساختر شاس وُٹ عاب جال ارتفاع بک حب اسطوانہ کا محرب جا استحداث کا محرب جا ہے جا ا

ف = رقم (د - ع) + م قم الله الله بب (ذ - عه) + ۱ جب أد - مسترا حب الله الله بب (ذ - عه) + ۱ جب الله - مسترا جب الله الله ع م ب الله - مسترا جب الله

ے واس ہوا ہے اور طی تناؤ کو اس کی کتا فت کے ساتھ جوسبت ہے وہ ہے ما ج

۱۹۸ - ای کا ایک فطرہ سیسے کی ایک افتی تختی کی نجلی سطح سے قال را ہے اگر سطی میں اور و = ہے مد (فرفر/فرس) میں اوکو یا بی دور و دو زاور ہے و میں میاں تعلوہ کے صفت النہاری منحنی کی توس س ہے اور و دو زاور ہے حو سفت النہاری منحنی کی توس س ہے اور و دو زاور ہے حو سفت الناری منحی کا مماس افق سے بہاہیے تو تا بت کرد که (تعدد مسر فرخ کو کا میں افتی ہے ہے گا ہے کہ اس فرخ دو تعدد مسر فرخ کا میں اور میں کا میں اور کا جب کے مسل فرخ کی اور میں کہ کا میں کا میں کہ کا میں کا میں کا میں کا میں کا میں کا میں کہ کا میں کی کو میں کا میں کا میں کا میں کا میں کا میں کا میں کو کا میں کا میں کا میں کی کا میں کی کا میں کی کا میں کی کی کو کر کا میں کا میں کا میں کا میں کا میں کا میں کی کا میں کی کیا گائی کیا گائی کو کا میں کا میا کا میں کی کا میں کی کا میں کی کا میں کی کا میں کی کا میں کا میں کا میں کا میں کا میں کی کا میں کی کا میں کی کا میں کا کا میں کی کا میں کی کا میں کی کا میں کی کا میں کی کام

منان و و دوازد ف و فروارم دار درم مر في نظراندادر والمائد

بإل العبي المسن في اور نقط النطاف برلاكي قيت الم سهد

 ۹ مو --- ، وبدراس مع عد کا ایک طویل فا مها بی میں شرر فا میصه اس طور بر کداس کا تا عه واقتی اور اس کا او برکا کناره ! نی کی ددر نی میوار سطح میں سیصے - اگر سرول بد شعاری ممل نظرا مداز کر میا جا سے تو ناست کروکہ

و فيه ١ من قطع (ببعم + جمع)

جہاں فایذ کا ورن ٹی اکا تی طول وا اس کے ساوی حجر کے باتی کا ورن و ہسطی تباؤ مت اور قرت شعری کے راد ہا کا کمیا ہے ہے۔

، ہم ۔۔ سے حم کے یارہ کا ایک نظرہ بعبر بیرونی قرق اس کے عمل کے سفیتے کی دو اور ان محتیات کی دو اور کا در میانی فا صلاف بعلی تناؤ مدان محتیات اور میل فار ملاف بعلی تناؤ محتیات اور مان کا در مان کا معال در دواؤلی مقداد

م ١١ ست عدم / (١- م)

(1967

ہے جہاں من به باعد کر (طن مرسم ) فرو ' سے یہ ۱۱ ع<sup>یم</sup> کر طن او به کم ) طن کو فرو اور هم به کسل اور هم به کسل مب تختیاں ایک دوسرے سے ہے ہم نہ کردیک میں تو تا بت کرو کہ دباد بہلے تقرب مک مب تختیاں ایک دوسرے سے ہم میں جم م

ام -- سال کاایک قطا جوکسی تو نو س کے زیر عمل نہیں سوا سے پیکمال بیرونی وباؤ اور سطی تناؤ کے ایک استوار مبم کی طرح ایک مور کے تروی نموم کے اور سطی تناؤ کے ایک استقل ہے جہاں مواسطے کے مدری قطانی ایس - استقل ہے جہاں مواسطے کے مدری قطانی ایس - مسلم کے دور سیال کی سطے کے مدری قطانی ایس کی تعضب کیا تما ہو تو ثابت کردکہ میرا مرد کٹا فول کے ودسیالوں کی سطح فاصل ایس دبھ

١٤٥ (ت + سز )

کو پرداکرتی ہے - جہاں انخا کے صدر ی سفف قطر من سمار ہیں جن کو مضبت قرار دیاگیا مے جبکر تقرینیج وار ہو، وا م د سس/ اج (مر -مر) اور درمیانی رح کا شعاری ستقل مت ہے -

ا رسط موری کے گرد اور دشی سطح ہو تو نا بند کرد کہ موریکے نزدیک کے حصد کی تقریبی مساوات (اسطوانی معددول میں )

٢ (ى - ى ) = ى و " زا + ل (ى و ال + ١٥٠ ) [ ٢ را

كَتْكُل كى موكى اور بتا وكر جب للى مير ائع بوتوايسى صورت مير مي زاويه تمامس كى رؤم ميركس طرح بيان كما عباسكنا سے -

- 144

(Amplitude ) Ata. = & Cotam = ~

(1 4 A)

۱۸۷-۔۔ اگر اُنع کی تھ کمیت جس کے ذرات ایک معین قانون کے بوجب کے بیذب کرتے ہیں، کمسان رقبارہے ایک تاہب می کے گرد گھومے سی خاص میں کے لیے یہ قرین میاس ہے کہ اُن کے ذرات ما بی زوارن کی حالت انسیارکرسکتے ہیں۔ ہرگیٹ چو ٹوکسی درہ برکل کمیت ر طور براس کی شکل برمنحصر ہو گی حو غیر معلوم ہے اس

ی آ حتیاری طور بر مقرر کرده قالون کی صورت میں میسکر لطری دلمیسی کا باعث بروسکتا ہے - میکن کب یہ تا ون تجاذب کا تا نون ہو تو اس کی اہمیت بڑ ہما تی ہے کیونکہ طبیعی ہیت کے ایک مشکرے اس

سال کومتحانس خیال کرنیگے اورا بنی توجہ صرف ود صورہ ں ک محدہ ورکھیں کے بہلی صورت میں تا ذبی تو تو س کا فاصلے کے متناسب ہونا اور ووسری صورت میں موٹن کے کلیہ کی یا مندی کرنا فرض کرلیا جا تا ہے ۔ سے کھوم رہی ہے۔ اس کے زرات ایک درسر کو ایسی ذرت سے جدب کرتے ہیں جوالیت برنتی سہے جیسے فا صلہ آراد مطح

بن کرنا مطلوب سیعے ۔ می ذرہ سر کی جسکر کست ش اُس فا سیلے کی مدریں او اس سے متنام

جو وزه اور کمیت کے مرکز کے درمیان سرے ، اور اگر سیال کی کل کمیت کا باب هم ہو ہز نقط ۱، ۱، ی برکے سیالی فره بر حاصل کرشش کے اجزاے ترکیبی محوروں کے متوازی ، حدالا، حد ما، حدی سے نعبیز دسکتے ہیں -مبدا کو مرکز متفل بر لینے سے اور گروش کے محور کو موری قرارہ ہے نت تواذن کی مساوات ہے فرو = ت (سدالا - حدلا) فرلا + (سدال - حدما) فرا - حدی فری کے

> و = هر + با ت (سدا - مد) (لا + با ) - مدى } آدادسطى بر وصفر يامتغل ب اور آزادسطى كى مساوات ب (ا - سيم ) (لا + ما ) + ى ا = ل

مستغل کی سیال کی کمیت برا در دسه پرمنحصر ہوگا۔ سیرجب بہت چموٹا ہوٹا ہے تو آزاد سطح تقریباً کروی ہو تی ہے اور جیسے مدہ سے صدیک رقبیتا ہے توک و پر سطح قطیبیں زیا و دیر حیثی مورج تاجا

سد، صفرسے صد تاک بڑ ہتا ہے تو کرو می سطح قطبین پر زیا دہ ترقیبیٹی ہوتی جا تیں۔ جب سیا = صد تو آزاد سطح دمستہ یوں برشتل بوئی ہے اس کومکن نبا نے کہ دیر میں تاک سکتہ میں مال کا ایک ایسان نہیجا سے سے

کے سئے ہم یہ تصورکر سکتے ہیں کہ سیال ایک اسطوا نی سطح کے اندرگھ ایہو، ہے جس کا می قروض کے محور رمینطبق وائٹ ۔ تروض کے محور رمینطبق وائٹ ۔

روس سے خور پر معبی ہوئے۔ جب، سنا کے صہ تو آزاد سطح زائد نما دو جاوری ہوتی ہے جو سد کی ایک فاص قمیت (سنہ) کے لئے مخروط بنجائی ہے اور سیال اس نفغا کو ہرگزا ہے جو مخروط اور اسطوا سنے کے ور میان ہے - سیال کے مجرکو تھوب کرنے کی عام کرنے سے سنہ کی تعین ہوسکتی ہے کیونکہ اس صورت میں مبداگیر دباؤ معددم ہوجا ہے -سے سنہ کی تعین ہوسکتی ہے کیونکہ اس صورت میں مبداگیر دباؤ معددم ہوجا ہے -اسطوانہ کی شکل کے قریب آتی ہے اور اس سئے سعہ کی بڑی قبیتوں کے لئے یہ قیام س کرنا صروری ہے کہ اسطوانہ جس کے اندر سیال ہے اینے سروں بر بند ہے - (1**49**)

اس و فعد کے نائج غبر متعالی سبال بریمی معاوق آتے ہیں حواہ متواتر طبّعات بس کٹا ہو سکر نغیبہ کا توانو ن کچیدی ہو۔

۱۸۸ - سواس انع کی جیمیت جس کے درات کلیدیون کے بوجب ایک دوست کلیدیون کے بوجب ایک دوسرے کو خد کا ایک میت کے ایک دوسرے کو خد بر این کمیت کے

ما الله من من من کرد ہے والے ایک تو کے گرد کمیاں رقبارے گھوم ہی ہے سطح کی مکر شکل معلون کرنا مطلوب نے۔

س مسئلہ کا جمہ کی در اُنہ کرنا ممکن نہیں عبس کی ، حدادیر الا دی گئی ہے۔ اس مسئلہ کا اسکتہ ہے کہ یعبٹا ( ۱۱۰۱۱۰۰ ) کر دنما تورزن کی مکن شکل ہے۔ ندمنس کروکہ کر در انما کی مساوات ہے

 $1 = \frac{\vec{l} + \vec{l}}{\vec{r}} + \frac{\vec{l} + \vec{l}}{\vec{r}} = 1$ 

حمال گرویش کاممحوز توری ہے۔

تب نقط الله ما می بر کے درہ پر مبدا کی سمب میں محاور کے متوازی عام کی سب میں محاور کے متوازی حاسل کے متعادی ا

سے تعبیر موجی ۔ سے تعبیر موجی ۔

له \_ الیاس کی ( Mecanique Calenta ) یائس کی ( Mecanique ) ڈویل کی ( Meranique ) ڈویل کی ( Meranique ) ڈویل کی ( mecanique ) اورٹا ڈوہنر کی سکوبیات میں سہ جیلے کیلیئے \_ موحوالد کرکتا ب میں کرہ مما کی مساوات (لا کا ہا گا) والا + سی اگر 4 (۱- را ) = النگئی ہے لیکن اسز ا = ا/(۱ + لا ) دسکھنے سے متذکرہ بالا جملے حاصل موجلتے ہیں -

توازن کی مسادات ہے

فرو = ف (را الا - لا ) فالا (سدًا ا - ما ) فإ - مع فرى }

لیکن کرہ نما کی مساوات سے

الاولا + با فریا + (۱ + لاً ) ی فری = .

ا درج نکه اسلومساوی و باؤگی سطح هونا جا سبینے اُس کے اُ

سا- کا /را = سا- ما را = - سے را، +لا) ی

بیس بیر جامل مرتا ہے سنا ۱۰۱۱ مسٹ لول مرا (ریا سسٹ لر) ۱۳ میا دیا ہے

 $\frac{m^2}{m} = \frac{(m+c^2)^2 - c^2}{m} = \frac{m}{m}$ 

اگر سد در ف داے حاری نواسی مسادات سے دمنعین ہو بہا ہے۔ اور میم کرو ما کے بیم محوروں کی باہمی نسبت معلوم ہوجا نی ہے۔

اصلی حل الم یافت کرنے کے لئے فرص کروکو

مس الا کی بجاہے اس کے سلطے مو ندر نے کرے سے جیم طابعے ہی مترق الا کا معامل مدتال میں

ہے جکہ لا <ا حاسل ہوتا ہے

بقید نوٹ صفی (۲۰۷) لے استفال سے میر مطبق مقدانین سائل مہیں ہو میں سائل شکال کمیون اور اوقد کی تحلیلی سکویات کمیلون اور شیت ( وقد کی تحلیلی سکویات

حصه دوم صفحه ۲۱۹ میل سند سی بیل --

ت ( u ) - <u>الآ + ۱ ) ( الآ + ۹ لا</u> - الآ لا الآ + ۹ لا

ا شکال (حبر) اور (بر) سے ظاہرے کہ بالترتیب لا = ، اور لا = م - لے لئے است کا مدوم ہر جاتا ہے ۔ اب کم بیتائیں کے کہ جیسے لا صفر سے بر بنا ہے تو ا ایک اور صد ایک ترب اعظم احتیار کرتا ہے ۔

 $\frac{(1)^{-1}}{(1)^{-1}}$  کی علامت مرت ف ( لا ) کی علامت پرتجھرہے '  $\frac{(1)^{-1}}{(1)^{-1}}$   $\frac{(1)^{-1}}{(1)^{-1}}$   $\frac{(1)^{-1}}{(1)^{-1}}$   $\frac{(1)^{-1}}{(1)^{-1}}$   $\frac{(1)^{-1}}{(1)^{-1}}$   $\frac{(1)^{-1}}{(1)^{-1}}$ 

يربين عائس واست

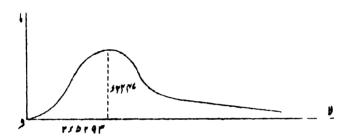
$$\frac{(u - u)^{n}(u - u)^{n}}{(u + v)^{n}(u + v)} = (u) - (u)$$

('')

کے معدوم ہوتا ہے جو ماہوسے بڑی ہے - حدولوں کی ۔ بسے ہم باسانی ویکھ سکتے ہیں کدف (۲) مضبت ہے اور ف (۳) منٹی اس کئے مطلومہ قیمت ۲ اور ۳ کے درمیان واقع ہے۔ نیز ف (۵۲۷) = ۰۰۲۵ و تقریباً اور

نوش کے طرفقہ تقرب سے ۱۶۵ - ن (۲۶۵) = ۱۲۸ + ۱۹۳۰ و

T50795 =



بس فرل مون اس وقت معدوم موتا مه جبارالا = ۲۰۵۲۹۳۰۰ اوراس وقت العظم مے ادراس کی تمیت عهم ۲۲ و ہے -

اس منے مساوات رہ ) کی ترسیماس کا کی جوگئی، ہوگئ جو برمیں دکھا ڈی گئی ہے لیکن اس میں معین کا بیانہ فصلہ کے بیانہ سے کڑا لیا گئے ہے۔

ں میں ایمایہ صلا کے بہار سے برا کہا ہے۔ نیس ہم اس میتھ ہر بہنچے ہیں کہ اگر پستا / ۲ اٹ کے ۲۲ مرد ویریٹا

کرہ نما تواز ن کی مکن شکل نہیں ہو سکتا۔ لیکن آگر سنہ ۱۹ ش ﴿ ۲۲ ء تو روکرہ ممانی اشکال مکن ہیں کمیونکہ یہ ۴۲ ء سے کمء معین کی ہرتمیت مےجواب میں

نفیله کی دوخیقی قتیتیں که ، کیر حامل موتی ہیں۔ مفیله کی دوخیقی قتیتیں کہ ، کیر حامل موتی ہیں۔

(۲۰۲) م م ۱ مسکره تمانی اشکال کی بلیلیجیت - جب له کی دوخیقی قیستیں لم ، له مول توایک ۹۳ م ۲۹ و ۲ سے بڑی اور دومسری اس سے کم ہوگی- فرص کردکر لم کلم

توجيه سنا/ ١٦ من محشاب لم محشاب اورله براتاب (وكيونكل)

اور یونکه لم مر ۱۹ م ۱۵ م اسکے ۱۸ ا و لر کا ۲۵ م ۲۵ میکن نیم موروں ير، سعب ١٠١٠ : ١١ سنه اس سن ل كى يرى ميت بميت بهيت واده يجيم كره نما كو تعبيركرتي سبعاور سيائر ٨٠٠ من كوبهم جننا زياده حجومًا ليس دركونها زماده ترحيثًا ہو ما آکھ جواصل لیے متماطرے نیز سٹا/ہ ہ ت کی جیور کی نتیتوں کے ملٹے انسل لیہ جیمون موگی اور اگرصد كره اماكى لمبيليحيت كونغبيرك تو م (١+ سه) - م ١١٦٠ لر اسطرح صه = الح لر تقريباً اور اس ك مسأوات (حب)ست ست / ۱۳ ن = کور از از ۱۰ نال ۱۰ نال ۱۰ نال ۱۵ نال ۱ نال ۱۵ نال ۱ سه کربهای توس تک و ! صد = داساً / ۱۱۱ ث تقريباً میکارں ملائتر میں ما حس منے یہ تابت کیا کہ متعالس سیال کی کمیت حبکہ

در<sup>ع</sup> ومراہی ہیونو نااز ن کی <sup>ج</sup>ار شکل یا ٹیا کرہ نماہوتی ہو ، دراس <u>ائے ان کرہ نما وُل کو</u> عام طور پرمیکلاری کے کرہ نیا جیتے ہیں۔

• 4 ا رسالیے بال کی صورت میں ، س مسل کا استمال حس کی مختانت زمین کی اوسط کرا ست کے مساوتی ہے ۔

اگریم نی الحال زمن کو ریفیف قطر کا ایک کره ما نیں اور اس کی اوسط کتا کوت سے تعبیر کریں واس کی سطیر کی کت میں ہے ہے ت رہے تعبیر ہوگی۔ اس سے مطب برم ذبہ ارص کی قوت رج ) کی بھی بیالسٹس ہو جاتی ہے۔

له واروس كي كتاب Scientific Papers طيسوم كي صفح سوم عن سية / ١٩ ف ك قيت بيليميت كي تيسري ترت كك مامل كي كري سهد

مس کے میں نفام کی اکائیوں میں ہے = ۹۸۰ تقریباً اور ۱۹۲ سے ۲۰ میں استی میلر-اس لئے ہمینی اکائیوں میں

ن=٣٦/٧٩١ = ٥٤٧٧×٠١٩

آگریم کرہ نمائی شکل کے سئے ستار م ہونٹ کو اس کی اتبہ کی تبست اور بنت کی مشذکرہ بالاتیت کو استعال کریں نو محوری کرنس کا وقت م ساوی لیں اور بنت کی مشذکرہ بالاتیت کو استعال کریں نو محوری کرنس کا وقت م ہم اس سئے یہ تعلیل ترین کا وسط کتا نست ترین وقت ہے جس میں مجھ ستجانس کمیت جس کی کتا نت زمین کی اوسط کتا نست کے مساوی ہے کہ ساری ہے کہاں دفتار سے ایک چینے کرہ نمائی شکل میں مگوم سکتی ہے۔

یعراکریم سدگی کیا ئے زمین کی ذاو بئی رفتار ہے ایک استعال کریں تو

الم الله المراكب المر

جوانتهائی قیمت ۲۲۴، سے کم ہے اس کتافت اور اس زاد کی رنمار کے گئے دوکرہ نمائی اشکال مکن ہیں کیونکر لاکی دوختیقی قیمتیں لمتی ہیں جسیا کہ دفعہ (۱۸۸) میں دامنع کر دیا گیا ہے ۔ بڑی قیمت ایک بہت چینے کرد نما کے متناظر ہے اور جھوفی قیمت سے ایک ایسا کرہ نما حاصل ہوتا ہے جس کی لمیلیجیت دفعہ (۱۸۹) کی روسے ہے

ا و و کم و انسائیکلویدیا بری ایکامی (A R Clarke) اور (F R Helmert) کا مضون (F R Helmert) - (Figure of the Earth)

اب یہ واقعہ کومتجاس سیال کے ایک کرہ نما کے محرض کی کتامت من کی اوسط تماد کےمساوی ا، حس کی گروش کا وقت زمین کی گروش سے وقت کے مساوی جو ۲۳ : ۲۳۳ کی سبت رکھتے ہیں یہ جا آست کہ یہ باکل فارج ازامکا ن تب كه زمين اين وور حيات مس كسى . تت ايك مخابس سيال كي كميت تهي -- آبوترا کره نما مکن تنکل بنیں۔ یمعلوم رے *یوکہ ہمنے ام*انی توازن صرف يدركما باسب كداكرسد / ۲ ش حرب و توجيي كرو نما مكن شكل ے ادرہم دیکھے ہیں کہ یہ نیتی سال کی مقدار کمیت برس عدر سیں بلکہ حرف كمَّانت اورزاو كي رفتار مِنحفر بــــــ - اگر سدّ / ۲ ۴ ث ٢٢٢٧ - تو است ینیتی مبیں تعلقا کہ وارن امکن ہے بکر مرت یہ کداس صورت میں چیٹے کرہ نما کمن ہیں ہیں۔ آب بی معلوم کرنے کے دئے کہ آیا لمبو ترا کرہ نما مکن شکل ہے یا ہیں ہم دھد(۱۸۵) میں لڑکی بجائے۔ کُ<sup>ا</sup> کلہتے ہیں جہاں کہونا چاسیئے 🗲 ایب اُس دفعہ

سلا = - کے (۱<del>۱۵۲) (۲۵۲) کان</del> کان جونا مکن ہے کو کرمسادات کے طرفین مختلف العلامت میں ۔ لیسس لمبوترا

کرہ نما توارین کی ممکن شکل ہنیں ہوسکتا۔

۱۹۲ \_ اِسْن نے (۲۵۲ و Tome II p 547) یہ نتایا ہے کہ سرونی قوتوں کے ربیما ساکن ۱۸۲ سیال کی سیاوی دباؤکی طحوں اور ایسے سیال کی مسیادی دباؤگی سطحوں کے درمیان حروری قرق ہوتا ہی جوامیع ورات کی ایک و وسرے کو حذب کرنے والی تو توں کئے زرعل ساکن ہے اِن کے زیر عمل ثابت مورکے گردیکماں دفست او سے

فرمن کرو که اب ج آزاد طح اور د ع ب مساوی دباؤی کوئی سطحت ، پہلی مُورت میں دع ف کے کسی تقبلہ یر کی حاصل قوت اِس نقطہ بسطح کے عود دارہے اور الب ج اور دع بن کے درمیانی سال کے وجود سے اس من اگراس سال کو سکال دیا جاسے قواس سیال دع ن کے نسلی نقطہ پر کی توب اگر دیا کہ اس نقطہ پرسطح کے عمود وارہبے کے اندرونی سال کی کبت کی اور دع ت اور ا ب ج درمیانی سال کی کمیت کی مشسور کا حاصل بن عاصل قوت کے ان دد ا جزا ترکیبی کاسطے مجے عوو و دارہونا حزوری ہیں اور عام طوریر دع ف کے بیرونی سال کو بنتیہ سال کے برازن پراٹر گا سے بعیہ علیجیہ نہلی کیا جاسکتا ۔ لیکن اگرسیال متمانس ہواور ذرات کلئیہ نیوٹن سکتے ہوجہ کو حذب کریتے ہوں اس طرح کہ آرا بسطح کرہ نیا ہو توسسیا وی آباؤگی طحیر متعشا مبرکرهٔ نما جونکی اورانسی صورت میں جو نکہ دوہم مرکز متعشا سراور متعشا بہاً واتع ً ناقص مناؤں سے گھرے ہوئے ناقص نما ئی حول کی حاصل مشیش اس کے سال کوعلیجد، کیا جاسکتا ہے بشرطبکہ گروش کی رقفاد غیرمتنغیر دہے۔ لىمىينە حدسسے تخا در بنيس كرتني - دو كره نياانتيكال ممكن ہیں۔ مرض کر، کہ آزاد سطح ( ب ج ان میں سے ایک شکل ختار کر تی ہے۔ سیالی کمیت کے اندرایک ہم مرکز کرہ نِنا گ ھے کہ تھینچوج دوسرے کرہ منا تب أب إب اورك هك مك كم ورمياني سيال كوسيال كمية ك يركسي تسمركا إز ذاك بغيرعلنجده كما حاسكما ب سطح کی کھک کے نقطہ ب برکے ذرہ پر خول کا عمل نقطہ ن پرسطح کے عود دار نہیں سبے سکین میٹل <sup>، ک</sup>یت گ ھوک کی مشش آور مفرد صد قوت

سبة ركه ساته مكر نقط ن برأس كره نما كے عود وارست جو نقطه ن مس محزرًا ہے ادرسطی اسب ہے کے ہم مرز ادر متسابہ ہے۔ . وسرے العاط میں سطح پر کے ایک درہ کا ورن اس سا می دیا، کی سطح کے عا د کی سمت بن عمل کرتا سے اور کسی آند رونی درونی معدر ساس مساوی داؤ کی سطح کے عماد کی سمت میں عمل کرما ہے حودرہ میں سے گزرتی ہے۔ ا سی طرح اگرآ را دسطح (ب ہے کی کل مکن اشکال میں۔۔ ایک بوتو ہم یہ تباس کرسکتے ہی کہ الع کاایات ہم مرکز خوا کمیت کے ساتھ موڑ دیا گیا ہے جل کی بیرونی طح اسی شکل کی ہے صبے اُب ح یادد سری مُن کل کی سطے ہے۔ بهلي وسيس (ب ج ساوي والوكي سطيمي بدي ليكي و بسري صورت میں ( ب ج مسادی دباؤ کی سطح مہیں ہو گی۔ کونکہ مسادی دباؤ کی ٹئی تطمعیں ببردن سطح كے متثابہ اور متتابها واتع ہوگی-اگرسال کی کھیکست ایسے مرکز اعل میں سے کورے واسے ایک مور کے گرو ایک ایسی زاو نی رفتا رہے گھا وی جائے کہ سٹا '۱۴ ہے کہ میں سے وفعہ ( ۱۸۸) میں عال سفدہ حدسے ستا وزارجا سے تو اس سے بیمسلنبط نہیں ہونا كرسال كره ما كى تكل مي موادن بهس موسكما كيز كريه فياس كميا جاسكتا سے كه بتاطران میں ملجا بط محور کے بھیل جائیگی اور زماوہ جبیٹی سورت اختیار کرے گی حتی کہ اس کی زاو کی رنتماراس قدر گھٹ جاّ ہے کہ کرہ مانٹیکل کاا مکا ل ہوجا۔ گر کمی**ت** سال کال برشتن م و اس کی مکل وار ن تحیره نماشکل می سے ابتیراز کریکی مکن اَرْصیاکہ ام معلوم سالول کی صورت میں ہواہے اورات کے ا منانی سٹا ہے ۔ رگڑ پیدا ہونو استزارانت بتدریح بطفیتے جائیں گے اور الآخر وارین کا ایک کل بوط بِوكا- أب به انبول استغال كرك كوكل نظام كا زاو ني معيارا لحركت ألمي<sup>ط ب</sup>حور ستقل رہنیگا ہمانتہائی زاونی رفغاراورا خلتار کردہ ا بہانی شکل معلوم کرسکے عام سوال بریحت کرنے کے لئے ونس کروکہ سال کی کمیت کوکسی طرح حرکت ويونكني ہے اور پیرا سکو بنی حالت بر حصوط ریا گیاہے ترکمیت کا مرکز یا تو ساکن ہو گایا بکساں

قیم می درکت کرنگا بس اس وکت موج حورکزنا موگام کمیت کے کمیت کے مرکز میں سسے ایک الیامستوی کھینچے حس کی سمت میں زا د کی معیار حرکت اعطر سے - تب میستوی حبکر سیاری ستوی کبا جاسکتا سے نابت رہے گا خواہ حرکت المبعد میں سیال سکے ذرات ایک دو سرے پرکسی طرح کاعمل کریں اور جب ذرات کی ا**منا نی حرکت اُن کی اِنهمی رکڑسے نتا ہو جائیگی ت**و اُما فی توازن کی <sup>آت</sup> ہو امس مستوی پر کا عمود وار محور *اسال کی تمیبست* کا گرد ست کا محور مہو گا۔ فرض كروكر نظام كا ديا بوا زاو كى معيار حركت هرب ادر بالآخراسكى زاوكى (٢٠٦) وَادُن كَ كُرُه مَا كَ مُورول كوج ادرج الله - للاست اركبت كوك سے بغیرکریں توزاد نئی سیارحرکت کے لیے کل بچاک ج (۱+ لا) سد حالل ہوگا۔ ن لِكُ جُ (١+لاً)سه = ه نيز يه ۴ ث ج (۱+لا) = ك ان دومسادا تزن اور مساوات سرة عاملة عرام المست المست المستل من دونو (١٩٨) سے ج اسم اور له كي ميتيں دريافت كيجا سكتي ميں -پهلی دو سهاوا تون سسے

 $\frac{F}{F} \left( \frac{1}{1 + 1} \right) \frac{F}{F} \left( \frac{1}{$ 

جسسے لد کی تمین ہوما تی ہے۔ اس مساوات کی ہمیشہ ایک اصل وجود کہتی ہے کیونکہ داہنی طرن کا جمسا

لہ کے سافہ صفراور لا تما ہی ہو تا ہے - اس سے اس کو ایک ایسی قمیت احتیار کرنی بیاسینے جوا سنزاور دہ کے ورمیاں لد کی کسی فاحر جمیت کے سلف ایکس طروت کے مثبت متفل کے سادی مور مزید برآں یہ بتایا حاسکتا ہے کہ اسس مساوات کی عرف ایک اسل شبت ہے کیونکہ یہ اباب ہوسکتا ہے کہ وا مبی طرف سکے مایکا شتق ہمیتہ متبت ہے۔ اس کئے ھا ادر ک کو دی ہوئ مقدا ریں بجدار جماس نتيجرير يشيخ بي كراك اور قرت كب كره ناشكل بوركي حس كي طرت ابتنا وكيف والاسال ساسا بالربوقا حاكيكا

Meanique ( clest, Tome, 11 یه تحست لا بلاس کی متاب

Sy tem du Mende Tonie H کےصفحہ ۱۱ میر) این کولان کی

M anique Celeste Tome, II

کے سفحہ و ۲۰ میں اور نسوا کی

ئے سو ۹ میں ل سکیگی۔ ۱۹۲۷ --- جیکولی کا نا جمعی نہا - جیکوبی نے یہ در بات کیا کہ مین بیرمسان ی محوروں والانا لیس ما تھوے والے انتح کی کمیت کے لے اصابی

جكوتى كي مُنايكاصب فرار توت ما Inonvill) - يكالك فالم ے لیاگیا ۔۔ 'و

lone XIV سرشائع بوام

اً وٹن کے ٹورکو ئور ی لسیکر فرض کرو ( اگر مکن ہو ) کہ ماٹع کی سطے اسٹنگل

کی ہے جہ مساور ت

لاً + لاً + الله + كا = ج

ے عاصل وقی ہے۔ ر سب اکر مان کی کمیت ک ہوتو سطح نے تعطہ رالا اما ، ی ) برکے فعاہ یہ ا كى المكر تستير على التركيب ( ١١ ب ما ١١٠ ج عن من جمال

$$\frac{q}{\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}} \frac{1}{\sqrt{1 + (1^{2} + 2^{2})} \cdot 4} \frac{1}{\sqrt{1 + (1 + (1 + 2^{2})} \cdot 4} \frac{1}{\sqrt{1 + (1 + 2^{2})} \cdot 4} \frac{1}{\sqrt{1 + (1 + 2^{2})} \cdot 4} \frac{1}{\sqrt{1 + (1$$

ا المحمد فوط ستعلقه من المحمد ( المحمد المح

Statics, Vol II, p 306

(Minchin)

يالمتحجن

مل لهٔ الرکومس سے میاکرہ نا عاصل ہوا ہے مسترد کرکے اوت ام کو

دامن طرف منفل کرنے سے

وي ( ا - ما ) ( ا - لا كرا وا ) وع

سے لہ کی تعین ہوتی سرے حبکر لرمعلوم مو-لا كرمندت قبت ويض ست مساوات كي دانهني طون كا جد متبت

بوگا اگر له = . اور سفی اگر له = ٥٠ ایس لاکی ایک نیست منبت مولی جو مُساواب کو یورا کریگی -

مزیر را*ن س*ا انور ( ۲ ) کی روستے

= = = (+1) 21 62 = 37 (1+4)(1+4121) (4)

ادرا کے سنہ ایک مثبت مقدار ہے ۔ بس اس کی بوری طرح تحقیق ہوگئ کی تمین غیر مساوی محوروں والا افق بما أزادسط كى مكن شكل مع جسك تيون مور غيرمسادى بي ادرسب سي حيونا

محورگردس کے محور پرمنطبق ہوتا ہے۔

) ا ورنه متلکا پیمل مساوات (م) سے يى فاہرہے كا لا كرا لاز ما

کی بوری وسعت میں متنبت ہوگا اوراس مے معدوم مربوسک گا- اس کے

لاً با كما لانه ما

ادراس کے وارح یا ب/ح ال سے بڑا ہونا جائے۔اس سے

جيكوبي ما تص مناكي دولايتين جول منين بوسكيت<sub>.</sub>

140 ۔۔۔۔ سطح پر جا ذبہ کا حاصلِ عمل قوتوں ( ﴿ ۔۔ سنہ ) لا ﴿ ب ۔ سنہ الله اور ج ی کا حاصل ہے جومرکز سے اور سے مامی مستوی برکھنیجا جائے۔ بر

نیز اندرو تی ذرہ بر مائع کی ششوں (لائب ما اورج ی کو ذہن میں الکہ کر اورج ی کو ذہن میں دکھ کر اور البیب نیز اندر کے مئلہ سے استفادہ کرکے یہ بہ آسانی ٹابت ہو جا آسے کہ کسی مرکزی مستوی تراش بر کا حاصل دور اس مستوی کے عود وار اور اس کے رقبہ کے متناسب ہے۔

194 مٹراونہ طرعے اس طرف توجردلائی ہے اور حسب دیل طریقہ براس کی تشریح کی ہے کہ گھو سنے دانے میں اسلام کا موان کی ہے کہ گھو سنے دانے دانے ماکا اصافی توازن برقرار بہیں رہ سکتا جبکہ گروش کامور صدری معطبتی مذہو۔

سدری محاور کے محاظ سے فرض کروکہ گردش کے مورکی سمتی جوب اتمام ل، ه، ن بین کمیت کاکوئی نقط هرالا، ما، ی) سب اور ل اس عود کا بایہ سے جو هرسے محدر بر کھینیا گیا ہے ۔

اسراع سنر هر لکو محررول کے متوازی تحلیل کیا عاسے تواجزا سے تحلیل حال ہوتے ہیں

سنز (لا- لء) سنز (ا - مء) سند (ی - نء) اس کئے آزادسطی تغرق مسادات ہے

{سة (لا - لء ) - ( لا } فرلا+ {سة (ما - مء ) - ب ا } فرا + {سة (ى - نء) ج ى} فرى ـ پس آزا وسطى ئىشكل مسا دا ت

سد (الا + ما + ی ) - سد (ل الا + م ا + ن ی ) - (الا - ب ما سبح ی = متقل سے ماصل ہوتی ہے ادریہ ساوات صدری موروں کے اباظ سے ایک ناقص ناکو

تبہ نہیں رسکتی صب تک کول ، م ان میں سے دو مقداریں معدوم ناموجائی۔ مشرگرین ل نے بیان کیا سے کر دش کے محرکے سرے پر انتے کا ذرہ صرب (و.ور) مشر سے زیرعمل ساکن رہے گا کیونکہ اس نقطہ برجلہ سنہ ر معدوم ہوجا گا یس زرہ برکی سنتش سطح کے عماد کی سمت میں مونی جاہیے جو صرف مورکے سرے کی صورت میں درست ہے ۔ ۱۹۵ ۔۔۔ جیکو لی کے مسئلہ کا حسب ذیل ثبوت اے ۔ اسمتھ نے مِسْل اُڈو میں

The C کی بالی طابعتی و دو ا ' Mathematical Journal'

را بغ کی کھیت استواریم کے اندزاد کی زفارسہ سے محری کے گرد گوے اور اگر نقلہ (لا) ای ) پرکشیش کے اجزاء ترکیبی کا ما ، ے ہوں توآزا دسطے کی مساوات ہوگی

> ( كا - سنَّدلا) فرلا+ (صا - سنَّرا ) فوا + المن فرى = . اب اگرازا دسطخ اقص نما هوتو

٧= ( ١١ما = ب ١١٠ = ج ى

حہاں (کب اج منحسر میں اللہ اس پر ۔

يُس اگر و، ب بج نا تفس ما ك نفف مور بول و مساواتول (﴿ - سه ً ) لا فرلا + (ب - سه ) ا فرا + ج ى فري = ٠

- الم فرا + ي فرا + ي فرى = .

کوبشرط امکال متطابق کرنا ہے۔ اس کے مساواتیں

(-سة = لم اب سة على ج - لم بوری ہونی جا سئیں جن سے لہ اور سنہ کو سانط کرنے سے عال ہوتا ہے

(11)

اله د کیمولیوین اوسلیط کی (Natural Philosophy, Art 494 n

Minchin's Statics, Vol II P 808

جلاسفی مونا حِاسِیتے ۔

يس بيمعلوم ہوائے ك

二十分 <元

اوراس کے مقاویر و اور ب میں سے جومقدار حیوفی ہے اُس سے ج حوال ہے۔ زاو نی رفتار معلوم کرنے کے سئے ہم حاشتے میں کہ

سا( ال- با) = ( ال- ب با

= المراكز المرابع المراكز المرابع المراكز المرابع المراكز المرابع المراكز المرابع المراكز المرابع المراكز الم

اور اس کے اگر 1 کب سے مختلف ہے تو

 $(c, c) = \frac{3c^2}{1} \sum_{i=1}^{\infty} \frac{3c^2}{(i^2+3)(c^2+3)} = (c, c)$ 

اور چوبکو یا حبلہ ایک مسب مقدارہے اس منے سد کی ایک مکن قمیت علی ہوتی ہے اور یہ تابت ہوگیا کہ اقص منا ، آز ، و سطح کی ایک مکن شکل ہے سب کہ

اس انص نما کے تینوں محور غیر مساوی ہوں اور اکو سب سے حیوے محر کے گرو اس انص نما کے تینوں محور غیر مساوی ہوں اور اکو سب سے حیوے محر کے گرو

٨ ١ أ-- ح كاسب سے جِمواً محرر بونا اس طرح بھى فاہرے

سدا = <u>دا (- جا ح</u>

 $=\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}}\left\{\frac{l^{2}}{(l^{2}+2)}-\frac{3^{2}}{\sqrt{1+2}}\right\}\frac{l^{2}}{\sqrt{2}}$ 

= 7 29 (11-57) (11+3) (51+4) =

جس سے بیٹات بڑا ہے کہ سے حقیقی ہونے کے لئے یہ مروری ہے کہ ج روا اور

اسي طرح ج امن عاصب ہم دیکتے ہی کہ دفتہ 194 میں ( · ب ، ج کے لئے جو جلے ئے سور میں وہ اُل مبول میں تول ہوسکتے میں جو دفعہ ( م ١٩ ) میں مندرج بس اگر لاکی تحاسنے جا ( ا + لا ) ، ب کی تجاسے جا ( ا + وَا ) اور جا + ع کی بجائے جو اروا مکھا جا سے اس طرح وفغہ ( ۱۹۷) کی مساواتیں (م ) (جر ) وبی بی جو دفعه ( ۱۹ م) کی مساواتین رَس ) اور ( ۲ م ) بین- اگریبال کی کمیت ك دى جائے واك اور مساوات عليه ١٩ حف لاب حد ك حال بو وي -اسمساوات اور دفنه ( ۱۹۰) کی مساواتول (بر ) ( ص ) سے الاب ع، کا تعین کے بیٹ اور معد کی رقوم میں موسکتا ہے۔ (C O Mayer) نے ورمافت کسا Traite de Mecanique Celeste Tome II کے اب بغتم میں بھی ان کی اوری تشریح موجود ہے جس میں یہ بتالا گیاہے کہ سدیر/ ۲ مث کی ظرفتیت ۹۰۵،۱۸ سے جو حیکو بی اقص نما کو توازن کی ایک مکن ٹنگل نباتی ہے اور اسس خاص محمت سکے لیئے ناقص بما ایک شسی ناقص نما سرے جومیطارن کے ایک کرہ نما پر نیطبق ہوتا ہے۔ مزید مرآل ہو بھی تیا ما گیا ہیں کے دوخہ (۱۹۷) کی مساوات (جد) کے این حانب کا تعناعل اس مميت سيايك يكان فتيت اعظى ما تعلياركرتا سے اوراس سے حيو في مبتول الع اک اور مرت ایک ناتص ما حاصل ہوتا ہے۔ میکلا رن کے کرہ کاؤں ارجیکو ہی گئے نا تھر نماؤں سے متعلق نتیجوں کا خلاصہ ہس طرح

لکھیلتے ہیں:۔ اگرستهٔ ۸ ۳ من 🖊 ۲۲ ۲۷ و توکونی کرونما یا اقص ما منس

Crelle's Journal, Tome XXIV (1842)

Traite de Mecanique Rationnelle, Toma من وكمي والما المان التربيح من المان ال III, p 170

اگر ۲۲۴۰ د پستا/۱۳ ت په ۲۰۹۰ و تو دوسیني کره ما ، اگر ۱۸۷۹ء 🗲 ستا/۴۴ ش ، تو دوجییه کره مااو پایک اص ما ری در پیر سازی میم سے دفعہ (۲م ۱۹ میں دیکھا ہے کہ حیکہ بی کے ناتھ بنا کی رودہ الملیح بنبس ہوسکتیں ۔درحققت ایک محور ہرصورث میں گرویں سے محور کا کم از کم ہاتا ہے۔ جیکوبی کے اقص نماؤل برتعنیہ بحت کرنے ہوئے مر مدی حداول اور ا شکالنگ سٹا ل میں ڈارون سے تا آ ہے کہ ناتھ ما جیسے ما ہوتا ما ٹیگا ویسے اس موسنح کی رفتار سست بڑتی جائے گئی اور حب زاد کی رفتار سام گفتہ تر حالتی۔ تومعاد حرکت کا معادسکسل ربتا جآ اسے اس سے بیعی بتا یاسے لہ مسے نا سے نا اً گردش کے ناقص نما من جن کے گروش کامحور کھو ہے کے محدر پر ملی القوا مُرسِیم ناقصى اسطوان بهم به سمى تاست كركية بي لاطرى لو بير تحالس (٢٠٢) ذنى الله كى لا تنابى كميت كى طرحى اكب بكر بعظ اقصى اسطوا يرب حكدا كى معدّار اگر دا اور ب يم در مول توكسي انداد ني تقطه ( ۱۱۷ ) يركشتر كام ا ترکیسی ہیں

> الرعمانا الرعمانا لول اورنبیسٹ، ' دمعہ نم و مو ) ادر اسلے تنزا وسطح کی مساوات ہے ( المريب - سنة ) لافرلا + ( الم الله في ما سنة ) لا مرا = -

الى وكور ' Un Jacobi's Figure of Equilibrium for a rotating mass of fluid ' عام وكور Proc Royal Soc Vol XLI (1887) p 319, or Scientific Papers, Vol III p 119

سي = م م ن اب

اس سے سدکی تعیُن ہوتی ہے اگرٹ، و، ب دے گئے ہیں۔ بیکن اگر سد، ٹ دے جائیں توجو بھر

اس نے آئسی ہطوار توازان کی مکن شکل بنہیں ہوگا سوائے اس صورت کے حبکہ اس نے اس کے حبکہ سے میں اس کے حبکہ سے اس ک

۲۰۲ \_ پوانگارے کامشلہ - ہم سے یہ دیکھاہے کہ جبکو بی کانقس نما اصافی توازن کی ایک نامکن میں ہوتا ہے اگر

ستر/۱۱ ف 🖊 ۱۸۵۰۹

ایک جیاگرہ مانا مکن مکل بواے اگر سنا / ۱۳ مث حرام ۲۲ و ادرایک ناسی ہطوانہ ایک جیاگرہ مانا مکن مکل بواے اگر سنا / ۱۳ مث حرارے نے ناست کیا گراگر سنا / ۱۳ مث حرار میں منظوانہ کا مکن منس میں میں ہوائی ایک منزوری سندرط یہ ہے کہ آزاد مطرکے مزاقطہ پرکشنش اور مرکز گریز قوت کے حاصل کی عمت اندرونی جانب ہو دریا ایک حصد حدا ہوجائے گافر عن کروکہ تجاذبی قوتوں کا توہ فدہے اور محورسے ناصلہ مرکب اور نام کردکہ

Bulletin Astron Tome II p 117 or figures d'equilibre d'une d'une masae fluide, P 11

ء = فر + لي سلارٌ

برونی مانب عاصل عادی قوت جفع سے اور تواز سے لئے (۱۱۳) ارادسطے کے سرنقط پر ج<u>ن ع</u>سنعی ہوا چاہئے گریں کے سکدسے <u> گرجع ؛</u> فرس *= گلالف* ؛ فرلا مزما فری جہاں پہلا کملی سطح پر اور ووسرا سال کے کل حجم کے اندر لیا گیا ہے۔ اور لن ع = لن ن + ۲ سر = - ۲ ۱۱ ث + ۲ سر اس کے کر حف ع فرس = ۲ (سڈ-۱۹۲۰ ش) × جم

اوراگر سنڈ 🖊 ۸ ت تو داہنی حابنب کا جملہ مثنبت ہے جس کے یہ معنی ہس کسطے کے جید نقطوں پر حاصل قرت کی مت بیرونی حانہ اوراس کئے بوازن نامکن ہے . سا ۲۰ --- نوازن کی اور شکگیر -ان است کال کے علادہ جن بر ہم نے خرکیا ہے طعنا (Annulus) برسب سے پیلے لایل ش نے غرکب جب<sup>ا</sup> کا تعلق ز حل کے چہلوں سے سبے اور اس وقت سسے اس مصنون بربہت سی تقیقات

سے۔ کیلون اور شیط کی ( Natural Philosophy ) طبع دوم کے دفعہ ۵۵۸ مین تیجو رکی ایک تعداد جو مد کوره بالا اشکال کی قائمیت سے متعلق میں بغیرتبوت

ك سا د = ۲۰۵

(Tisserand) مير Mecanique Celeste, Tome II p 155 (Mecanique Celeste) طدددم کے ابرات نہم ، دیم، وواز دہم دیکیوی میں لا طاس، کارکسمیکول اور (Mme Kowalcwsk) کی تحقیقت تو سریجبیث کر گئی ہے۔

درج کیگئی تھی -ان نیتجوں کوقائم کرنے کی کوسٹسٹ میں یو اکار اله مِن توازن كي شكل كم مسكر برزياده عام طریقہ سے بحث کی گئی ہے ۔ اس میں تبایا گئیا ہے کہ تو از ن کی مکن اشکال تعطی ید نباتی ہس بینی بساسلسلہ جوایک تنہامبدل رمنحصر ہوتا ہے ' مثلاً زاد کی رفعار پر اتعس ما دوررا - يا بوسكا سب كراك مى نكل دونملت سلسلول سعتعلق ركح - اسطرح كيُ تَكُلُّ دوشَاهَكُي كي ايك صورت مع - مثلاً كره مَا وَل كيسلسله كا ايك فعاص ركن إليها -جو جیکونی کے ناتص بنا کے سلسلہ سے تعلق رکھنا ہے۔ یوا تحارے لے مسلہ بر نجبی نجث کی سبے اور یہ تبا اِسبے کہ اگ لمەدوشا ئىڭى كى نىكل كى خدىكى قائم موتو اس نقطة-نَظَّى كُن شَال بيونا ہے - اس طرح ميكارن كاكره نما اس وقت مك قائم موما ع جیکوی کے اتص ما تائم ہو جائے ہیں ۔ جیکوی کے اقص ماؤں کے نقطے (Lame) کے تفاعلوں کی مدر خنس می داکارے نے دریا فت کماکہ توازن کی افتکال کے سلسلوں لندا دلامتناہی ہے نتما ماخکال ہما ظالک مستوی کے جرگر دسفس کے محدریر متشاكل ہوتی ہیں۔ تمام اشكال كراز كمرايك تشاكل كام شکال میں صرف ایک قائم موتی ہے ادراس صورت میں تفاکل کے مرف بتری بوریتے میں - یو دو نظل سے جرجیکو بی کے انقس نماک سے سلم سلم مِن بہلی ووشا حکی سے بیدا ہوتی ہے اور ان کو توانزن کی ناسباتی نماشکل کہا گم

r 1(\*)

له

کے

کونکر بواکارے کے مقال میں جوشکل گھینچی گئی ہے وہ نامسیاتی کے متشابہ ہے۔ مرید

تحقیقات سے معلوم مواکھ تک نامسیاجی سے اتنی متسابہت ہیں رکھتی جبتی کہ بہلے تر ف

گئی تھی۔ ڈارون نے اس برو و مقالو تل میں بحث کی ہے اور درسرے تقرب کس

اس کی شکل تعین کیا ہے و و شاخگی کے نقط بر بہکو بی ناقص نما کے محوروں میں اسبت

اس کی شکل کا نقین کیا ہے و و شاخگی سے نقط بر بہکو بی ناقص نما کے محوروں میں اسبت

اس بیاتی نمائشکل جبکو بی کے اس ناقص نما سے وراسا حرق رکھتی ہے

اس بیاتی نمائشکل جبکو بی کے اس ناقص نما سے وراسا حرق رکھتی ہے

اس بیاتی نمائشکل جبکو بی کے اس ناقص نما سے وراسا حرق رکھتی ہے

اس بیاتی نمائشکل جبکو بی کے اس ناقص نما سے وراسا حرق رکھتی ہے

اس بیاتی نمائشکل جبکو بی کے اس ناقص نما سے وراسا حرق رکھتی ہے

اس بیاتی نمائشکل جبکو بی کے اس ناقص نما سے وراسا حرق رکھتی ہے

اس بیاتی نمائشکل جبکو بی کے اس ناقص نما سے وراسا حرق کی جب

و اسپنے سب سے بلے محر کے ایک سمرے برامجرا ہوا اور دوسرسے برگر دہم آ ہے۔

Lo at p 347, also Figures d'equilibre d'une masse fluide, p 161 "On the peur shaped figure of equilibrium et a rotating mass et liquid," Phil Trans Vol, 198 A (1901), p 301 or scientific papers, Vol III p 288 and "The stability of the peur shaped figure of equilibrium et a rotating mass of liquid," Phil Trans Vol 200 A (1902), p 251, or Scientific Papers Vol III p 317

ان اشکال کی فائمیت برایک سلیس اور دلجیب مصنون. The Genes is of Double Stars کی است برایک سلیس اور دلجیب مصنون میں بہت اسمان محبف کی گئی ہے۔ یہ مصنوں Durwin and Modern Science کی است وہشتہ میں اس مصنف کا لکھا ہوا ہے۔

اشكال بالايس جن كوبالا حازيت متذكره صدر ذارون كرومري مقاله سعارياكي ف نقط دار نط جیکو نی اقص ناکوتعبیر است اور دوسرامنی اسیاتی ناشکل کو اوپردالی شکل است ای تراش اور تجلی نصف اکتباری راش سے تشاکل کے ستوی میں-حجوی الیلیجیوں کے نظوس متحال افض ماکی کمشد سے لئے ب ذیل جلے گھو شفے والے اتع کی کمیتوں کی اختیار گردہ اشکال کی بجبنے میں اکڑ مفید ثابت رِيْم بِين أَرُ إِن ب ، ج نيم محرر ببول اليه كرب = و ( إ- صر ) ادرج = و(ا- ش) ترکشی اندرونی نقطہ (لاہا) ی ) پر منتش کے اجزائے ترکیمی ہیں ا فال ب فارج فى جہاں (= 12 17 (1- 12 on - 1 is) ب= ١١ (١+ ١١ صد- ١١ أ ج = ٢ - ١) ١ - ١ م + ٢ - ١) ان مبلوں کو متناکل صورت میں اس طرح بھی لکھا عاسکتا ہے (= 4 H(1- 1/4 -1-3-) يااسطرح كه= ١٠ (١٠ ب + ج ) جال ۲۰۵ \_\_ مثال \_ متجانس ائم كيكيت ك اورك كميت كا ايك دوركها بوا گڑہ اضا فی توازن میں آ ہے مرکز تقل سے گر دیہہو کی یکسا <sub>اس</sub>ا دی زمنار سے گھوم ربع ہیں۔ نابت کردکہ ان کی آزاد سطح صغیر لیلیجبتوں کا ناقص ناہیے جس کاسب سے

له دیموراو تقک ( Analytical Status ) حلدودم دفعه ۲۱ (طبع دوم )

لما تحور ک کی طرف ہے اور سب سے چیموٹا مور <sup>-</sup> یک کے مستوی پرعلی القوا فرہے ۔ اور ا خسام کے مراکز تقل کو لانے والے خط میں سے گزرنے والی صدری تراسوں کی پیلیجتوں کی سبت م ک بک بس کے ۔ سسک انچے۔ ( Math Tripos 1888 Math Tripos 1888)

اگراجهام کے درمیان فاصارت ہوتو کمیت ک کے مرکز نقل و کاامراح سک اور و کوساکن کردیا جاسکا ہے اگر ائع کی کیت کے برافھر یر ۔ اسراع شعابل مت میں ایا دیا جائے۔

الركيت ك كامِرَز تقل ( جو اور ما ئع كي كبت مين كوئي نقطه ن جوتو ن پر عمل اين

كرف والى قوتس بي مسك إلى متيس مسك إو كم ستوارى، وه قت جو الفي كى برخودكتست بدا بولى سع ادرم كُرْكَرِير عَوت - اب ن (كى مستمير

عل كرف وال توت مل الم معاول ب

ن و کیست می عل کرنے والی توست

سرک x درو (کے موادی سل

كرف وال ترت مرك × و (ك-

میک ر (نابزا-۲ س رجم طر) <del>+</del> ن کے پیلے رز تک ر اول الذكر

اس تسم کے مثلوں یوا یاس کے (Mecanique Celeste)

یں بحت کی ہے۔

فى تىمىرى ھلىر

و (کے متوازی -اگریم ناتص نمائی شکل مان لیں اور و (کو محور لا اور گروش کے محور کو محوری زار دیں تو

فرد = سد (لافرلا+افرا) - التلافرلا - ب ثافرا- ج ث ى فرى المنظمة المنظ

لا (سلا- ان + سرک - مرک ) + ما (سلا - ب ن - سرک ) الا (سلا - ب ن - سنل ) الا (سلا - ب ن - سنل ) = ستقل - سنل ) = ستقل

رسة المرك - سنة ) = با (ب ن + سك - سنة) . و الرب ن + سك - سنة ) . و الرب ن + سك - سنة ) . و الرب ن + سك - سنة ) . و الرب ن + سك - سنة )

الكابك) ون عرك ن ر سرّ <u>د (ک ک ) \_</u> ١٤٠٠ - ١١٠٠ - المنظم المراج المنظم ال کیوکمہ سند/سا اور د-ب چھوٹے ہیں۔ ای طی از استاج = سنا (از مرسیک ) ج م کی ا

- 1 1 1 1 = =

ر لیلن د فعه گرسته پیست

(71.) { - 5 - 1 - 4 - 5 - 1 1 3 - (1 - 1/2) | 1 5 - 4 - 1 1 1 

(ナーナ)ナガーニートリ (でーカ)カロは=できーケッ اسی طرح

اسكرمات

## امثله

ا ---- و نصف قطر كا ايك تلاكروى حول مث كنانت كي يخاوبي الع ---عین بھوا ہوانبیں ہے۔ آرائع امنانی قورن میں ایک قطرکے گرو زا و فی رفت ار سدے گھوم رہ ہو تونابٹ کروکہ گردش سکے محرسکے علی القوا مُرخول و حوبٹرا دائر · ہے اُس کے کئی اتا کماریسطے وائز ، بی علی انتوا ٹم منت من تاکو سنا دک را برہر کے مسامی ہے۔ --- ایک استوارکروی خول تواولی سیال سے عین بھرویا تھیا ہے ۔ یہ ایک مرکز ، ہے جواک ووسرے ملکے سال کے خول سے گرا ہوا ہے۔ کل نظام كواك تطريح كُر مُحالي كما يُنامِتُ كروكه ايب حيثياك ماسطح فاصل ي مكن شكل هـ --مع ۔۔۔ ایک استوار کروی خول میں دوما تعات ایس جو آمیز رہنیں ہوئے۔ کا نیمان میں میں استوار کروی خول میں دوما تعات ایس جو آمیز رہنیں ہوئے اور نعسام ستوارجسم کی انندخول کے مرکز میں سے گزرسنے واسے ایک محور سے گر د تحومتا ہے اسب سے بڑی زاوئی زقار معلوم کروجیں کے لئے مشترک سطح کروی رو حاسے اور خول کومس کرس اور ٹاست کرو کہ جب زاو نی زقار اس حمیت سے متحاوز ہے بہتی توکرہ نما کا حزوج المرکز نول کے نفیعت قطور سیحصر نہیں ہونا۔ \_\_ن کان کے انع کی تھ کہت مٹ کنا فت کے انع کی تھے کہت ہے تکھ ی ہوئی سے اور کا کمیت پور می طرح ایک علان میں مجرعا تی ہے جسکی شکل صغه لمييجيت صدكا ايك جيرًا كره نما ہے - اگر غلاف الني محويے كرف ميزاوتي رقبار سد سے محوسے وا ا بت كروكم سنترك سطح كى مكن شكل صد لمبيد حب كا ايك یٹاکرہ ما ہے جہاں صب

ه، ستر ۱۹ ا ۱۹ = صرف + ي (صر - صر) ف

سے مال ہوتا ہے ۔

۵ \_\_\_ أيك علاف منعير لليليحيت صدك ايك لمبوترك كره نماكى فسكل مي ب-اس كو ت + ته كنافت ك ايك سيالى مركزه ادراس كرروث كنافت كي سيال سے تعرد يا كياب اگر يا اين مورك كردزاد كي رفتار ( ١٠ ١١ من صد)

سے گھوسے تو ثابت کرو کہ منترک طح کی میکن ٹیل ایک کرہ ہے۔ ۔ ٹ کا نے کے متعاش آنے کی مجھے کمیت ایک غلاف کو بھر دیتی ہے جَنْ كُلُ النص مَا لا أره + المرمبا + ى الرجاء البي يه غلاف استوارهبم كى اندخط لا ال = امم = يمرن كي كروسكان داوى رقار سد سي كوستا ہے۔ اگر مرکز برکا وا وسطے برے کسی نقط مرے داؤ سے بقدر لے لد ف کے زیادہ ہوا دریہ اصانہ بڑے سے بڑا ہوتو ٹابت کردکہ

جاں ﴿ لا ا بِ ا ا ج ما ا كسى اندروني نقطه يركي كشف كے اجزار تركيبي ہيں۔ --- ایک یکسال کرہ جومعمولی تجاذبی ا دے سے بنا یا گئا ہے اور حسکا تصف (۲۱۸) تطر او ہے جہوٹی مکساں زاوئی رفتارے دور کے ایک قوت کے مرکز کے کرد ایک دارہ مرتشم کرتا ہے۔ مرکزی قوت فاصلے کے مربع سے بانکس سناس سے اگر کرہ کو بوری طرح یا بی سے قطاب ویا جائے اور کیا بن کی برخو کشش نظرانداد کردی ما سے تو ٔ ابت کروکہ یا تی کا حجمہ

۱۰ به سنه لام/سرج

سے بڑا ہونا جاہیئے جہاں ہے کرہ کی سطح پرجا ؤ ہداریش کی نتیت ہے۔ ٭ ۔۔۔۔ دوتجاذبی ائعات آمیز منیں مو تے اور جن کی کٹافتیں ٹ ، شراٹ کے شہ ہیں ایک استوار کردی تفافہ میں بندہیں اور کل نظام ایضا فی زازن میں کرے کے ایک قطرکے گرد صغیر بچساں زاوئی رفتار سنہ سے گھومتا ہے نابت کرد کہ ان دو ما نئوں کی مشترک سطح کی مکن شکل ایک چیٹا کرہ نما ہے جس کی کمیلیجیت 🔐 سلار ١١ (ٺ + ٿا ۾) ہے -

9 --- اوسط نصف قطر کا ایک لا تمنا ہی متجالنس اسطوانہ نے کتا فت کے متحالنس ایک کیا فت سکے متحالنس ایک کیا فت اور اس کی صغیر متحالنس ایک کیا فت مت اور اس کی صغیر المینجیت صد ہے کل نظام امنا فی توار ن میں خود اپنی کششش کے زیر عمل کور کے گرد کیساں ناو کی رفتار سد سے گومتا ہے - اگر آ ذا دسطے کا ادسط نصف تطرع ہوتہ نابت کرد کہ آزا وسطح کی مکن شکل ایک ناقصی اسطوانہ ہے جسکی صغیر کی لیجیت ہے ہوتہ نابت کرد کہ آزا وسطح کی مکن شکل ایک ناقصی اسطوانہ ہے جسکی صغیر کی لیجیت ہے۔

١٦ و ( ف - ف ) سد/ (١ ١ ( ف - ف ) وا + ١١ فه عدا - سدا عرا ) عا

اسسے ٹ کٹا فت کے ما ذب سیال کی دی ہوئی کمیت امنا فی توازن یں زاو فی رفتار سٹہ کے ساتہ اس طرح گھوم سکتی ہے کہ اس کی اُزاد سطح ناقص تما کی شکل میں ہے جس کے میزن محاور فیرسادی ہیں اورسب سے بڑا نیم محور اوجے ابراٹ کل میں ایک استوار بڑن بنایا گیا ہے اوراس کے افدو نی سیال کو ظرف کے ساتھ او منا نی تو اون کی حالت میں سب سے جبو سے محور کے گروزاو فی رفت ار ساتھ او ان کی ایک ایک کے کہ دراو فی رفت ار سے سے جبو سے محور کے گروزاو فی رفت ار سے سے جبو سے محور کے گروزاو فی رفت ار سے سے جبو سے محلا کی کے کہ دراو فی رفت ار سے سے جبو سے محلا کی دراو فی رفت ار سے سے محلا کی ایک کے کہ دراو فی رفت اور سے محلا کے کسی نقطہ برکا دیا ؤ ہے کے ایک کی میں ہے کہ میں میں ہے کہ میں کی دراو فی رفت اور سے میں ہے کی کی کی میں کی میں کی دراو کی در

المعادية الماكم الماكم

بوجب اس کے کہ سدا منبہ سے بڑا یا چیوا ہو۔

ا نصف قط اور ث كثافت كا ايك كلوس تجا ذيل كره مائع مصع ككرا مؤام صِنَّى کُنَّا نِتْ بَدْ ادر حبکا تھج ہے ہ (ب " - الله) ہے۔ کُلِّ نَفَام صَغِیر راو کُی رُفّار سہ سے تھا یا جا ہا ہے۔ ابت کرد کہ انع کی ازاد مطلح کی شکل پرشنہ ر = ب (١- ١ صه ع ) سے حاصل ہوتی ہیں، جہاں کرہ نما کی مغیر طبیلیجیت صب ٨ ٦ (٥ (ف- ع) ١٩٠١ ﴿ ٢٠١١ ادر ع دوسرے رتبه كاليجبار كا سرب -تُ كَنَانِت اور يهيم ١٩ (كدَّات و١٣) حجم كم متنانسس العَ كي كميت جو نهٔ کثانت ادر و نفتف قطرے ایک نابت کھوس کرو می مرکزہ کو تھیرے ہوئے ہے تلبی محورے کم گرو صغیرزا و نئ رقبار سدے ساتھ کٹوس کے خسش ادراگیا و و کی کت شرکے زیر عمل گھوم رہی ہے۔ درہ کی اور وراقطبی محرر بر کرہ کے مرکز سے باج فاصله برواقع ہے۔ سُل کی نفین کرد که نگره کا کو نی حصد مالع سے خالی نه په اور نابت کرد که اراب , ي*ک تين کو کے تف* مرانع کا جمر الع کے اس محرے بقدر

کے بڑاہے جواس صورت بی ہونا سکر ک ن سوتا ۔ الیسی سورت میر کفت کرومکرن نقر برآ نم کے سادی ہو کا ہے۔ - ايك متحانس تجاذ في سال ايك استوار نفافه كورُر كرسف مين الكافي ہے۔ نفافہ ایک بیصیتے نا قص مما کی شکل میں ہے ۔ سیال اصافی توازن می تعلبی محور كر توانا في بالحركت ع كما فد كلوم راج - اكرسال توانان الحركت ع کے ساتھ گھومے تو لفافہ صغیر ، با ، کی آزاد سطح ہوجا آئے۔ یح کی تما متیوں کے سئے خوا ، وہ ع سے بڑی ہوں یا جھوٹی نامیت کرد کہ لفائے کے اسٹوائی تراش کے عمود دار تمارُ نی اکا می طول سے

> 10 - 8 10 Mr

جہاں ( 'انص نما کی قبلی تراش کا رتئہ ہے۔ مسال

بموجب ہذاب کرنے ہیں اور کل نظب م زاد ئی رفتائز سد کے ساتھ موسیقی کے محور کے کردگھو متاہیے - نما بت کرد کہ خطائستوا النے سے غیر ڈو نہا ہوا ہوگا اگر

ک < 4 و کار (۱۰ د - ۲) - ۵ سد و ارده د - ۲) اور قطب عیرو بنیم موث

ہو نگے اگر کے ﴿ او محک / (۳له ۱۰) + ۵ سنڈ لا / (۵له ۳۰) جهاں له ودنسبت ہے جو تفویس مبم کی کتا نب کو ان کی کتا فت کے ساتھ ہے۔

بہاں دور بب جب بر موں بہان کا کا دور ہی گائے گئے ہوئے۔ ۱۶ ---- یہ انکرکر زمین ایک سیال پڑشتل ہے جرایک عنوس کر وی مرکزہ کھیرے

موسئ ب أبت كرور لميليجيت صدحبكو صغير فرض كياكيا ب يست

صر = ک مراب النقران مراب (القران مراب النقران مراب النقران مراب النقران مراب النقران مراب النقران مراب النقران م

سے حاصل سورتی ہے جہال ک وہشبت ہے جواستوا کر پرمرکز می تو ت کو دہاں کے جاذبہ سریوں میں اور کا میں کا میں اس کا فاق میں اور الیاس کا فاق ہے۔

سے ہے۔ تب کل زمین کی اوسط کا فف اور ف سیال کی کتافت ہے۔ ویل کی صورتین سرط کو

> (۱) بورے طور پرسیال دمین کی صورت صد ہے گے۔ منابع کا میں است

( ٢ ) هوس مركزه رببت ياباب سمت ر مه علك

ك ع مغين على الدراق مس

(rr·)

## سفرق مثالين

ا---- کیکدارسال کی محجه مقدار حس کے اجزا ایک دو سرے کو بوجب قا ون قدرت عذب كرئتے ہيں ايك كره ين محرحا تى ہے جس كے مركز برايك مركزى وست مسر موجود ہے ۔ کرہ کا نصف قطر ج اور سال کی کمیت (م کم - مر) ج جال ن کے = ۵ ۔ تابت کرو کو توازن کی مشرطیں پورمی ہوتی ہیں اگرٹ، رلاکے اِلعکم شناس میں بر ---ایک کره (مفعن قطرص) یا نی معد عین تعرامواس اور انتها بی موری م كردنار في رقار مسدك سائد كلوستاب اس طرئ كرسص سدّ = ٢٠ مابتكو ساری دباؤکی جوسطے کرہ کو علی انتوائم قطع کرتی ہے اس میں دباؤ سے ب عام - التركي كي كميت بن كارون كے مستولوں كے درميان واقع سے ان ستولوں یں سے برایک ایسی اوت سے الع کوجذب رائے جرفا صلے کے متناسب سے الد ش كى مطلق توني مدء منه ، منه سلسد وسيفيدين مي - اك نفعت اتف منا رطرح فابع كرديا كياسي كراس كالمستوى أخ ايك ستوى يرواقع سيسم ادر اس کی منحنی سطح دومرے دومتریوں کومس کرتی سے اس سکے مور محددوں سے محددوں

动心,

کے بالعکس متنانسیہ ہیں ۔ اگر ناقص نماکو ڈیا نب دینے کے سلنے سیال نا کا نی ہوتو غیر دیم نیا ہوا حصس۔ ب دائرہ سے محددد ہوگا ۔

تم سانع کی کچر کمیت اپنے ذرات کے باہمی حذب کے نابع ہدادر ایک دواعی قرت مانع کے مرکزیں سے گدرسے والے ایک مستوی سے برے مٹانے کا ازر کھتی ہے اورایسے بدلتی ہے جیسے اس ستوی سے عودی فاصلہ۔

نابت کرد که توازن کی منرطیس بوری مزنگی اگر سطح ایک خاص کمبیلیجبت کا لمبوترا کره نما ہو بشر کمیکہ د فاعی توت رہبت زیادہ بڑی سہو ۔ ۵ سایک مثلتی رتبرسیال میں اس طرح وبویا گیا ہے کہ اس کا ایک صلع سال کی سطے میں ہے۔ اس مثلثِ میں سب سے بڑے عکن رقبہ کا تطع نا قص بنا یا گیا ے - فابت کردکر مثلث کے بقیہ حصد کے وہا وکے مرکز کی گہرائی اس سے زیرترین نقطه کی گہرائی کا مام <u>۳۵ – ۳۵ ۲</u> ۔سیال مرکلیہ نیوٹن کے ہوجب ما ذب بالذات ہے، یک ظرف میں عمن بعرصاتا ہے۔ یہ ظرف اقص نما اللہ + الم اللہ علیہ = اکتاک کا ہے - کسی نقط برکا داؤاور اف براعظم ادر اقل داؤ کے نقطے معلوم کرو۔ عد --- اگرایک ذوار بعتہ الاصلاح سنتے کے راسوں کی گہرائیاں عد، ب، جر، صنہ ہوں اور رقبہ انع میں بوری طرح غرق ہو اوراس کے مرکز تقل کی گہرائی ف ہوتواس کے داؤکے مرکز کی گہران ہے - (عد + ؛ ع + صنه ) - التي (بر م + م عد + عد بد + عدصنه + برصنه ) \_\_ ن ارتفاع کا ایک مخروطی طوف، راس نیعے وار، مائع سے مجرد اگیا ہے

انع كى كانت له لا سے جہاں لا كہرائى ہے-اس كو دوسرسے ظرف ميں جوا يك تحروشي هم كى تكل كاب فوالد إلكيا كي عب من بيمعلوم بواكراس كى كما نت مه الاسبع- "ابت كردكه ظرف كي شكل اس مساوات

ما + ئ = مم لا (ف - ب لا عمر عد

- شلتی تاسس ( ب ج کا ایک بند، صلع ب ج برای کا راوتهاستا ے۔ایسی سفرط معدم کردکہ زاویہ اے گردیہ بندالٹ نہ جا ہے جبکہ یا نی اگر شلت کے رقبہ کو کم سے کم کردیادائے ہی طور پر کہ یا نی کی دی موئی گھرائی (۲۲۱)

شلف کے راس ب تک پنیج جائے۔

کے لئے کا مُت روزار رہے تو ٹا بت گروکہ

سس ج = <del>اس ۲ + ۳ س + ۹</del>

9+ Ur+U/ = )

جاں بند کی کٹا نت نوعی سِ ہے۔

۔ سیال کی تجد کمیت ایم خور کمشف کے زیر عمل توادن میں سے ابت کردکہ کسی نقطه ( لا ا کا می ) برکا دباؤ اس مساوات

 $\frac{4}{4}$  جن  $\frac{4}{4}$   $\frac{4}{4}$ 

سے حاسل ہوتا ہے جہاں ن نقطہ ( ۱۰۱۱ء ی ) برکی کتا نت ہے ۔

سال کی لا تنا ہی کمیت(ایسی که د یے که ش' جہاں کو متقل ہے)ایک مستوار کروی خول کو گھیرے ہوے ہے اور خود اپنی کشفسے زیرعمل موّالا ل میں ہے

لا تنا بن ير وبارُ ٣ سب - كسى نقطه يركا وبا ومعلوهم كرو -

ا استخفیون کا ایک بل، ایک ستدی استوارداست (ب کوانتی محل می تما متا مع الراكب مجودًا متوك بوجد نقط ك ركما حاسمة تول كيسال طورير ینیچے دتا ہے۔ حب بوجہ نغط ج بررگھا جا اہے تو سرا کر اسنے محل میں غیر متعیر ربتانب، حب نقط ٨ برتو سرا مب ابنے محل مِن غير متغير ربتا ہے، اور تجب نقطه ن پر تورامستر کا نقطہ ت اسبے تحل میں عیر متغیر رہنا ہے۔

ابت رور ال ، كج وبك ،كدون ك مك ق

ا در یر که نقطه ن بر کے ایک بوجہ سے نقطہ سی برج انحاب بیدا ہوتا ہے وہ اس انخراف كمسادى مع جواسى بوتم كو نقط من برر كلف سع ف بريدا جوا مع -

۲ ا۔۔۔ ایک پالوٹیل میں سید اور اس کے اندریا نی ہے۔ اس کی شکل معلوم کرد ادر اُس کی اندریا نی ہے۔ اس کی شکل معلوم کرد ادر اُس کا نفت کی سطوں کا فرق اغراق سے تمام درجوں کے سطے وہی ہو۔ میں مور سے معلوم کرد اور اُس کی سطور کی سے دہی ہو۔

تمام دراجی سے سے وہی ہو۔

الم السب سی عکل کے ظرف میں کچھ الغ سم اورا سکو مختلف فنکل سے دو مرب خوف میں ہیں کچھ الغ سم اورا سکو مختلف فنکل سے دو مرب خوف میں ہیں ہیں ہیں القوائم محد دوں کے نما فاسے اجو ظروف بر منحصر مہیں ہیں انعظ ( لا ، ما ، می ) برکسی ظرف میں وبا وُد ہوتو کا اُر ذوا فرما فری کی دو نور فیز ان کے درمیان فرق اس کام سے جو مانع سے اور داسے ظرف میں کیا ہے اس قدر فرق رکھتا ہے جا اس کام کے مساوی ہے جو سیلے ظرف میں میال کی سطح کو اسی افقی مستوی برلا سنے میں درکار مساوی جو اور دوا سے ظرف میں میال کی ابتدا فی سطح تقی ۔

مہم ا۔۔۔گردشی مکانی مناکی شکل کے ایک فات میں مجھ سیال سبے جسکانی منا کے ایک فات میں مجھ سیال سبے جسکانی منا کے انتقابی محور سکے گرد تھوم رہا ہے۔ زاد کی رقبار ماج مرکز ہو تو فرت سیال مرزع کر ۔۔ دور ثابت کروکر اگریم زاد کی زقبار ماج مرکز ہو تو فرت سیال می مشرد ع کر ہو، ہونا جا ہیں ہے۔

اگر مکانی نما گروشی نه موجک ی = الله + الله کی نشکل کابرد اور محور (ی) انتهابی برد اوراگرسیال کی سطح جس نفی کرنطرات کوملتی سے اس کے اعظم اور آئل ارتفاع ی ، ی بوں تر نما بت کردک

(444)

ـ بييك سال برورو

مولا المراء مراء مرى المراء مرى المراء مرى المراء مرى المراء مرى المرتب المرتب المرتب المراء المراء المراء الم جن كانت سيال ك خانت سي كمب سطح

J= 1/5 + 1/1 + 1/4

یں کسی حگہ رکھی ہا گیا ہے ۔ مزاحمت نظر انداز کریے نا بٹ کرد کہ ذرہ کی برقبار مئن مقدر کئے سے ہوتی ہے) سے گزرتے وقت ایسے بہتی ہے ماک کے کے

ے ا۔۔۔۔ ایک لیکدارکردی لفافہ توازن کی حالت میں سے جبکراس میں کرد موانی

، دو چند کتا فت کی جوا سب اور اس کا نفف تطر قدر تی تنفست تطری و ویسد مع - اكر بارياكا إرتفاع إلى اليخ أتر ماسع تولفاً فك اليه مي صغيرا متزاز

ب قائم مخروط ایک طرف میں جسکے اندر ور وسٹے موسٹے سالول

ترائیاں مساوی میں اس طرح لکا ہوا ہے کو اس کا محدرا تصابی ہے اور اسکا

ن ظرت كى تبركساتم بالده داكليم أفائم وازن كى خرط معلوم كرو-ا ---ايك سيد بايك إلى وزيرا اليسع ما ده بيشكل سبع جس كى مشتش ( فاصله) کے متناسب ہے۔ اس کے گروساکن سیال ہے جو درت اس کی گفت سے

انحت ہے۔ ٹابٹ کردکر مساوی و اِو کی طول کی نصف النہاری تاسنوں کی تفر تی مسأداث اس تنكل

مں رکھی ماسکتی ہے جہاں ڈونڈسے کے سروں سے نقطہ (لا،) کے فاصلے ر، تر میں اور ڈنڈے کے محاذی اس نقطہ پرزاویہ سا بنیا ہے۔

۲۰ --- ممکانی نما کا ایک حصر اور خاص ۱۹ ایک مستوی سے جوراس سے او فاصل برخور بر عمود وارب کا شاکل ایک مستوی سے جوراس سے او فاصل برخور بر عمود وارب کا خاصل کیا ہے۔ اگر ممکانی نما کا رامس کا کا ساکن ان کی سطح میں ہوگا اگر مانع کی کٹافت کو مکانی نما کی گٹافت کو مکانی نما کی گٹافت سے نسبت کو مکانی نما کی گٹافت سے نسبت کو ۲۳۲ موو

ا ال --- سیل کی کیکیت (ک) ایک نابت مورک گرودی بوئی منقانا دلی دقار کے ساتہ گودی بوئی منقانا دلی دقار کے ساتہ گودی موئی قوت سے جذب بدی ہوئی است کی مائی کی سے بال کی کتا مت کسی نقط رر ایک دی موئی مسئل مقدار ایک منادر کا مجوعر بہتے جواس نقط بر کے دباؤ سے دی موئی سنتقل نسبت رکھتی ہے ۔ آزاد سلح کی ضکل معلوم کرد اور نا بت کردکہ اس کا افراق صف تطر رب ) اس سادات

كُ = مَرَا الْمَالِيَّةِ اللَّهِ الْمَالِيَّةِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ

سے متعین ہوتا ہے جہاں م اور گ متعل ہیں ۔

وم اس ایک وافع توت فاصلے کے مربع کے ابھی سناسب ہے اور ہکا

مرکز ایس متجانس لے پیک سیال کی آزاد سطح کے شیحے واقع ہے۔ برسیال ساکن

ہرکز ایس متجانس کے زیر عمل بھی ہے توت کی شدت اس نفتط ہر بوسیال

کی آزاد سطح میں توت کے مرکز سے انتصاباً ادبروا تع سے جاذب اردش کی شدت کے مراز ہے اردش کی شدت کے مرکز سے انتصاباً ادبروا تع سے جاذب اردش کی شدت کے مرکز ہے انتصاباً ادبرون سطح ایک افعال ہے مرکز ہے اور فی سطور کے مرکز میال کی بیرونی سطح ایک افعال ہے مربع ناعدہ بی کی جو ان سالے کی بیرونی سطح در سے جس کی جو ان سیال کی بیرونی سطح میں سعاد مرکز ایک اخدرونی جوف سے محصور ہے جس کی جو ان سیال میں اور اضاب عمران کا عدہ بی مربع ہے جبکا دیا گیا ہے اس کے واقع میں اور اضاب عمران کا عدہ بی مربع ہے جبکا دیا گیا ہے اس کے واقع مواز ہی - بیکل فظام مربع ہے جبکا دیا گیا ہے اس کے قاعدہ بی میں اور اضابا عمران میں اس طرح بیرتا ہے کہ ان کا مفترک متوی تیراؤ کے متوی میں اور اسلے میال میں اس طرح بیرتا ہے کہ ان کا مفترک متوی تیراؤ کے متوی میں بول و ایک سیال میں اس طرح بیرتا ہے کہ ان کا مفترک متوی تیراؤ کے متوی میں بول و اسلام سیال میں اس طرح بیرتا ہے کہ ان کا مفترک متوی تیراؤ کے متوی میں بول و اسلام سیال میں اس طرح بیرتا ہے کہ ان کا مفترک متوی تیراؤ کے متوی میں بول و اسلام سیال میں اس طرح بیرتا ہے کہ ان کا مفترک متوی تیراؤ کے متوی میں بول و اسلام سیال میں اس طرح بیرتا ہے کہ ان کا مفترک متوی تیراؤ کے مستوی میں بول و اسلام سیال میں اس طرح بیرتا ہے کہ ان کا مفترک متوی تیراؤ کے مستوی میں بول و اسلام سیال میں سیال میں سیال میں اسلام سیال میں سیال میں

(277)

ان کے انتمائی ارتفاع معلوم کروتاکہ توازن قائم موسیکے ۔

ایک وزئی کمنب ایک ایسے محور کے گرد حرکت کرسکتا ہے جوایک بخ کے مقابل صناحوں میں سے گزرتا اور ان کی تنمیف کرتا ہے ۔ اس محر کہ انتی طور برایک خالی طرن میں تابت کرویا گیا ہے اس طرح کہ کمعب نوازن سے محل ہیں تیما ہوا ہے ۔کس گرائی تک سال کو ظرت بن ڈالا جائے کہ قوار ن عیرتا یم موجائے ۔ کمیب اور سیال کی کٹا فتوں کی بڑی سے بڑی نسبت معلوم کر اسکہ یہ مکور مد سکے ۔

یه زعن کرکے کد کمب نصف عزق بست ۱۰٫۵۱۱ سائم سند صغیرامتنز۱۱ کا قریر برماوک د

۵۳ - ایک بسطوان جس کا محرانتها بی سے ایک سیال میں تیررہ سے جرایی کسی نفرہ اس میں تیررہ سے جرایی کسی نفطہ مرائی متن ایسے برلتی سے جلیے گرائی ن دیں تو سند الله ان کو امنا ایم و الا رخ سیال کی سطویر میں بنطبق بہوتا ہے ادر شب اسطوان کو چھوا دیے بران مطوار سیال کے میں امرا کھوتا تا سبند سال الم جیور کا میں اسطوان تیرم افغانو عزق سنده گہرائی کو اسطوان کے امرائی کو اسطوان تیرم افغانو عزق سنده گہرائی کو اسطوان کے امرائی کو اسطوان سے دہی نسبت عنی حوال

کورن ۲+ ا<del>۱۰</del> سے سے۔

۲۶ -- ایک کیسال گرد شی مکانی نما کا ارتفاع ت اور وتر نیاس (، هید ، ، اس کی کثافت استانی لجماط اس سیال کے جس میں میا تیررہا ہے میں سیاک ایک کا انتہاک و کری شدہ رس کے ساتھ توازن کا صرب ایک محل میںیا موگا اگر

ر ا س ۲ ) ال الم

۲۵ --- رقبق اده کا ایک خان گروشی مکانی نما کی شکل کا ہے اور اس میں ائع اسے خابت کردنی ملائی نما کی شکل کا ہے اور اس میں ائع اسے خابت کردنی میال کی کنافت ہیرولی سال کی کنافت ہیرولی سال کی کنافت سے بڑی ہو۔خاب کا وزن نظراندا زکردیا گیا ہے کی کنافت سے بڑی اقص محروط انتھائی محررے ساتھ ایک الئے میں جبکی کتافت اسکی

کنانت کا دوجبند ہے تیرتاہے ۔ ٹا بٹ کروکہ توازن قائم ہوگا اگر

فناح (ال - ب) ، جہاں م =  $\frac{1}{\sqrt{1 + (8^2 + 4^2)}}$ 

جہاں ناتف مخوط کا ارتفاع ف اور اسکے رون کے نفسف قطر لائب ہیں۔
یز ناتف مخروط انفتی محور کے ساتھ تیرتا ہو تو تو ازن قائم ہوگا اگر
من سرو لا + ب) ( لا + ب) )

و مع اسدایک متساوی اسانتین مفلتی بتراجیکه املاع (ب کرب اج مساوی بین ایک ائع میں اسانتین مفلتی بتراجیکه املاع (ب کرب اج مساوی بین ایک ائع میں جس کی کتافت گہرائی کئے مقتاسب ہے جیج وار راس کے ساتھ تیرائے کر کرا اس طرح تیرسکتا ہو کہ خط (د میں استعمانی سمت سے زاویہ طربائے قو نابت کرد کرطہ اس مساوات

٨١ نُدمب مه ١٨٠ ڪ ٢٦ عر (مب الد - جب عر)

سے مامل ہوتا ہے۔ جہاں زاویہ ب (ج م ماعہ ہے اور بترے کی کثافت شر اور آج ہے اور بترے کی کثافت شر اور آج ہے اور بترے کی کثافت شر اور آج ب یا آج کے مسادی گہرائی پر انعمی کتابت من ہے۔

(۱۲۲۴) ایک تابت نقط پر اوز ان رکھ کر اس کو مختلف گہرائیوں تک و بویا گیا جاسے شکل معلم ایک تاب فقط پر اوز ان رکھ کر اس کو مختلف گہرائیوں تک و بویا گیا جاسے شکل معلم کر داگر تواز ان بمیشہ تقد بلی رہے۔

روس - ارایک جبم سکون میں تیرے و فابت کروکوکسی ہٹاو کے لئے سال کی

سطح کے بنیجے حبیم کے اور مٹائئے ہرئے سیال کے مراکز تقل کے فاصلوں كا فرقِ عام طور ير اعظم يا اتن موسحًا تبوجب اس كسك كه وازن غيرة أيم يا أياكم ہو بیفرطیکہ مٹاکسے ہو۔ کے اسیال کا وزن تیر نے والی شفیے یکے ، زن کے ساوی ے ہو اورصم ایک انتعالی سنوی کے محاف سے تناکل موجواس خطير عود سب سب كرد لتذكره إلاساة بداكيا كياسه اوراكر اكب نابت خط كالميلان بوحبور ك اواس مستوى سك اندروا تح سب انتسابي سك المرات طربوتو جيمو كي اجتزاز كا وتت دبي جوكا بوساده رقا مي كا بودا مي ما بودا ہو بہاں ک اس خط کے گردر بن است تطرب جو مبم کے مزار تال کریم کستہ گزر کاسبے اور مِثا وُ سے محور کے متوازی سے م ان شطور کو بیان کرد جوان سائل کی عمومیت کو محدود کرتے ہیں۔ الماسم مسر أي أن على مناأك سيال مرحب كانت الكانت كا وديند مصاطح تیرنا سے کہ اس کا اتحل محور (۴ هه ) انتصابی ستوی میں ایک تقطیسے گرد جو تا بت محدّ آتھ ( ۲ ل ) میں واقع ہے جیمو کے اہترازات کرتا ہے۔ ٹابت کردکہ دَور 12-13+150 3 AV ہے جہاں نابت نقطہ کا مرکزی فاسلہ کر ہے۔ تهم نهو مسسه ایک رقیق رئیل گاڑی ایک رمین دوز رامسته میں حس میں پیٹھیکمہ ساسکتی ہے آزا وار حرکت کرسکتی ہے۔ اسکوایک مرسے پرساکن ر کھا گیاہےاورایک الخن دوسرے مرب پراستے اند کی ہواکو فائی کرنا نشروع کرا ہے اور مساوی وقون میساوی تم کی بوا فارج کرا ہے۔ ٹابت کروک وقت سن برگاری کا فاصلہ اس سرے سے معطوف کر یہ جارہی ہے شکل دیل کی مساوات سے معلوم ہوتا ہے۔ لا فروال + ب مركب + ن (لا + ب ت) = ن ال ۳۵ --- ایک گردشی مجسم میں به خاصیت با نئ جاتی ہے - اگراس کا ایک حصر

ا یسے مستوی سے کاٹ لیا جائے جواسکے خوربرعود وار ہے ادراگر اسکونیجے وار راس کے ساتھ ائٹریں غرق کرکے ایک جیو نے زادیہ میں ہراویا جائے تواستروا دی حیار ۔ کٹے ہوئے حصہ کی مقدار یر منحصر مہیں ہوتا نٹا بت کردکہ اگر اساف ف ( لا ) تکوین منحتی ہوتو ف کو معین کرنیوالی مسا دات ہے

[ال (ال ) ] = المراكز الله المراكز المراكز المراكز المراكز المراكز المراكز المراكز الم المراكز المراكز

جہاں مجسم کی کتانت ہماظ سیال کے ٹ ہے۔

بہن جم می مان سب بولو میاں سے کہ اسے ایک معد علی دہ کرایا گیا ہے میصد قائم اسلوانہ کی شکل کا ہے جس قائر انفاع من ہے اور حبکا محور کرہ کا محرر اور حس کے قاعدہ کا مرکز کرہ کا مرکز کرہ کا مرکز ہے ۔ کرہ کے اس صدین ایک بیلی طی دی در سے جو اس میں تعدیل بیلی میں بیٹے میا تھ ایک سیال میں رکھ کر تعدیل بیلی میں من کرہ کرک میں قدرسیال اس میں ذالا عباک کر توازن تعدیل ہو موا ہے۔ اگر عمل میں ما من او تفاع ایک سیال دوفل کیا میا ہے ۔ اگر عمل میں ما من او تفاع ایک سیال دوفل کیا میا ہے کہ توازن تعدیل ہو موا ہے۔ اگر عمل میں ما من او تفاع ایک سیال دوفل کیا میا ہے کرہ کرکہ

<u>ت</u> = را - ۱ با ن۱

جال ٹوس مبم کی کٹا نت ذہبے۔ اللہ جسم متنیر کٹا نت کے انغیں تیرراہے۔اس کے محل میں ذراسی

تبدیلی کردی گئی ہے اس طرح پر کہ ہٹائے ہوے مائع کی کمیت غیر متبدل رہتی ہے۔ اگر می گہرائ پر کٹا نت ن ( می) ہوا درجہم کی فرق سٹ دوسطح میں کے کسی نقطہ

کے محدد (لا ، ا ، ی ) ہوں مرکب سطح کو حوالے کا مستوی لا ا فرض کمایا ہے (لا ، ا ، ی ) ہوں مرکب سطح کو حوالے کا مستوی اور (۲۲۵) تو تا بت کروکہ تراؤے مستوی میں کا وہ نقط جسکے گرد جبر گھومتا ہے اس مستوی

کا مرکز تقل ہے جسکو ایک بیترے کے انندخیال کیا گیا کہے حبکی کٹا نت تعددلاء ماہر ف ( ی ) ہے -

مس سایک بیالی بیرونی سط کل وترفاص کا ایک مکانی نماسے اور

ائلی موٹائی اٹھی مستیں ہر نقط پر ایک ہی ہے اور بقابلہ ل کے بہت جیونی ہے۔ یہ بیالہ راس کے اوپر ف ار نفاع پر وائری کور کہتا ہے اور ر تضف قطر کے ایک کرہ کے بند ترین نقط پر کمکا ہواہے ۔ اگر اس میں اتنا یانی ڈالا جا سے کہ اس کی سطح بیالہ کے محور کو راس سے ہے ث فاصلہ بر قطع کرے ادر اگریا ہی کا وزن بیا نے کے وزن کا چار گئا ہوتو تا ہت کرد کم توازن قائم ہوگا اگر

<u>ن</u> < ر- ال

٣٩ -- ايک متساوي انساقين شلني پترا ١ ب ج ساکن ہے اس طرح کر اس کامستوي انتصابي ہے اور راس ج مائن ہے اس طرح کر اس کامستوي انتصابي ہے اور راس ج مائع کی کتافت اس ہو پر تابت ہے۔ اگر پتر ہے کی کتافت اس ہو بعتی کہ انع کی کتافت اتب ہو بعتی کہ انع کی کتافت الم ان بحتی کہ انع کی کتافت الم ان انتصابی ہے بعتی کہ انع کی کتافت گہرائی دیر ہے اور شلت کا ارتفاع بن اسمت انتصابی کے ساتھ زاویہ طبنا ہے تو ٹابت کروکھ

۱ د ن جم (ط + عه) جم (ط- ع) = ساک جم عرم ط

جبال زاوير اج ب = ١٥٠

ا بہ ارتفاع اور ال مفت تطر کے بجوت اسطوانہ کے اندر یا نی ہے اور اسطوانہ کے اندر یا نی ہے اور اسطوانہ کے سرے بند جن اسکور نصف قطرے ایک گرورے کرہ برہطرح کہ مکا گیا ہے کہ اس کے قاعدت کا مرکز کرہ کے بلند ترین نقطہ کو مسرکرتا ہے۔ یان کا وزن اسطوانہ میں یا فی کے وزن کے مساوی ہے۔ ٹاست کردکہ توازن قائم موکا اگراسطوانہ میں یا فی کے ارتفاع کا طول مساوات

٢ لا - ٢ (١ ر - ن ) لا+ وا =-

ک اصلوں کے ورمیان واقع ہو۔ اسم --- گروشی مکانی نمائی شکل کائی ہے وزن خول ایک متشابہ خول میں مکا ہوا ہے جبکا مبدل قبل الذکر کے مبدل کا دوجیند ہے ہیں کے اندرسیال ہے جسکی گنافت (گبرائی) سے شاسب ہے۔سال کی گمرائی معلوم کروٹاکہ توازن تعدیمی ہو۔

۳۲ میں سب بار بیا کا ارتفاع سب اپنج اور بارہ کی کٹا نت اصانی بلی ظ بائی کے ۱۳۰ میں میں اس کے ۱۳۰ میں سبے ۔ ۱۳۰ میں سبے ۔ ۱۳۰ میں سبے اپنج کا دزن ۲۵ ۲ میں سبے ۔ اس حالات کے تحت کرہ ہوا ایک کمایٹ کمعب کر ہوا ایک ظرف میں جبکی گھجا کش ایک مکعب نٹ جب بیکا دی گھئی ہے۔ اس میں جمیع مشدہ توانا کی کی معت دار ایک مکعب دار میں آمیلہ مک ۔۔۔

معومم -- بانی ادر ضینے کے بھیلاؤ منوا بط

ح - حمر [ا + عر (ت - ۲ ) } ادر حق - حر (ا + ه عرت)

سے معلوم ہوتے ہیں جہاں ت میش سنتی گری ہے اگر ایک آبی تیش بیا بنا یا جا کے اوراس کی ورج بندی معمولی سیابی تبیش بیا کی طرح کیجا سے و فابت کرد فا طابخا ودوش کے سواح لمف بیشوں براس کا ارتفاع معیم تبیش کو ہہت گھٹا کے فاہر کریگا اور جسے سائے سے کچے زیادہ تک اس سے جوارتفاع لمیکا وہ سفی ہوگا اور فاسب سے بڑی ہوگی جب کہ ہ عہ ت ۲۰ سے سے بڑی ہوگی جب کہ ہ عہ ت ۲۰ سے سے بڑی ہوگی جب کہ ہ عہ ت ۲۰ سے سے بڑی ہوگی جب کہ اس سے بوایکی کچے مقد اور جبکا و باؤرد ہے کردی ظرف

یں بندہے۔ اگر کر ہ کے مرکز برقرت مد ن ن کا مرکزر کھدیا جاسے و ناب کرو کر مرکزست رفا صلہ برجوا کی مختافت ہوگی

توت کی صدت اس قدر بڑی فرض کیگئی ہے کہ طون کے ساتھ تماس رکھنے والی ہوا کی کتافت تطرا نداز کیجاسکتی ہے ۔

(۲۲۷) هم سے فرمن برگرہ موائی کا دباؤ جر اور گنافت مذبہ ہے اور لبند ونقطون برگ تبش زین کے مرکز سے فاصلے کی ن ویں قرت کے باحکس متناسب ہے تابت کرد کر زمین کے مرکز سسے و فاصلہ پر دباؤ د بے الیماکہ

جال زمین کا نفست قطر و ہے۔

اگر ں = ا تو تابت کروکہ ایک کرو می خوارسے کا ترم حبکا مادہ تمام مسوّل میں مساو می طور پر استداد مدر ہے ایسے سے بڑا ہوگا حب راس مساوات

معملوم موجال م = ج نف ل ، يككى قدر له اور غيار مد والتراق لاسد

قطرك بعرب يمعلوم به كحبب عباره زمين سع أتحقا به توعين بجرزدابرتاب. كل الفف تطرقدرتي مؤاجه -

الم الم الله علی من الماری خاص لم میں ف بلندی برسیم من رفتا رہے نیجے اُتررہا است نیجے اُتررہا اللہ اللہ میں من رفقار سے حرکت کرا ہے جواس لمنیدی بر ہوائی رفت اللہ اللہ میں من رفقار سے متناسب ہواور اگر کسی فاص مقام برائز نے سے متفاد سے متفاد کی دفتار مستقل رہے کے متفدد سنے گیس کواس طرح فارج کیا جا سے کہ تادی دفتار مستقل رہے تو ثابت کردکر ابتدائی بلندی سے انداز سے میں فرف کی خلادا قع ہونے سے جس فقط پر فیارہ پرنیجتا ہے اس نقط میں

کام - نابت کردکسیش (Smeaton) کے ہوا یہ کی (ن+ )ویں

فرب میں جو کام ہوتا ہے وہ

کے مساوی ہے اگر نوائے ٹیمیلائو کو ہم تمیشی فرض کرلیاجائے جہاں او قابلہ کا اور دین اس میں میں

بنالی کا جے ہے۔ مربع \_\_ اگر انکیف ہم تیسی ہو تواکی کتنف کی ت دیں صرب میں جو کا م ہوتا ہے

اس اومعلوم رو۔ مہ۔۔۔ ﴿ حَجَم کے ایک قابل میں اگر ب گنجالیش کے ایک کمشف کرنے والے بمب سے ہوا اس قدرتیزی سے داخل کی حائے کہ ابھال سے حرارت کا جو نقصان ہوتا ہے اس کونط انداز کیا باسکتا ہے تو تابت کروکہ ن فریوں کے بعد قابلہ میں ہوا کا دباؤ کرہ ہوائی کے دباؤ کا (ا+ ت بسارا) جب گناہوگا۔ یہ معلوم کروکہ قابلیں تیش کیا ہے اور بچکا نے میں جو کام ہوا اُسے دریافت کرو۔

س میا سب بودیا سے یں ہوا کا دہاؤ معلوم کرد جبکہ ایصال سے تیشی توا زن بھر برقرار نیز قابل میں ہوا کا دہاؤ معلوم کرد جبکہ ایصال سے تیشی توا زن بھر برقرار سیام

• ه — دی مونی کمیت اور نصف قط کا ایک نفوس کردی مرکزه کیلاارسیال ( د = که مت ) سے تجاذبی کره موانی سے گھرامواہے – ثابت کروکہ دباؤ کا تعین ک تب ارمی رہ ۔ م

 $\frac{\dot{\zeta}}{\dot{\zeta}_{l}} \left( \frac{l^{3}}{c} \frac{\dot{\zeta}_{l}}{c} \right) + \frac{\eta \pi}{\lambda^{3}} l^{3} c = \cdot$ 

کن شرطوں کے تحت دباؤ کی شکل کرے ہوسکتی ہے۔

ا ۵--- اگریہ ال لیاجائے کہ زمین کے اندرمساوی کتانت کی طمیں ہم مرکز کرے میں اور واؤاور کتافت میں دبط دید کی (فار مشاکر) ہے جہال ف وسطیر کی

كانت ب تونات كروكم

## ف= شا رجب ما ۱۹ ۱۱/ک

جہاں رمین کا نصف قطر او ہے اور مرکز سے زیر بجٹ نفتلہ کا فاصلہ ر۔ لیسٹ کی تجافہ بی ا کا تی یہاں استعال کی گئی ہے اور زمین کی فوری کردش کا

انزنطرارا ارکراگیاست .

م ه - ایک تفوس میم دو مکعبوں نیشتل ہے جو متناکلاً باہم لائے گئے ہیں

مکن مختلف او سے اور مغتلف جہامت سے ہیں۔ یہ ھوس ایک سال میں اسطرح تیرنا ہے کہ متترک سطح مستوی سیال کی سطے میر ، سبے ۔ قائمیت کی منزط معلوم کرو۔

سوا ھ ---- ایک تھوس عسبم کروش منط فی ما کی شکل کا سرے اور استصابی محدر کے ساتھ تیر ہاہے۔ اگر مرکز نقلِ مرکز ابعد پر سنطبق ہو تو تا بہت کر وکہ تو ازن کا م ہے۔

ساتھ پر ہا ہے۔ از مرکز میں مرکز ، جائی کا کہ سیسی ہوتو ہا بہت ( ولد موازن کا م ہے۔ مع ۵ ۔۔۔۔ایک کھوس مبہ کردہتی مکافئ کا ک سیسے اور ایک انعم میں جس کی مخافت سانی ماکی کتا نت کو ن کتا ہے بیررہا ہے۔ اگر مکا فی منا کا ررتفاع ف

ایساہے کہ اس کامرز تقل مرز ما بعدے ادبر ک بندی بر ہے تو تا بت کرو کہ توا زن کا ایک مولانیا ہے جس میں محدان تھا جی منبس موتا اور تا عدہ بوری طرح مائے کے

ما برد تباست اگرک 🗲 ت (۱- ت 🚽 )۲-

۵۵ — ایک مہاز کے بہلو بانی کے تریب انتصابی ہیں اور سٹائے ہوئے یائی کا مرکز نقل تی گرائی ہے۔ بیاح جو ا بیاری کی کیت کے جہاز بند رسمے گہرائی ہے۔ اور جہاز پر متشاکلاً رکھا گیا ہے جس کی وجہ سے جہاز بند رسمے گہرائی کے اور دور ب مانا ہے۔ اور تی اقتی + معن تی ہوجاناہے۔ سفیر سقدامد س کے مرموں کو کوط ارکز ابت کردکہ

من تى = مع - طى + طائى - با طرم

٣ ٥ -- ايكمتيان الص ما الع ين اسطرح تيرتا مي كوات المحور

ج وبج انتمانی مصاوروزن ولاناتص نا کے وزل کا 🖐) اور کے سرے م برزوبت كرديا كماسم اس طور بركه تيراه كامستوي مركز مب سسه گزرا مبر - اگرنانص نماكوا وسط ر ب مجه گروایس محدو وزاور طریس گها دیا جاست تو ابت کرو کر حبنت کامعیار جواس کواس محل بی رکھے گا

د (٤ - ١٤ مم ط (١ - زامم ط) تنه كا جبط

ہوگا میاں تاش ( وائع ) کا فردج المرکز ز ہے۔

۵۵ - بهاذ کے عرمشد برکے وسلی خط سے ج واصل بروسط می ک فی کمیت رکدری کی ہے جسکی وجہ سے جماز ایک طرن انڈر جمور سے زاویہ طر کے جمک جاتا ہے جماد کا کل بڑاؤ مرش ہے۔ ناب کروکہ اس کمیت کی عدم موجود کی میں مركز تقل

کے اور مرکز البدکی لمندی تقریباً کے جے کے مساوی موگی اور اس جرکورورسے رتبہ کک تعجم نبائے میں مقدار

ك (ب- المربح )

کا اس میں امنا فرکزنا پڑسے کا۔ جہاں خط آب کے اوپرک کے مرکز تقل کی مندی ب سے بیندے کی گرائی کے سے بے خط آب کی تراش کا رقبہ ﴿ اور جود کا معيار مج مع جن كا تقريبًا معلوم بونا فرص كردياكيا سبه --

تجا أفي كيت من ايك جيواً كردى جوت (مفعت قطروس) بع حس كو متجانس بي يكب ميال سے جرد إكيا ب اوركره كے مركز بركي كشش إلكل معدوم سبے ۔ "ابت كروك مركز بركاسيالي وباؤ- بات ج سرائت كم درجوت كى سطح

يركل وبادُ - (٢٠ + ١٦٠ ش ٢٠ ش مراست كم نبير بوسكة اجبال سيال

كى كمانت ت ب ادر عا ولى كيت كے توہ كو ذريع تنبير بن تو عنصر ذريس كے لے جو مرز سے کسی مسن میں کھیے گیا ب مرزیر فرن با کی اقل جبری تبمت ج ہے ۔

و ( يتي أكر حومن رِخ كن نام و ) بنسبت أس يا ن كي مقدار مح (١٠٠) ُرہتی اگراس برڈ بگن ہوتا - اگر فنز الذکر صورت میں گردیش اوبرت إندى مك يانى جره صكتا موتو ثابت كردكه موخ الذكرم ی وزن ،درنصف تمز ' اے کے دوکردی نیدغیاروں کے اندراگ ر کرہ موانی کے دباؤ ہ پر مسادی مقداروں میں ہے ایک ر ع ہے۔ ان عِباروں کو ایک ہی بلندی پر ایک ہلی رسی . سروں پر تہاما گیا ہے جو ایک مکنی چرخی پر سے گزر تی ہے اگر رسی کو کا ک دیا ئے تو نابت کر کرے غماروں کی ملیدیوں میں فرق جب وہ توا زن میں ہموں ٣ الله الرك و موكا جبال رساوات "و- ورو- المه الت ال = - كى ی کا تناؤن ہے اور و باؤ π پر ہوا کی کٹا نت ش۔ ایک میکدار بے تنی ہو کی دائری جبلی کے محیط پرایک س کے ایک رخ برسائی دباز میں کراہے ہو فی حالت میں حبلی پر بنا با جا سکے اور حس کا ایک صناحا کہ بت کرد کر جبلی کی یہ نئی شکل مزوط ہونی چاہیئے۔ اس بر کے م

کا قانون معلوم کرد ۔

٩٢ --- اگر أيه ديا جاسئه كه با ني كاسطحي تناؤ مت ٢٠٠ مني ير ٩٨ ۋاين ني نتيميشر

ب ادر فرت = - ت و صابول کے ایک بلیا کے پیمالاؤ کی شرح دیافت

كرد تفييم تمين ت جرمتي حاسئه -

سم ٧ -- لزج سال كا ايك تطره البين مركزيس ست كرر ف واس ايك مورك گردیکساں رفقارسے گھوشاہے اور طح تناہ کے سواکسی قرت سے زیرعمل نہسبس ہے اس کی شکل کو ایک گردشی سطح کی شکل ان کراور اکو کروش سے محور بر مرکز سسے ناسيف عثابت كروك صف النبارى متعنى اس ماوات

> (ビーン) رن - الارق + كا) - لارلا + كا) > الارلا + كا) >

سے ماصل بولا ہے جہاں اواسوائی نصف قطرے۔

مم ٢ --- ايك لى قدرتى نصف قطر ل ك قائم متديرا سطواز كي شكل كى ج اور کائل طائم اوے سے بنی ہے جو کمون کی سمت میں استداد ا بنیرے الین میرینی والرول کی سمت میں ایک دارم - تعیک میصف والی دو تبالیاں اس کے سروں يراجي طرح نبت كردى كمي من ادر بجروائي موسى وباؤ كي كيس س من واخل كُنْ كُن بعيم - تهاليال آراد المطور براكب دوسرك كے قريب آسكتي بي تات كردك بسعنالهارى تراش کی تفرقی مساوات ہے

ما خران + ۲ ما ( فرلا ) = م (ا- و) ( ورلا ) "

جہاں م کیک اور دباوکا تفاعل ہے۔ تام دباؤں کے لیا الی کے صدری مضف قطر انحن آبالیول برم ادر اکی ىسبت مى موسى مي -

ملی کے مختلف ابتدائی طولوں کے ائے سب سے جو واسے نقط ریف والباری

## تراش کا انخائے اعظم بر ( اللہ - اللہ ) ب اور ودمرا فعدری انخاب (+-+)+

٩٥ --- ك كيت ك ما ون بليلي بر براسه وكليه إلى إبندى رق ب. ادر مبلي كاننا ؛ ( ت ) مفعف تطوكي جو في تبديليون سن شغير نبين بوقا- جاي العلان مح كرد يموسة ابنزازات كررسى مع - اگر بنى كى كردى شكل مى كون تمب ديى داقع ندمواؤ تابت كوكر اجتزاز كاوقت م الملك سب جان جوا كاجمود نظراندازكيا (٢٢٥)

كيا ہے ادر كبل خلايس كا كيا سي -

4 4 -- بج مبدل کے امک زیخیرہ کوایا ۔ ونز کے گرد جو مرتب کے متوازی ادراس سے ک فاصلیہ ہے مارا یک بندسطے عائس کی منی ہے - اگراس میں ف كنافث كا منع بحرديا حاست جويسان دادي رفتار سدست محورك رفيم ر اسے اوراس کواسی قسم کے ان میں ڈیویا جائے 'ور اگراس میں ایب سوراخ موجس میں سے بیرونی وامدرونی ان کی آ دورنت موسکتی سے تو تابت کردکہ مورست ر قاصله پرصدری تناؤ موسکے

غستار ( کورر ) نستار ( ایک دور )

مج مج . اگرایک صابونی بلیلے کے زمات فاصلے کے مکوس م بع کے قانون کے برجب ایک دوسرے کو د مع کریں اور اگر فرق مو قو ٹابت کرد کم 1 رب بمان ربليك كانصف تعزادر ت تناؤس

4٨ --- يتن كي يك كروني حول مي (تفيف تطرا) أمّايا في ندرس واخل كياياً كراس النعف تطرر بك بيل ما كاتب أرَّم ل كي كالم الرَّم ال مرہواور یا بی کے بچکاؤ کی مترح لہ تو نامت کردکہ فول میں إن کی مقدارہ

جال ف إلى كى كمافت ست جيكه اسكونه بحيكا إكبابو-و من المراك من دسب ذيل إنبيل معلوم بين المسال من دسب ذيل إنبيل معلوم بين المال كله در المال في مربع سنتي ميتر ) و علم عمرا رحه هر سمر الكيك كرد بواتي (١٠ لا كه دراين في مربع سنتي ميتر ) لى ميتر زاخل كي يتلي السيم الول ودويند كرك في الحديد الله والله والمان کی توت در کارم و تی سبے اگراس کی لیک مستقل رست میرسلوم غداروں کو سیک م م می معلوم کرد اور نابت کرو کرکرو میں یانی کی عمیت ۔ ۵۰۰ د کرام تر پیا۔ -- ایک نسعت کروی نبید ای پرنیرد اسم اس کا انسعت تطرایسا است کر اندرونی ويرونى واون كے وقر كوم برزنى داؤسيونسبت مع دواكب مغيرمقدارب جسكا مريع نظرا وازكيا جاسكتا ہے - بليا مح اندريان كى سطح ك على دريانت كداوراً بت كردك ميرون آن طح كے ينے اس كى بڑى سے بڑى كرانى ہے عوال مراد مي المراد ال حبال بطبلے کا نصف قطرہ ہے اور بی اکا ڈارمہ ال دیوا کے لیے جسطی توا نا کی ہے مس کویانی حسک اکائی حجمے نے وراں کے ساتھ سست واہے۔ • که کست تغزو ( Gaffard ) کی انجادی شین مین در اسطور نے موج میں

کے اس صبی عمل میں نخرانہ سے داخل ہوتی ہے ادر طرب کے بنیہ ر يبيل كركوم بدائي محد وبادير مارج مرباتي سهد ماج به تدوي ا واک میں محتی مونی مونی میں اور اللہ اسلوان کے مجم کے اور سے موں اور اگر مِيكا دُاور مِيلِا وَكُو حرِ نَا كُرِد رُفن رُليا مِاستُ وْ تَا بِتَ كُرُد كُمْ بِرِفْرِب مِن يَعِلَم اسطهام یں جوکام ہانے ود کا م مرا م مرا یہ مرا یہ جادر در سرے اسطوانی ٣ ميد (٦ -٦) سي- ١٧ كو بوال كا داد ب- ( دُرُكُو إليس) ---- خبت کودی شجانسس مٹوس این بایب مندر سے تعری · ہے۔ اگر ہانی پر خود اس کی سٹ المبث كردكر معند ركى سنغ كروى ربيكى نيكن اسريكا مركز زحن سريح يقدراس فاسطر بم بسطاجا أيكا جواس سي مفعت تظركو بعنفريق سيرزب ديئ سيت ماصل مراسب ئے اوراس سے اُوکر گرائی کا ایک اسلامتدہ مواور اگریانی کے زوات کی کشفش ایک ادمرست برنظراندادگردی ماست و فاسك كرورى مندركي فيليجينك المستوادي مركز كريزة سنذ زين أسطح ريعاذه اوعن كي وسر بسيال كي محيد مقدار ايك إ دي لمرزر المردنما كي سطير محيلا وي عمي وكوكسيال في آوادسط مجى كره مناسب ادراسوا برسسيال في كبرا في أجونسبت تطب بركي مجراني ستسب وبي تسبت كره لأسكة موراعظم كومور فبنغ -اگرزین کے گرد کم تر ان کا ایک مندر موز نابت کر که موض بدل ب

تطینا قفو ہے جیکے محاور ۲ اور ۲ ب من س ما مع اور اسطوار وونو س اسطوار تے تور کے گرد کیساں را ونی رفتار سم سے تھوئے ہیں۔ نابت کروکر آزاوطح ی مکن شکل ہم اسکی 'اقعنی اسطوا مذہبے مسلے محادر ۲ اور ۲ ب ہیں ایسے کہ سر (و+ ب) = ١٨ ١١ ت (وب - وَ بَ)

 4 - تجانس الع كيست (ك) اضافى توارين مي ايك ثابت محرك كرو کیساں زاد کی رفتار سے کھوم رہی ہے اس طرح کداس کی سطح کی بلیلیجیت رصد ) جمو ٹی ہے۔ اگر کمیٹ کا مدکب حصد مرکز پاک لاتسا ہی کشف اوی لقطہ کی سل میں منجد ہو جائے اور بقیہ حصے ( ۱- مه ) کُٹ کی کتا ب کونسبت ا۔ مه ، مدس گھٹا د ما جائے تو تو از ں کی صورت می اس سی سطح کی البلیجیت کہا ہو گی اگر گر دمتس کا وقت دہی مرص کما جائے جو پہلے تھا۔

۸ --- یکسال کثافت کا ایک بیشوس ناقص نما اینے اقل محور کے گروگھو متا

- سے اور اس کے گرومحدف کتا فت کے متحالس والع کا یک غلاف سے سے یہ

سائتبہ کئے رہتا ہے کل کمیٹ قانون قدرت کے موجب کشش رکھتی ہے۔ان شرائط كاسعلوم كرنام طلوب ب جن كيورا بوسن برآزا وسطح ناقص ماني سكل احتيار

رسلي (Prof Townsend Math of Ed Tinus Vol xxxv)

ت + ن كأنت كے موس كروں كى كھ تداد ث كانت كے سال میں متوار ن ہے کل نظام ایک مجون کرہ میں ہے۔ اگر کل کمیت تنا فری ہوتو نابت کردکہ کردل کی کمیت کا مرکز مجوت کرد کے مرکزیر ہونا چاہتیے۔ نیز اگر مرتب دو کرے ہوں تو نقط نماس بران کے درمیان دباؤ ہوگا

> جاں لاا م کروں کے نصف نظریں۔

٨٧ --- ايك تقوس متوانس اقص نماك آندروني حصدمي ايك بم مركزكروى

خول سے جو بے بیجک متنجانس سیال سے مجرا ہواہے۔ کل اور قانوں تدرت کی

بوجیکشش رکھنا ہے۔ نابت کردکہ مسا دی دباؤ کی طعیر مخروطی نما ہیں اور اگر اس نفام کی ایک معین سطح برکوئی نقطه ن ہوتو مرکز و میں سے گذرہے والی اور ن و بر علی القوائم سطح مستوی برکا عال دباؤ ه +ک / و ن ابرگا جہاں ه ،ک مشقل ہیں جو مساولی دباؤکی منتخب شدہ سطح برمنے میں ۔

مر ۸ -- اگر ظرف عواص کو ایک ریخیر کے ذریعہ پانی میں اظکایا جائے اور وہ پانی میں بوری طرح ڈوبا ہوا ہوتو تابت کر وکداس کا محورا نتصابی نا رمیگا جب کک ک

و(١- الله )گ - وَك - أَرَاق

مثبت نہ ہو جہاں و ظرف غواص کا درن ہے، قر اندرونی ہواسے ہٹائے ہوئے سیال کا دزن من اندرونی ہوا سے ہٹائے ہوئے سیال کا دزن من اندرونی من ہوا کا حجم س ظرف غواص کے اور کے گی گنا فتاضا فی ایر اندرونی مائع کی موارسط کی عمر وی تراش کے جود کا معیار اگ اور گئے ظرف غواص اور حجم سے مراکز نقل کی گہرائیاں اس نقط کے بیجے جس برزمجیسہ باندھ دی گئی ہے۔

مهم ۸ -- ایک فرف غواض اندر کی طرب سے ایک گردشی مکا فی نماشکل سے محدود ہے اس کا ارتفاع ب اور قا عدہ کا نضعت قطر او ہے۔ اگر ما بن کی سطح کے بیچے ظرف کے قاعدے کی گہرائی کی ہم تو ناہت کر و کہ ظرف میں من لمندی بک با بی جڑھ جائیکا جہاں

ف آبی بار بیا کا ارتفاع ہے۔

نیز اگر نظرف غواص بوری طرح غرق ہوا دراس کو ایک جیو کے زادیہ طر من گھایا جاسے تو نابت کردکر استردا دی معیار ہے

﴿كَ - ١٩ فَتِحَالًا (ب - ت) (م ب - ٢ ب ن + ١٦ ١٦) م ب إل

ہاں کے متعل ہے جو ٹ بر سخصر نہیں اور فہ بانی کی کٹانت ہے ۔ ۸۵۔۔۔ میس منٹ منٹ سے .... منٹ کٹا فتوں کے مائعات کی ایک تعداد

قرت کے تجاذبی سیدان میں متوازن ہے۔ اگرایک محرس کرہ ابتداء سے۔ اویر کے اکن نٹ ن میں پوری طرح ڈوبا ہوا ہو ادر پیراسکو آہستہ آہستہ بیعیے ڈوکمیلا ئے بہاں تک کہ یہ بوری طرح سب سے تیلے انع ن میں بوری طرح و ت نے اور اگر کرہ کا مجم ح بقابلہ ہر انع کے مجم کے مجموط ہونو تا بت کر د کہ سانی دباؤکے علاف جوکالم ہواہے وہ تقریبا

ع ( ٢-٦٠) شرور ٢٠٠٠ من المراق الم

+(٢٥-٦) ٿ ا

کے مادی ہے میاں ح اور تح کرہ کے ابتدائی ادر آخری کوں میں اس کے مرکز

پرکے قوے ہیں اور سے ' سے ' سے ' ۔ . . . کے ناصل طوں پر کے تو ہے ۔ دبتحانس کے ف کٹانت کے بے بچک متعالب سیال میں غرق (۲۲۲)

ادر ساکن ہیں۔ کروں کے تصفی قطرب ادر یک ادر کِمّا نتیں نہ اور نُہ ہیں۔ ک

کی بیایش تجاذ بی اکائیو**ں میں کی گئی سے۔کل کمیت کوایک استوارکر**دی تفا م میں بند کردیا گیا ہے حس سے وہ عین بخرطباً ہے۔ ابت کردکہ من کنا نت کے کرہ پر

عل كرنيوالى كشنس ورد اوكى سب قويس اعى وت الله ٢٦ ث (ت - فر) ب ج اور

١١ ١١ ( ت - ثه) ( ثأ- دنه) ب٣ ب٩ مي تويل بهوسكتي مين حبكة بالنار

د ماعی قرت نفافے کے مرکز سے ادر موخرالذکر دوسرے کرہ کے مرکز سے باہرواعمل کرے ج لعانے کے مرکزے اور د دو سرے کرہ کے مرکز سے زیرمجٹ کرہ کے مرکز

کے فاصلے ہیں ۔

کچو تجا ذبی کمیت حسکی سط ہم قرہ سطے سبے سال سے گھری ہوئی ہے سے سیال ىشى الذات نظرا نداز كيحاشكتى كى ابت كر . كركسى نقطه بركا د باوسطح يرسيم

دبائوسے بقدر

م الارك الركث كا فرلافرا فرى

کے کہ ہے جہاں سے عصل قرعت، ک کل جاذب کمیت، مکٹش کامتقل میں اور تکمیت، مکٹش کامتقل ہے۔ میں اور تکمل مساوی دباؤگیا ہے۔ میں اور تکنافت دونوں طوں کا جم سے 18 ھا اور کٹنافت دف+ نا ہے۔ اس کی شکل تقریباً کردی ناقص نما

س = الا + ب ا + ج ی + ۲ ن ی ا + ۲ گ ی لا + ۲ ه لا ا = ۱

کی سبے اور یہ ہے ۱۱ (تے ۔ م) جم کے جاذب سیال سے گرا ہوا ہے جس کی کتافت مف سبے ۔ تابت کروکہ آزاد سطح کی مکن شکل حکے بطام توازن میں ہو یہ ناتص نما لا ان ا ا ا ا کی ا - تے الے ھا س - (الا + 1 ا + ی ا ) }

ہےجباں

را سی میرون کے سے میں شرک را سی ش + ۵ ہے ش )

اللہ اللہ کال کے ہرافقط پر صغیرا ختیاری ہٹاؤ بیدا کیا گیا ہے کسی نقطہ پر میٹاؤ کیا ہے کسی نقطہ پر میٹاؤ کے اجزا سے محلیا محوروں کے متوازی مف لائمف یا ، مف می ہیں جہال مف لائمف یا، مف می اضتیاری سلسل تفاعل ہی لاا مادی کے نتابت کروکہ کل حجم میں دباؤ حجو کا مرکبا ہے وہ کل کام

حوکا م (ہاستے وہ س کام گزار د (جن م<del>ن لا + جن من ا + جن من ک</del>) فرلا فرمانوی گزار د (جن لا + جن ا + جن ا بیاری

ہے جہاں دکسی نقط برکا دہاؤ ہے اور کم کل حجر میں ایا گیاہے۔اس طرح نابت کردکہ سیال کے بوازن کیلئے منز طاہبے

ز دئے ٹ (لا فرلا+ما فرما + ہے فری) کیکٹا فت اور لا ٹھائے تحافل قوت کے اخار ترکسی

جاں خ سال کی کٹا نت اور لا ماکھے تجاذبی توت کے اجزاد ترکیبی فی اکائی کمیت ہیں۔ مسلسل

## فبرسناصطلاحات

مات کوارُ دو حرومت جنی کے محاظ سے ترنیب دیا گیا ہے۔	النوط ال اصطلاء
Water line area	آ ب خطرتبه
Centre of buoyancy	اجبال كامركز
Surface of buoyancy	ا جہال کی تطح
Calculus of variations	ا دعها سٹ نعیرات
Inferior limits	إدني حدود
Flying wheel	أرطبيبي
Restorative moment	استروا دی معیار
Thermal capacity	استغدا دحرارست
Meridonal section	استوائی زائمت
Radiation	استعاع
Relative equilibrium	اصنا می توازن
Superior limits	ا علیٰ جدور
Extensible	امتدأدبدبر

Inextensible	ا مندا المراد ال
Freezing machine	امتدادنا پذیر انجادی شین انفران انفران
Deflection	ا مرادی مین
	المفترات
Upward pressure	ا وپروار دباؤ
Apses	ا اوجبین
Mean centre	ادسط مركز
Conduction	ايصال
Load	ابار
Barometer	بأريبا
Upper himit	بالانئ صد
Vapour	بخار
Evolute	بريجي
Dilatation	لسط
Incompressible	بني ي
Lamina	يبنرا
Compression	بنجيكا و
Compressible	ب کیک پذیر
Metacentre	يس مزكر، قركزاميد
Paddle steamer	ينكهيا نئ جباز
Lune	پهانگ پهانگ
Turn of a helix	بهبيم لرمرغوله كا )
Hold of a ship	يشا ً (جاد)
Screw	يتج
Sciew-steamer	ا برسم باني مهاز
Constant of gravitation	تخاذب كالمستغل

Gravitating solid	تخا ذبی تھوس
Configuration	ت کیل
Counterbalance	يغديل كزنا
Variation	. تغیر
Righting moment	نقوتمي معيار
Line of contact	تمامی حنط
Tension	تنادُ
Tensile	تناوى
Kinetic energy	توانانئ بالفعل
Potential energy	نوانا ئی بالفتوه
Line of floatation	بيرا وُ كا خط
Plane of floatation	تیرا وُ کامستوی
Surface of floatation	نيراو كسطح
Floating bodies	تیرئے واکے اجسام
Lintearia	توبهي ا
Self-attracting	جاذب بالداب
Lıfe-belt	مان میمی
Algebrical moment	جبری معیار
Couple	جفنت أ
Product of Inertia	جمود کا عال ضرب
Film, membrane	جبلي
Oblate spheroid	جیٹا کرونما
Annulus	چنبر
Thread	چۈكى (يىچىكى)

Boundary conditions	صدودي مشرطين
Terminal conditions	حدودی مشرطیں عَدّی شرطیں حرارت نوعی ترناگذر
Specific heat	حراريت نوعى
Adiabetic	ترنا گذر
Convective equilibrium.	حلی تواز ن
Water line	خطأب
Cycloid	حطتدوير
Line of action	نحطعمل
Line of greatest slope	مطميلان اعظمر
Sheli	نول . نول .
Period	,, ,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,
Bifurfaction	دوست حکی
Shaft	רית <i>ו</i>
Impulsive tension	دېرا د معکاتنا و
Wall- sided ship	ديوار ببيلو حباز
Sheet iron	ديواربېلو جېاز د بلا بوا لو إ
Intrinsic pot energy	ذا بي نُوامًا بي بالقوه
Intrinsic equation	ذا نی مساوات
Quarter-period	ربعی دور
Areal section	رقبي ترامسنس
Wrench	ريخ
Hyperboloid	زائدنما
Hyperboloid of one sheet	د مدن زائد نمااک چا دری زامد نمنا دو چا دری
Hyperboloid of two sheets	زامدُ منا دو چأوري
Saturn	زعل "

person of resident and desirable property and the second	
Catenary	رنخيره
Catenoid	'رځه و نما
Stress	ا در
Lower limit	رمن مد
Stern	- k ن
Trilinear co-ordinates	سه که تور الم
Fluid	
Perfect fluid	سیال کوئل سردر کامعور
Capulary curve	
Soap bubble	اصدالالماليد
Principal curvature	مد سانحماد
Principal axes	ص د ایامچور
Principal tension	س ئىلۇ
Anticlastic	صدار کی
Necessary & sufficient conditions	هذه ی اورکا فی شعر طبی طبعی مبیت
Normal mode	طبعي مبيت
Strata	ا طبيقات
Longitadinal	طولي
Deck	عرشه رجازکا)
Transverse	طولی عرشد رجبازکا ) مومنی عقدہ ما
Nodord	عقدہ پرا
Element	عمصر بجزد
••	بيرتهائس
Water-section	عصر جزد میرشجانس فاصل آب مصدر میر
Separability	قسل بذیری
	-

Astronomical density	· طکی ک <sup>ن</sup> ا نت
Fathom	فيرم
Receiver	ا قابله ا
Rectangular hyperbola	ا قائم زائد
Hinge	ا قبضه
Bow	قدامه
Divisibility	قسمت پذیری
Parabola	تطع مركا في
Force function	قونی تفاعل
Force to a point	قوت مأل بانقطه
Constraint	تيد
Constraining forces	يقيد كرمنوالي قوتيس
Bibiliography	ركتبيات
Spheroid	كرهنما
Crank	كرنيك
Centre of mass	كميت كامركز
Step(of a helix)	گام (مرغوله)
Radius of gyration	مروش كانصت قط
Surface of revolution	بر گردشی سطح
Roulette	محرو دنيه
Pitch	گھائی
Periphery, perimeter	گهیرا م
Elastica	لدني
Convolutions	_لفيف_
Anchor-ring	لنگر پيلا

4

C	rt 3
Smuous	۳۰رمپر ۱ - ک
Hydrodynamical	ابرن
Hydiostatics	اسلونیات
Focal conte	السلى مخروطي
Parameter	مبال
Homogeneous	متحانس
Equilateral Hyperbola	منسأ مي المحاورزائد
Isoscelus prism	متسأد <i>ی ا</i> لاحبین منشور
Similar and Similarly situated	تنسأ بدا ورتشابها وافع
Variable	منغير
Variable density	مند تزنیافت
Convex	محارسيها
Position	مرا
Axial plane	محرری سنوی
Helix	هر تولد
<b>Helic</b> oid	مرئحو لدنها
Metacentre	وركز يالعيد
Nucleus	مركزه
Centroid	<i>رکز</i> به ندسی
Torsion	مروش بريا
Surfaces of equipressure	مساً، ي دبارگي هيس
Plane	مستوى
Momental ellipsoid	معياري ناقص نما
Concave	مفتر

Modulus

Bodies under constraint

Paraboloid

Flexible surface

Unduloid

Ellipsoid

Elliptic Integral

Elliptic paraboloid

Synclastic

Dew point

Downward pressure

Medial line

Trim of a ship

Displaced fluid

Isothermal

Level

Air-tight

مقیاش مقداجسا

مكافينا

ملاتم تطلح

ناقص بما

القصي يحمله

نا تصی مکانی تما در انخواری

فطرست

نتیمیے دار دما کہ سیط نیر

صنع (جبازگ<sub>ي)</sub>

م ممتبتی برگیسط

ا مهوارسط مواشد



n=pressure n= perpendicular

PERM

Pu= La genders non coefficient

P=power

P = density

- ichis of curvature # =density

f = acceleration

f = function

F = force

k = constant

h = radius of

K = quarter period

v=voluni.

I'= volume

V = potential in

W=weight

m = mass

و = دماؤ

ت ۽ کٽافت

نم = انحائكا لصف فط نه په کثانت

س ہے اسراع

ت ۽ تفاعلَ

M = mass M = pretacentre g = icc due to mavity G--centre of gravity S- Sudace s = kngth of in aic C = constant C = centre C=centrom C==point c=(ap)ents ح رح م في المحود c - semi-axis W= 3PT t = radiusفت یه فاصا i == distance راطيانه = تطبي محدد r, 9, \$\psi = \text{polar co-ordinates} ر، طرزى ما اسطواني محرو z=cylinderical co-ordinates R = resultantR=resction t=temperature T==tension T=absolute temperature t = timeh=height h = depth

H P = Horse power	( - ط = البي طاقت
e=eccentricity	ز = خروج المركز
I = moment of Inertia	مج = جمود كامعيار
n=normal	ع = عاد
x, y, z	لا ، ل ، ي
$\lambda$ , $Y_{o}$ Z	لا ما ، ے آ ، آ ، ی
a, y, £	آ، آ، ی
u, v, w	نها وا هر
F (Elliptic Integral of the	
<b>E</b> ( ,,	eccnd kind) 5
2 4 2 4 3 x 8 x	فره فرلا جعنب ما جعنب لا معب لا معب لا
Jak K Gamma tunction	مر " ما مرلا با = لا م جا = کاما تفاس
Weierstrars's Zeta fu	طا = دیرسطراس کاتماعل netion فحد قو
' 1 e <sub>2</sub> e <sub>3</sub> እ , ሥ , ሃ	ع عن عر
,β,Υ	عه، به، ج
Ş	حذ، معت

EYUTT IN, ۔ ۳ منا ، جا ، طا منا ، جا ، طا Sn u cn u dn u Am u Cotam n E  $\mathbf{G}$ Ð F ل ک Н J K 3 R 0 U

ا گریزی کے بوے (Capital) حروب بالعم ترجیمیں بخط عربی لکھے جائیگے اور چیو سے (Small) حروف بخط فارسی- معہدا بڑے حروب کے لئے بہانہ بھی ٹرا ہوگا۔ . . . . الم ألم الم ألم م ل ك له يه څ صه صد ب ب ع بحاسم م کے او ہوگا، مثلاً عا ، با ، جا وغیرہ